

Министерство сельского хозяйства Российской Федерации

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования**

**«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ ИМПЕРАТОРА ПЕТРА I»**

УТВЕРЖДАЮ
Декан агроинженерного факультета
Оробинский В.И. _____
«22» июня 2023г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Б1.О.12 Математика

Специальность подготовки **23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства**

Направленность (профиль) **«Автомобильная техника в транспортных технологиях»**

Квалификация выпуск – инженер

Факультет – Агроинженерный

Кафедра математики и физики

Разработчик рабочей программы:

профессор, доктор технических наук, профессор Колпачев Виктор Николаевич

Воронеж – 2023 г.

Рабочая программа разработана в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, утвержденным приказом Министра образования и науки Российской Федерации № 935 от 11 августа 2020 года.

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры математики и физики (протокол № 11 от 19 июня 2023 г.)

и.о. заведующий кафедрой



Л.А. Шишкина

Рабочая программа рекомендована к использованию в учебном процессе методической комиссией агроинженерного факультета (протокол №10 от 22 июня 2023 г.).

Председатель методической комиссии



О.М. Костиков

Рецензент рабочей программы д.т.н., профессор кафедры электротехники, теплотехники и гидравлики ФГБОУ ВО Воронежский государственный лесотехнический университет имени Г.Ф. Морозова Попов В.М.

1. Общая характеристика дисциплины

1.1. Цель дисциплины

Цель дисциплины: формирование логического, математического и алгоритмического мышления обучающегося; освоение необходимого математического аппарата, помогающего анализировать, моделировать, решать математические и прикладные задачи; формирование у студента базового уровня математической культуры, достаточного для продолжения образования, научной работы или практической деятельности.

1.2. Задачи дисциплины

- формирование представления о роли и месте математики в современной системе знаний;
- формирование конкретных практических приемов и навыков постановки и решения математических задач, ориентированных на практическое применение к решению технических задач по указанному направлению;
- формирование навыков владения основными математическими методами, необходимыми для анализа процессов и явлений при поиске оптимальных решений, обработки и анализа результатов экспериментов.

1.3. Предмет дисциплины

Предмет дисциплины - основы теории линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, теории дифференциальных уравнений, рядов, теории вероятностей и математической статистики.

1.4. Место дисциплины в образовательной программе

Дисциплина Б1.О.12. Математика относится к обязательной части блока «Дисциплин» в соответствии с Федеральным Государственным образовательным стандартом высшего образования № 935 от 11.08.2020 г. по специальности 23.05.01. Наземные транспортно-технологические средства.

1.5. Взаимосвязь с другим и дисциплинами

Дисциплина Б1.О.12. Математика является предшествующей для следующих дисциплин:

- Б1.О.19. Теоретическая механика;
- Б1.О.13. Физика.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Компетенция		Индикатор достижения компетенции	
Код	Содержание	Код	Содержание
ОПК-1	Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	311	Основные понятия, методы и средства теории матриц и определителей, векторной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел и многочленов, теории пределов и непрерывности функций, дифференциального и интегрального исчисления, дифференциальных уравнений, рядов и их приложений к математическому анализу функций одной и нескольких переменных.
		У8	Решать системы уравнений методами Крамера, Гаусса, матричным способом; находить скалярное, векторное и смешанное произведение векторов; решать основные задачи на вычисление пределов функций, нахождение точек разрыва функции, их дифференцирование; построения графика функции по результатам их исследования, средствами математического анализа; производить действия с комплексными числами и многочленами; решать основные задачи на вычисление интегралов и нахождение решений дифференциальных уравнений.
		Н8	Навыками нахождения решений систем уравнений с обоснованным выбором метода и модели; навыками решения типовых задач аналитической геометрии на плоскости и в пространстве; алгеброй комплексных чисел и действий над многочленами; навыками математического анализа функций на монотонность, выпуклость, нахождение асимптот; навыками решения типовых задач с использованием пределов, производных и дифференциалов для анализа функций с последующим построением их графиков; навыками интегрирования рациональных, дробно-рациональных, тригонометрических функций; навыками вычисления определенных и несобственных интегралов; навыками решения всех типов дифференциальных уравнений 1 и 2 порядков; навыками определения вероятности.

3. Объём дисциплины и виды работ

3.1. Очная форма обучения

Показатели	Семестр				Всего
	1	2	3	4	
Общая трудоёмкость, з.е./ч	3 / 108	4 / 144	3 / 108	4 / 144	14 / 504
Общая контактная работа, ч	54,75	60,75	40,75	60,75	217,00
Общая самостоятельная работа, ч	53,25	83,25	67,25	83,25	287,00
Контактная работа при проведении учебных занятий, в т.ч. (ч)	54,00	60,00	40,00	60,00	214,00
Лекции	28	30	14	30	102,00
практические-всего	26	30	26	30	112,00
Самостоятельная работа при проведении учебных занятий, ч	35,50	65,50	49,50	65,50	216,00
Контактная работа при проведении промежуточной аттестации обучающихся, в т.ч. (ч)	0,75	0,75	0,75	0,75	3,00
групповые консультации	0,50	0,50	0,50	0,50	2,00
Экзамен	0,25	0,25	0,25	0,25	1,00
Самостоятельная работа при промежуточной аттестации, в т.ч. (ч)	17,75	17,75	17,75	17,75	71,00
подготовка к экзамену	17,75	17,75	17,75	17,75	71,00
Форма промежуточной Аттестации	экзамен	экзамен	экзамен	экзамен	экзамен

3.2. Заочная форма обучения

Показатели	Курс			Всего
	1	1	2	
Общая трудоёмкость, з.е./ч	5 / 180	5 / 180	4 / 144	14 / 504
Общая контактная работа, ч	18,75	18,75	14,75	52,25
Общая самостоятельная работа, ч	161,25	161,25	129,25	451,75
Контактная работа при проведении учебных занятий, в т.ч. (ч)	18,00	18,00	14,00	50,00
Лекции	8	8	6	22,00
практические-всего	10	10	8	28,00
Самостоятельная работа при проведении учебных занятий, ч	144	144	111,50	399,50
Контактная работа при проведении промежуточной аттестации обучающихся, в т.ч. (ч)	0,25	0,25	0,75	1,25
групповые консультации	-	-	0,50	0,50
Экзамен	0,25	0,25	0,25	0,75
Самостоятельная работа при промежуточной аттестации, в т.ч. (ч)	17,75	17,75	17,75	53,25
подготовка к экзамену	17,75	17,75	17,75	53,25
Форма промежуточной аттестации	экзамен	экзамен	экзамен	экзамен

4. Содержание дисциплины

4.1. Содержание дисциплины в разрезе разделов и подразделов

Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия.

Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений. Матрицы и операции над ними. Определители и их свойства. Определитель n -го порядка. Миноры и алгебраические дополнения. Обратная матрица. Ранг матрицы. Вычисление обратной матрицы с помощью процедуры Гаусса. Собственные значения матриц. Основные понятия и определения. Решение линейной системы с помощью обратной матрицы и по формулам Крамера. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса и его использование для решения и исследования систем на совместность.

Подраздел 1.2. Векторная алгебра. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базис на плоскости и в пространстве. Проекция вектора на ось. Прямоугольная система координат. Координаты вектора и точки. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов. Линейное пространство. Евклидово пространство. Линейные преобразования.

Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и пространстве. Основные задачи аналитической геометрии на плоскости. Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости. Векторное и общее уравнения прямой. Уравнение прямой, проходящей через заданную точку, параллельно заданному вектору. Уравнение прямой, проходящей через две заданных точки. Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Взаимное положение двух прямых на плоскости. Расстояние от точки до плоскости. Плоскость в пространстве. Общее уравнение плоскости. Исследование общего уравнения плоскости. Уравнение плоскости, проходящей через три заданных точки. Взаимное расположение плоскостей в пространстве. Параметрические и канонические уравнения прямой в пространстве. Взаимное расположение двух прямых. Взаимное расположение прямой и плоскости. Выпуклые множества и их свойства. Кривые и поверхности второго порядка.

Раздел 2. Математический анализ.

Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной. Элементы теории множеств. Топология числовой прямой. Понятие функции одной переменной. Класс элементарных функций. Предел последовательности и его свойства. Предел и непрерывность функции. Односторонние пределы функции. Свойства непрерывных функций. Признаки существования конечного предела. Теоремы о конечных пределах. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Эквивалентные бесконечно малые функции. Первый и второй замечательные пределы. Свойства функций, непрерывных в точке. Классификация точек разрыва. Свойства функций непрерывных на отрезке. Непрерывность элементарных функций.

Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Геометрический и физический смысл производной. Дифференцируемость функции. Непрерывность дифференцируемой функции. Дифференциал функции. Производные основных элементарных функций и правила дифференцирования. Производная сложной функции. Логарифмическая производная. Производная функции, заданной в параметрической форме. Производная обратной функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Исследование функции на монотонность и экстремум, наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Исследование графика функции на выпуклость и точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построения графиков. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и их геометрический смысл. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя. Формула Тейлора.

Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных. Точечные множества в n -мерном пространстве. Определение функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные. Полное приращение и полный дифференциал, применение в приближенных вычислениях. Производная сложной функции. Производная по направлению и градиент. Частные производные и полные дифференциалы высших порядков. Экстремумы функций нескольких переменных. Уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.

Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы. Первообразная и неопределенный интеграл. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблица ос-

новых интегралов. Непосредственное интегрирование. Метод интегрирования по частям. Метод подстановки. Классы интегрируемых функций. Интегралы, не выражающиеся через элементарные функции.

Определение определенного интеграла. Интегрируемость функции. Свойства определенного интеграла. Производная определенного интеграла по переменному верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Замена переменной в определенном интеграле. Геометрические и механические приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы первого и второго родов. Приближенные вычисления определенных интегралов.

Подраздел 2.5. Комплексные числа. Функции комплексного переменного. Алгебраическая форма комплексного числа, его изображение на комплексной плоскости. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Действия над комплексными числами. Понятие функции комплексного переменного, ее предела, непрерывности и производной. Понятие аналитической функции. Сопряженные гармонические функции.

Раздел 3. Дифференциальные уравнения и ряды.

Подраздел 3.1. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Общее, частное и особое решения дифференциального уравнения. Геометрический смысл. Теорема Коши. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка, уравнение Бернулли.

Подраздел 3.2. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка. Обыкновенные дифференциальные уравнения высших порядков. Геометрическое истолкование. Теорема Коши. Обыкновенные дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейно независимые функции. Определитель Вронского. Теорема об определителе Вронского. Структура общего решения линейных неоднородных дифференциальных уравнений. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Моделирование колебательных процессов в инженерных системах. Численное интегрирование дифференциальных уравнений.

Подраздел 3.3. Числовые и степенные ряды. Гармонический анализ.

Понятие числового ряда и его суммы. Основные свойства сходящихся числовых рядов. Необходимый признак сходимости числового ряда. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов: признаки сравнения, признак Даламбера, интегральный и радикальный признаки Коши. Знакопеременные числовые ряды. Признак Лейбница. Знакопеременные ряды, абсолютная и условная сходимость.

Понятие функционального и степенного ряда. Теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение основных элементарных функций в ряд Маклорена. Применение рядов в приближенных вычислениях.

Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье. Достаточные условия разложения периодической функции в ряд Фурье. Разложение в ряд Фурье периодических функций с произвольным периодом.

Раздел 4. Теория вероятностей.

Подраздел 4.1. События и вероятность. Предмет теории вероятностей. Понятие события, классификация событий. Классическое определение вероятности. Свойства вероятности. Статистическое и геометрическое определения вероятности. Формулы комбинаторики. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные независимые испытания. Формулы Бернулли, Лапласа, Пуассона.

Подраздел 4.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин. Случайные величины дискретного и непрерывного типа. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклоне-

ние, начальные и центральные моменты. Функция распределения вероятностей и ее свойства. Плотность вероятности и ее свойства. Биномиальный закон распределения; закон Пуассона; равномерный закон распределения; нормальный закон распределения; экспоненциальный закон распределения. Формулировка закона больших чисел в форме Чебышева. Лемма Чебышева. Неравенство Чебышева. Теоремы Маркова и Чебышева. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова. Многомерные случайные величины

4.2. Распределение контактной и самостоятельной работы при подготовке к занятиям по подразделам

4.2.1. Очная форма обучения

Разделы, подразделы дисциплины	Контактная работа		СР
	Лекции	ПЗ	
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия	18	24	42
Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений	6	8	14
Подраздел 1.2. Векторная алгебра	6	8	14
Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и пространстве	6	8	14
Раздел 2. Математический анализ.	38	30	80
Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной	4	4	16
Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	10	8	16
Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных	8	4	16
Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы	12	10	16
Подраздел 2.5. Комплексные числа. Функции комплексного переменного	4	4	16
Раздел 3. Дифференциальные уравнения и ряды.	22	30	50
Подраздел 3.1. Дифференциальные уравнения первого порядка	8	10	16
Подраздел 3.2. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка	6	8	16
Подраздел 3.3. Числовые и степенные ряды. Гармонический анализ	8	12	18
Раздел 4. Теория вероятностей.	24	28	44
Подраздел 4.1. События и вероятность	12	14	22
Подраздел 4.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин	12	14	22
Всего	102	112	216

4.2.2. Заочная форма обучения

Разделы, подразделы дисциплины	Контактная работа		СР
	Лекции	ПЗ	
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия	4	4	90

Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений	2	2	30
Подраздел 1.2. Векторная алгебра	2	2	30
Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	-	-	30
Раздел 2. Математический анализ.	8	12	130
Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной	1	2	26
Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	1	4	26
Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных	2	2	26
Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы	2	2	26
Подраздел 2.5. Комплексные числа. Функции комплексного переменного	2	2	26
Раздел 3. Дифференциальные уравнения и ряды.	6	8	100
Подраздел 3.1. Дифференциальные уравнения первого порядка	2	2	30
Подраздел 3.2. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка	2	2	30
Подраздел 3.3. Числовые и степенные ряды. Гармонический анализ	2	4	40
Раздел 4. Теория вероятностей.	4	4	79,5
Подраздел 4.1. События и вероятность	2	2	40
Подраздел 4.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин	2	2	39,5
Всего	22	28	399,5

4.3. Перечень тем и учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся

№ п/п	Тема самостоятельной	Учебно-методическое Обеспечение	Объём, ч
			форма обучения

	работы		очная	Заочная
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия				
Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений			14	30
1	Матрицы и действия над ними. Определители, их свойства. Системы линейных алгебраических уравнений, их совместность, определенность. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера, методом обратной матрицы и методом Гаусса.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	14	30
Подраздел 1.2. Векторная алгебра			14	30
2	Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базис на плоскости и в пространстве. Проекция вектора на ось. Прямоугольная система координат. Координаты вектора и точки. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	8	16
3	Линейное пространство. Евклидово пространство. Линейные преобразования. Собственные значения матрицы и собственные векторы.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	14

Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и в Пространстве			14	30
4	Прямая и плоскость в пространстве	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	8	16
5	Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	14
Итого по разделу 1			42	90
Раздел 2. Математический анализ				
Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной			16	26
6	Основные элементарные функции, их свойства и графики.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	4	8

7	Предел последовательности, предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Основные теоремы о пределах.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	10
8	Непрерывность функции одной переменной. Непрерывность сложной и обратной функций. Точки разрыва функций и их классификация	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	4	8
Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной			16	26
9	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и их геометрический смысл. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя. Формула Тейлора. Исследование функций одной переменной и построение их графиков.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	16	26
Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных			16	26

10	Частные производные и полные дифференциалы высших порядков. Условный экстремум функции нескольких переменных. Градиентный метод. Метод наименьших квадратов. Уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	8	12
11	Понятие полного дифференциала. Приложение дифференциала к оценке погрешности при вычислениях. Производная по заданному направлению. Градиент. Связь этих понятий.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	8	14
Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы			16	26
12	Определенный интеграл, его основные свойства. Приложения определенного интеграла.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	10

13	Методы приближенного вычисления определенного интеграла.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	8
14	Несобственные интегралы первого и второго родов.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	4	8
Подраздел 2.5. Комплексные числа. Функции комплексного переменного			16	26
15	Понятие функции комплексного переменного, ее предела, непрерывности и производной. Понятие аналитической функции. Сопряженные гармонические функции.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	16	26
Итого по разделу 2			80	130
Раздел 3. Дифференциальные уравнения и ряды				
Подраздел 3.1. Дифференциальные уравнения первого порядка			16	30

16	Дифференциальные уравнения первого порядка.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; Воронежский государственный аграрный университет ; [под ред. В. П. Шацкого] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf	16	30
Подраздел 3.2. Дифференциальные уравнения второго порядка			16	30
17	Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	12
18	Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	6	12

19	Численное интегрирование дифференциальных уравнений. Моделирование колебательных процессов в инженерных системах. Численное интегрирование дифференциальных уравнений.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	4	6
Подраздел 3.3. Числовые и степенные ряды. Гармонический анализ			18	40
20	Гармонический анализ. Разложение в ряд Фурье периодических функций с произвольным периодом.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	18	40
Итого по разделу 3			50	100
Раздел 4. Теория вероятностей				
Подраздел 4.1. События и вероятность			22	40

21	Случайные события. Вероятность. Основные теоремы теории вероятностей.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006 Теория вероятностей: учебное пособие для студентов очной формы обучения агроинженерного факультета по направлениям подготовки: 35.03.06 (110800.62) - "Агроинженерия"; 23.03.03 (190600.62) - "Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов" / И. В. Гриднева [и др.]; ВГАУ, 2014 - 122 с. [ЦИТ 10445] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b94042.pdf	22	40
Подраздел 4.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин			22	39,5
22	Основные законы распределения случайных величин.	Теория вероятностей: учебное пособие для студентов очной формы обучения агроинженерного факультета по направлениям подготовки: 35.03.06 (110800.62) - "Агроинженерия"; 23.03.03 (190600.62) - "Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов" / И. В. Гриднева [и др.]; ВГАУ, 2014 - 122 с. [ЦИТ 10445] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b94042.pdf	12	20

23	Закон больших чисел в форме Чебышева. Лемма Чебышева. Неравенство Чебышева. Теоремы Маркова и Чебышева. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова. Многомерные случайные величины.	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; ВГАУ; 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006 Теория вероятностей: учебное пособие для студентов очной формы обучения агроинженерного факультета по направлениям подготовки: 35.03.06 (110800.62) - "Агроинженерия"; 23.03.03 (190600.62) - "Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов" / И. В. Гриднева [и др.]; ВГАУ, 2014 - 122 с. [ЦИТ 10445] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b94042.pdf	10	19,5
Итого по разделу 4			44	79,5
Всего			216	399,5

5. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации и текущего контроля

5.1. Этапы формирования компетенций

Подраздел дисциплины	Компетенция	Индикатор достижения компетенции
Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений	ОПК-1	З11
		У8
		Н8
Подраздел 1.2. Векторная алгебра	ОПК-1	З11
Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и пространстве	ОПК-1	З11
		У8
Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной	ОПК-1	З11
		У8
Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной		З11
		У8
		Н8

Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных	ОПК-1	311
		У8
Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы	ОПК-1	У8
		Н8
Подраздел 2.5. Комплексные числа. Функции комплексного переменного	ОПК-1	311
		У8
Подраздел 3.1. Дифференциальные уравнения первого порядка	ОПК-1	311
		У8
		Н8
Подраздел 3.2. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка	ОПК-1	311
		У8
		Н8
Подраздел 3.3. Числовые и степенные ряды. Гармонический анализ	ОПК-1	311
		У8
		Н8
Подраздел 4.1. События и вероятность	ОПК-1	311
Подраздел 4.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин	ОПК-1	311

5.2. Шкалы и критерии оценивания достижения компетенций

5.2.1. Шкалы оценивания достижения компетенций

Вид оценки	Оценки			
Академическая оценка по 4-х балльной шкале	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично

5.2.2. Критерии оценивания достижения компетенций

Критерии оценки на экзамене

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Отлично, высокий	Обучающийся показал полные и глубокие знания программного материала, логично и аргументировано ответил на все вопросы экзаменационного билета, а также на дополнительные вопросы, способен самостоятельно решать сложные задачи дисциплины
Хорошо, продвинутый	Обучающийся твердо знает программный материал, грамотно его излагает, не допускает существенных неточностей в ответе, достаточно полно ответил на вопросы экзаменационного билета и дополнительные вопросы, способен самостоятельно решать стандартные задачи дисциплины
Удовлетворительно, пороговый	Обучающийся показал знание только основ программного материала, усвоил его поверхностно, но не допускал грубых ошибок или неточностей, требует наводящих вопросов для правильного ответа, не ответил на дополнительные вопросы, способен решать стандартные задачи дисциплины с помощью преподавателя

Неудовлетворительно, компетенция не освоена	Обучающийся не знает основ программного материала, допускает грубые ошибки в ответе, не способен решать стандартные задачи дисциплины даже с помощью преподавателя
---	--

Критерии оценки тестов

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Отлично, высокий	Содержание правильных ответов в тесте не менее 90%
Хорошо, продвинутый	Содержание правильных ответов в тесте не менее 75%
Удовлетворительно, пороговый	Содержание правильных ответов в тесте не менее 50%
Неудовлетворительно, компетенция не освоена	Содержание правильных ответов в тесте менее 50%

Критерии оценки устного опроса

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Зачтено, высокий	Обучающийся демонстрирует уверенное знание материала, четко выражает свою точку зрения по рассматриваемому вопросу, приводя соответствующие примеры
Зачтено, продвинутый	Обучающийся демонстрирует уверенное знание материала, но допускает отдельные погрешности в ответе
Зачтено, пороговый	Обучающийся демонстрирует существенные пробелы в знаниях материала, допускает ошибки в ответах
Не зачтено, компетенция не освоена	Обучающийся демонстрирует незнание материала, допускает грубые ошибки в ответах

Критерии оценки решения задач

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Зачтено, высокий	Обучающийся уверенно знает методику и алгоритм решения задачи, не допускает ошибок при ее выполнении.
Зачтено, продвинутый	Обучающийся в целом знает методику и алгоритм решения задачи, не допускает грубых ошибок при ее выполнении.
Зачтено, пороговый	Обучающийся в целом знает методику и алгоритм решения задачи, допускает ошибок при ее выполнении, но способен исправить их при помощи преподавателя.
Не зачтено, компетенция не освоена	Обучающийся не знает методику и алгоритм решения задачи, допускает грубые ошибки при ее выполнении, не способен исправить их при помощи преподавателя.

5.3. МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ОЦЕНКИ ДОСТИЖЕНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

5.3.1. Оценочные материалы промежуточной аттестации

5.3.1.1. Вопросы к экзамену

1 семестр

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1.1	Понятие матрицы. Действия над матрицами.	ОПК-1	311
1.2	Определители 2-го, 3-го, n-го порядка и их свойства.	ОПК-1	311
1.3	Обратная матрица. Ранг матрицы. Вычисление обратной матрицы с помощью процедуры Гаусса.	ОПК-1	311
1.4	Решение систем линейных алгебраических уравнений с помощью обратной матрицы и формул Крамера.	ОПК-1	311
1.5	Метод Гаусса, его использование для решения и исследования систем на совместность.	ОПК-1	311
1.6	Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Разложение вектора по ортонормированному базису на плоскости и в пространстве.	ОПК-1	311
1.7	Скалярное произведение векторов, свойства, приложения.	ОПК-1	311
1.8	Векторное произведение векторов, свойства, приложения.	ОПК-1	311
1.9	Смешанное произведение векторов, свойства, приложения.	ОПК-1	311
1.10	Линейное пространство. Евклидово пространство.	ОПК-1	311
1.11	Линейные преобразования. Собственные значения и собственные векторы.	ОПК-1	311
1.12	Основные задачи аналитической геометрии на плоскости.	ОПК-1	311
1.13	Уравнения прямой на плоскости (прямая с угловым коэффициентом; пучок прямых; прямая, проходящая через две заданные точки; прямая общего вида).	ОПК-1	311
1.14	Взаимное расположение двух прямых на плоскости.	ОПК-1	311
1.15	Уравнение плоскости, его исследование.	ОПК-1	311
1.16	Взаимное расположение двух плоскостей.	ОПК-1	311
1.17	Параметрические и канонические уравнения прямой в пространстве.	ОПК-1	311
1.18	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.	ОПК-1	311
1.19	Кривые второго порядка (окружность, эллипс, гипербола, парабола).	ОПК-1	311
1.20	Понятие функции одной переменной. Основные элементарные функции.	ОПК-1	311
1.21	Предел последовательности и функции в точке. Основные теоремы о пределах.	ОПК-1	311
1.22	Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.	ОПК-1	311
1.23	Понятие неопределенности. Первый и второй замечательные пределы.	ОПК-1	311
1.24	Различные определения непрерывности функции в точке.	ОПК-1	311
1.25	Точки разрыва функций и их классификация.	ОПК-1	311
1.26	Определение производной, ее геометрический и физический смысл.	ОПК-1	311

1.27	Связь дифференцируемости и непрерывности функции.	ОПК-1	311
1.28	Производные основных элементарных функций и правила дифференцирования.	ОПК-1	311
1.29	Производная сложной функции.	ОПК-1	311
1.30	Производная обратной функции.	ОПК-1	311
1.31	Дифференцирование неявно заданной функции.	ОПК-1	311
1.32	Дифференцирование параметрически заданной функции.	ОПК-1	311
1.33	Понятие дифференциала.	ОПК-1	311
1.34	Производные и дифференциалы высших порядков.	ОПК-1	311
1.35	Основные теоремы дифференциального исчисления.	ОПК-1	311
1.36	Исследование функций на монотонность, экстремум. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.	ОПК-1	311,У8
1.37	Исследование графика функции на выпуклость, вогнутость, точки перегиба.	ОПК-1	311,У8
1.38	Асимптоты графика функции.	ОПК-1	311
1.39	Общая схема исследования функции с целью построения ее графика.	ОПК-1	311
2 семестр			
2.1	Понятие функции нескольких переменных, ее области определения, линий уровня, графика, предела, непрерывности.	ОПК-1	311
2.2	Частные приращения, частные производные первого порядка, их геометрический смысл.	ОПК-1	311
2.3	Производная по направлению и градиент.	ОПК-1	311
2.4	Понятие частных производных и полных дифференциалов высших порядков.	ОПК-1	311
2.5	Исследование функции двух независимых переменных на экстремум.	ОПК-1	311
2.6	Уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.	ОПК-1	311
2.7	Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Основные свойства неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов.	ОПК-1	311
2.8	Основные методы интегрирования: метод разложения, замена переменной, интегрирование по частям.	ОПК-1	311
2.9	Классы интегрируемых функций.	ОПК-1	311
2.10	Определенный интеграл и его основные свойства.	ОПК-1	311
2.11	Производная определенного интеграла по переменному верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница.	ОПК-1	311
2.12	Интегрирование заменой переменных и по частям в определенных интегралах.	ОПК-1	311
2.13	Геометрические приложения определенного интеграла.	ОПК-1	311
2.14	Механические приложения определенного интеграла	ОПК-1	311
2.15	Несобственные интегралы первого и второго рода.	ОПК-1	311
2.16	Приближенные вычисления определенных интегралов.	ОПК-1	311
2.17	Алгебраическая форма комплексного числа, его изображение на комплексной плоскости. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Действия над комплексными числами.	ОПК-1	311
2.18	Понятие функции комплексного переменного, ее предела, непрерывности и производной.	ОПК-1	311
2.19	Основные понятия о дифференциальных уравнениях первого	ОПК-1	311

	порядка. Задача Коши, условия существования и единственности ее решения, геометрический смысл.		
3 семестр			
3.1	Дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными.	ОПК-1	311
3.2	Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.	ОПК-1	311
3.3	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.	ОПК-1	311
3.4	Основные понятия о дифференциальных уравнениях второго порядка.	ОПК-1	311
3.5	Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.	ОПК-1	311
3.6	Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Отыскание общего решения в случае различных ситуаций для корней характеристического уравнения.	ОПК-1	311
3.7	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Отыскание частного и общего решений для различных стандартных правых частей.	ОПК-1	311
3.8	Численное интегрирование дифференциальных уравнений.	ОПК-1	311
3.9	Понятие числового ряда и его суммы. Основные свойства сходящихся числовых рядов.	ОПК-1	311
3.10	Необходимый признак сходимости числового ряда.	ОПК-1	311
3.11	Признаки сравнения сходимости рядов с положительными членами.	ОПК-1	311
3.12	Признак Даламбера.	ОПК-1	311
3.13	Признак Коши.	ОПК-1	311
3.14	Интегральный признак сходимости.	ОПК-1	311
3.15	Знакопередающиеся числовые ряды, признак Лейбница.	ОПК-1	311
3.16	Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость.	ОПК-1	311
3.17	Понятие функционального и степенного ряда. Теорема Абеля.	ОПК-1	311
3.18	Ряды Тейлора и Маклорена	ОПК-1	311
3.19	Разложение основных элементарных функций в ряд Маклорена.	ОПК-1	311
3.20	Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье. Достаточные условия разложения периодической функции в ряд Фурье.	ОПК-1	311
3.21	Ряд Фурье для четных и нечетных функций.	ОПК-1	311
3.22	Разложение в ряд Фурье периодических функций с произвольным периодом.	ОПК-1	311
4 семестр			
4.1	Предмет теории вероятностей. Понятие события, классификация событий.	ОПК-1	311
4.2	Классическое определение вероятности. Свойства вероятности.	ОПК-1	311
4.3	Геометрическое определение вероятности.	ОПК-1	311
4.4	Статистическое определение вероятности. Формулы комбинаторики.	ОПК-1	311
4.5	Теоремы сложения вероятностей.	ОПК-1	311

4.6	Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.	ОПК-1	311
4.7	Формула полной вероятности. Формула Байеса.	ОПК-1	311
4.8	Локальная и интегральная формулы Муавра-Лапласа.	ОПК-1	311
4.9	Понятие случайной величины. Случайные величины дискретного и непрерывного типа.	ОПК-1	311
4.10	Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, начальные и центральные моменты. Закон распределения вероятностей.	ОПК-1	311
4.11	Функция распределения вероятностей и ее свойства.	ОПК-1	311
4.12	Плотность вероятности и ее свойства.	ОПК-1	311
4.13	Биномиальный закон распределения; равномерный закон распределения	ОПК-1	311
4.14	Нормальный закон распределения; экспоненциальный закон распределения.	ОПК-1	311
4.15	Формулировка закона больших чисел в форме Чебышева. Лемма Чебышева. Неравенство Чебышева. Теоремы Маркова и Чебышева.	ОПК-1	311
4.16	Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова.	ОПК-1	311
4.17	Многомерные случайные величины.	ОПК-1	311

5.3.1.2. Задачи к экзамену

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	Решить систему уравнений $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$ с помощью формул Крамера.	ОПК-1	У8
2	Найти угол А в треугольнике с вершинами А(-2,1), В(0,6), С(4,-1).	ОПК-1	У8
3	Решить систему уравнений с помощью обратной матрицы: $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$	ОПК-1	У8
4	Найти площадь треугольника с вершинами А(2,-3,5), В(0,3,6), С(2,2,1), используя векторное произведение.	ОПК-1	Н8
5	Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 & 0 \\ 4 & 1 & 3 & 5 \\ 7 & 3 & 2 & 5 \\ 8 & 3 & 4 & 0 \end{vmatrix}$.	ОПК-1	У8
6	Решить систему уравнений методом Гаусса. $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$	ОПК-1	У8
7	Найти производную функции $y = \left(4^{\arcsin 2x} + \operatorname{tg}^3 x\right)^4$.	ОПК-1	У8

8	Найти $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4x - 12}{\sqrt{1 - 4x - 3}}$.	ОПК-1	Н8
9	Найти производную функции $y = 4xe^{\frac{(x+tgx)^2}{2}}$.	ОПК-1	У8
10	Найти производную функции $y = \sqrt{\frac{3 - \sin^2 x}{1 - e^{tgx}}}$.	ОПК-1	У8
11	Найти предел $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x - 3}}$.	ОПК-1	У8
12	Найти интеграл $\int \frac{xdx}{(x-2)(3x+4)}$.	ОПК-1	У8
13	Найти частные производные первого порядка от функции $z = \ln(\sin^2 x + tgy + 5)$.	ОПК-1	311
14	Найти интеграл $\int \frac{dx}{2x^2 - 5x + 6}$.	ОПК-1	311
15	Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2 / 2$; $y = 4 - x$.	ОПК-1	311
16	Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + xy + 0.5y^2 - 2x$.	ОПК-1	Н8
17	Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси Ox фигуры, ограниченной линиями: $x + y - 2 = 0$; $x = 0$; $y = 0$.	ОПК-1	Н8
18	Решить дифференциальное уравнение $y'' - 2y + y = 8e^{3x}$.	ОПК-1	Н8
19	Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = 2x - x^2$; $y = -x$.	ОПК-1	Н8
20	Найти интеграл $\int \frac{2x-3}{x^2+6x+10} dx$.	ОПК-1	Н8
21	Исследовать на экстремум функцию $z = 3x^2 + xy + 0.5y^2 - 2x + 4y + 2$.	ОПК-1	Н8
22	Найти градиент функции $z = \sqrt{5x^2 + y^3x^4}$ в точке $A(-1; 2)$.	ОПК-1	У8
23	Решить дифференциальное уравнение $y' + xy = -x^3$.	ОПК-1	У8
24	Исследовать на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{4^n}$.	ОПК-1	У8
25	Найти интеграл $\int (2x - 4) \sin 6x dx$.	ОПК-1	У8

26	Решить дифференциальное уравнение $y'' + 2y' + 5y = 4e^{-x}$.	ОПК-1	У8										
27	Разложить функцию $y = 1 - x$ в ряд Фурье по синусам на отрезке $[0, \pi]$.	ОПК-1	У8										
28	Вычислить частные производные функции $z = \ln(\sin^3 x + \operatorname{ctgy} + 5)$.	ОПК-1	У8										
29	Найти радиус сходимости степенного ряда и определить тип сходимости на концах интервала сходимости $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{n} x^n$.	ОПК-1	У8										
30	Найти интеграл $\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+5x^3}}$	ОПК-1	У8										
31	Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + 5xy + 15y^2 - 5x + 4y + 2$.	ОПК-1	Н8										
32	Решить дифференциальное уравнение $y' \cos x - y \sin x = 0$.	ОПК-1	Н8										
33	В коробке 5 белых и 10 черных шаров. Наугад вынимается 3 шара. Какова вероятность того, что хотя бы один из них белый.	ОПК-1	У8										
34	Найти параметр a и математическое ожидание случайной величины, для которой $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ ax^2, & \text{при } 0 \leq x \leq 4 \\ 1, & \text{при } x > 4. \end{cases}$	ОПК-1	Н8										
35	Непрерывная случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[3;8]$. Составить функцию распределения вероятностей $F(x)$ и функцию плотности $f(x)$.	ОПК-1	У8										
36	Найти математическое ожидание случайной величины, для которой $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ \frac{x^2}{16}, & \text{при } 0 \leq x \leq 4 \\ 1, & \text{при } x > 4. \end{cases}$	ОПК-1	У8										
37	Для дискретной случайной величины найти дисперсию двумя способами. <table border="1"><tr><td>X</td><td>8</td><td>4</td><td>6</td><td>5</td></tr><tr><td>P</td><td>0.1</td><td>0.3</td><td>0.2</td><td>0.4</td></tr></table>	X	8	4	6	5	P	0.1	0.3	0.2	0.4	ОПК-1	У8
X	8	4	6	5									
P	0.1	0.3	0.2	0.4									
38	Непрерывная случайная величина X распределена по показательному закону с параметром $\lambda=7$. Составить функцию распределения вероятностей $F(x)$ и функцию плотности $f(x)$.	ОПК-1	Н8										
39	Случайная величина X распределена по нормальному закону с параметрами $a=10$ и $\sigma=2$. Найти диапазон изменения случайной величины.	ОПК-1	Н8										
40	Найти параметр a и $M(X)$ по известной плотности веро-	ОПК-1	Н8										

	ятности случайной величины X : $f(x) = \begin{cases} a(x^2 + 2x), & \text{если } 0 \leq x \leq 1; \\ 0, & \text{если } x \notin [0,1]. \end{cases}$		
41	В первом ящике 2 белых и 8 черных шаров, во втором 3 белых и 5 черных. Из каждого ящика вынули по шару. Какова вероятность, что вынули один белый и один черный.	ОПК-1	311
42	Найти вероятность отклонения нормально распределенной случайной величины с параметрами $M(X) = -4$, $D(X) = 4$ от математического ожидания на величину, не превышающую 5.	ОПК-1	311

5.3.1.3. Вопросы к зачету с оценкой

Не предусмотрены.

5.3.1.4. Вопросы к зачету

Не предусмотрены.

5.3.1.5. Перечень тем курсовых проектов (работ)

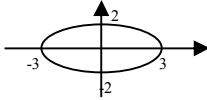
Не предусмотрены.

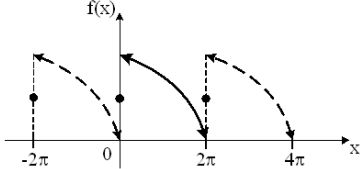
5.3.1.6. Вопросы к защите курсового проекта (работы)

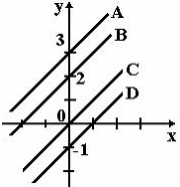
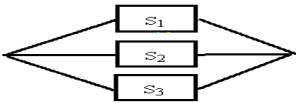
Не предусмотрены.

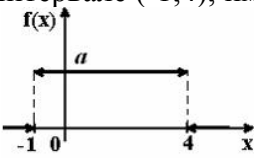
5.3.2. Оценочные материалы текущего контроля**5.3.2.1. Вопросы тестов**

№	Содержание	Компетенция	ИДК
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия			
1	Определитель $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 5 \\ 0 & 0 & 2\alpha - 1 \end{vmatrix}$ при $\alpha = 0$ равен...	ОПК-1	Н8
2	Определитель $\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}$ равен...	ОПК-1	Н8
3	Матрица $A = \begin{pmatrix} 2 & -\lambda & 1 \\ 1 & & 1 \end{pmatrix}$ вырождена при λ , равном...	ОПК-1	Н8
4	Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$, тогда матрица $C=A \cdot B$ имеет вид...	ОПК-1	Н8
5	Собственные значения линейного преобразования, заданного в некотором базисе матрицей $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$, могут быть найдены по формуле...	ОПК-1	Н8

6	Вектор $X = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ является собственным вектором матрицы A , соответствующим собственному значению $\lambda = 4$. Тогда произведение $A \cdot X$ равно...	ОПК-1	Н8
7	Нормальный вектор плоскости $6x - 7y - 10z - 2 = 0$ имеет координаты...	ОПК-1	У8
8	Расстояние от точки $A(0, 3, -5)$ до плоскости $2x + 3y + 6z = 0$ равно...	ОПК-1	У8
9	Если уравнение гиперболы имеет вид $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$, то длина ее мнимой полуоси равна	ОПК-1	У8
10	Среди прямых $l_1: x + 3y - 5 = 0$, $l_2: 2x + 6y - 3 = 0$, $l_3: 2x - 6y - 3 = 0$, $l_4: -2x + 6y - 5 = 0$ параллельными являются..	ОПК-1	У8
11	Уравнение кривой, изображенной на рисунке  имеет вид...	ОПК-1	У8
12	Прямая $\frac{x-1}{a} = \frac{y+4}{2} = \frac{z}{3}$ параллельна плоскости $x - 3y + 5z = 0$ при a равном....	ОПК-1	У8
13	Полярные координаты точки $A(1, 6)$ имеют вид...	ОПК-1	У8
14	Норма вектора $\vec{a} = 3\vec{i} - 4\vec{j}$ в пространстве R^3 равна...	ОПК-1	У8
15	Даны векторы $\vec{a} = (1; 0; 2)$ и $\vec{b} = (2; 3; -1)$, тогда их скалярное произведение равно...	ОПК-1	Н8
16	Даны векторы $\vec{a} = (8; 4; 1)$ и $\vec{b} = (2; -2; 1)$, тогда их векторное произведение имеет вид...	ОПК-1	Н8
18	При каких значениях α и β векторное произведение векторов $\vec{a} = \{4; \alpha; 6\}$ и $\vec{b} = \{2; 1; \beta\}$ равно нулю	ОПК-1	Н8
19	Площадь треугольника ABC , где $A(1, 2)$, $B(4, 3)$, $C(-1, 2)$ равна...	ОПК-1	Н8
Раздел 2. Математический анализ			
20	Какие из функций являются бесконечно малыми в точке $x_0 = 2$?	ОПК-1	Н8
21	Последовательность задана рекуррентным соотношением $a_{n+1} = a_n \cdot a_{n-1}$; $a_1 = -2$, $a_2 = 1$. Тогда четвертый член этой последовательности a_4 равен...	ОПК-1	Н8
22	Дана функция $y = \sqrt{x^2 + x - 6} + 5$. Тогда ее областью значений является множество...	ОПК-1	Н8
23	Производная произведения $x^4 \sin x$ равна...	ОПК-1	Н8
24	Производная второго порядка функции $y = \ln 3x$ имеет вид...	ОПК-1	Н8
25	Закон движения материальной точки имеет вид $x(t) = 4 + 10t + e^{7-t}$, где $x(t)$ – координата точки в момент времени t . Тогда скорость точки при $t = 7$ равна...	ОПК-1	Н8
26	Дан радиус-вектор движущейся в пространстве точки	ОПК-1	Н8

	$\overline{R(t)} = t^3 \cdot \bar{i} + t^2 \cdot \bar{j} + t \cdot \bar{k}$, тогда вектор ускорения в момент времени $t = 1$ имеет вид...		
27	Частная производная функции $z = x^4 \cos^2 y$ по переменной y в точке	ОПК-1	У8
28	Множество первообразных функции $f(x) = \frac{x+10}{x+2}$ имеет вид...	ОПК-1	У8
29	Значение интеграла $\int_0^1 (e^x - 1)e^x dx$ равно...	ОПК-1	У8
30	Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{4x}$ равно...	ОПК-1	У8
31	Для дробно-рациональной функции $y = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x}$ точками разрыва являются...	ОПК-1	У8
32	Частное $\frac{z}{\bar{z}}$ от деления двух комплексно сопряженных чисел, где $z = 1 - i$, равно...	ОПК-1	У8
33	Если $z_1 = 1 - i$, $z_2 = 2 + i$, то $z_1 \cdot z_2$ равно...	ОПК-1	У8
34	Значение функции $f(z) = z^2 + i$ в точке $z_0 = 1 - i$ равно...	ОПК-1	У8
Раздел 3. Дифференциальные уравнения и ряды			
35	График функции $f(x)$ при $x \in [0; 2\pi]$ и его периодическое продолжение заданы на рисунке.  Тогда ряд Фурье для этой функции имеет вид...	ОПК-1	У8
36	Дана функция $f(x) = x^3, x \in [-\pi; \pi]$. Тогда коэффициент a_5 разложения $f(x)$ в ряд Фурье равен...	ОПК-1	У8
37	Сумма числового ряда $\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{5}\right)^n$ равна...	ОПК-1	У8
38	Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$ равен 10. Тогда интервал сходимости имеет вид ...	ОПК-1	У8
39	Если $f(x) = x^3 - 1$, то коэффициент a_4 разложения данной функции в ряд Тейлора по степеням $(x - 1)$ равен...	ОПК-1	У8
40	Дано дифференциальное уравнение $y' = y^2 - x$ при $y(0) = 1$. Тогда первые три члена разложения его решения в степенной ряд имеют вид...	ОПК-1	У8
41	Дано дифференциальное уравнение $xy' = y$ при $y(1) = 1$. Тогда интегральная кривая, которая определяет решение этого уравнения, имеет вид...	ОПК-1	У8

			
42	Если $y(x)$ – решение уравнения $y' = \frac{y}{x}$, удовлетворяющее условию $y(1) = 1$, тогда $y(2)$ равно...	ОПК-1	У8
43	Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + 2$ имеет вид...	ОПК-1	Н8
44	Дано линейное однородное дифференциальное уравнение $y'' + y' - 2y = 0$, тогда его общее решение имеет вид...	ОПК-1	Н8
45	Частному решению неоднородного дифференциального уравнения $y'' - 5y' + 6y = x + 1$ по виду его правой части соответствует функция...	ОПК-1	Н8
Раздел 4. Теория вероятностей			
46	Вероятность достоверного события равна...	ОПК-1	311
47	Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель первого и второго стрелков равны 0,8 и 0,75 соответственно. Тогда вероятность того, что цель будет поражена, равна...	ОПК-1	311
48	Бросают две монеты. Событие А – «герб на первой монете» и В – «цифра на второй монете» являются...	ОПК-1	311
49	Игральная кость бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет не менее пяти очков, равна...	ОПК-1	311
50	Вероятность появления события А в 10 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,6. Тогда дисперсия числа появлений этого события равна...	ОПК-1	У8
51	Страхуется 1200 автомобилей; считается, что каждый из них может попасть в аварию с вероятностью 0,01. Для вычисления вероятности того, что количество аварий среди всех застрахованных автомобилей будет в промежутке от 20 до 100, следует использовать формулу...	ОПК-1	У8
52	В первом ящике 7 красных и 11 синих шаров, во втором – 5 красных и 9 синих. Из произвольного ящика достают один шар. Вероятность того, что он синий, равна...	ОПК-1	У8
53	С первого станка на сборку поступает 40%, со второго 60% всех деталей. Среди деталей, поступивших с первого станка 1% бракованных, со второго 2% бракованных. Тогда вероятность того, что поступившая на сборку деталь бракованная, равна...	ОПК-1	У8
54	Устройство представляет собой параллельное соединение элементов S_1, S_2, S_3:  Каждый из них может выйти из строя с вероятностью p. Функционирование системы нарушается, если все они выйдут из строя. Тогда вероятность правильной работы устрой-	ОПК-1	У8

	ства равна...												
55	Пусть X дискретная случайная величина, заданная законом распределения вероятностей: <table><tr><td>X</td><td>-1</td><td>3</td></tr><tr><td>p</td><td>0,4</td><td>0,6</td></tr></table> Тогда математическое ожидание этой случайной величины равно...	X	-1	3	p	0,4	0,6	ОПК-1	У8				
X	-1	3											
p	0,4	0,6											
56	Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей: <table><tr><td>X</td><td>-2</td><td>-1</td><td>0</td><td>3</td></tr><tr><td>p</td><td>0,1</td><td>0,3</td><td>0,2</td><td>0,4</td></tr></table> Тогда математическое ожидание случайной величины $Y = 4X - 2$ равно...	X	-2	-1	0	3	p	0,1	0,3	0,2	0,4	ОПК-1	У8
X	-2	-1	0	3									
p	0,1	0,3	0,2	0,4									
57	График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X, распределенной равномерно в интервале $(-1;4)$, имеет вид:  значение a равно...	ОПК-1	У8										
58	Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-4)^2}{50}}$. Тогда дисперсия этой нормально распределенной случайной величины равна...	ОПК-1	У8										
59	Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-4)^2}{18}}$. Тогда математическое ожидание этой нормально распределенной случайной величины равно...	ОПК-1	У8										

5.3.2.2. Вопросы для устного опроса

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	Определение матрицы.	ОПК-1	311
2	Свойства определителей.	ОПК-1	311
3	Обратная матрица. Ранг матрицы.	ОПК-1	311
4	Формулы Крамера.	ОПК-1	311
5	Вектор. Операции над векторами в геометрической форме.	ОПК-1	311
6	Скалярное произведение векторов.	ОПК-1	311
7	Векторное произведение векторов.	ОПК-1	311
8	Смешанное произведение векторов.	ОПК-1	311
9	Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки.	ОПК-1	311
10	Эллипс.	ОПК-1	311
11	Окружность.	ОПК-1	311
12	Основные теоремы о пределах.	ОПК-1	311
13	Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.	ОПК-1	311
14	Первый замечательный предел.	ОПК-1	311

15	Определение непрерывности функции в точке.	ОПК-1	311
16	Точки разрыва функций и их классификация.	ОПК-1	311
18	Определение производной, ее геометрический и физический смысл.	ОПК-1	311
19	Производные основных элементарных функций и правила дифференцирования.	ОПК-1	311
20	Дифференциал функции.	ОПК-1	311
21	Основные теоремы дифференциального исчисления.	ОПК-1	311
22	Определение функции нескольких переменных	ОПК-1	311
23	Производная по направлению.	ОПК-1	311
24	Градиент функции.	ОПК-1	311
25	Таблица основных неопределенных интегралов.	ОПК-1	311
26	Основные методы интегрирования.	ОПК-1	311
27	Классы интегрируемых функций.	ОПК-1	311
28	Основные свойства определенного интеграла.	ОПК-1	311
29	Задача Коши, условия существования и единственности ее решения.	ОПК-1	311
30	Основные свойства сходящихся числовых рядов.	ОПК-1	311
31	Необходимый признак сходимости числового ряда.	ОПК-1	311
32	Признаки сравнения сходимости рядов с положительными членами.	ОПК-1	311
33	Признак Даламбера.	ОПК-1	311
34	Признак Коши.	ОПК-1	311
35	Интегральный признак сходимости.	ОПК-1	311
36	Признак Лейбница.	ОПК-1	311
37	Тригонометрический ряд. Коэффициенты Фурье.	ОПК-1	311
38	Понятие события, классификация событий.	ОПК-1	311
39	Классическое определение вероятности.	ОПК-1	311
40	Геометрическое определение вероятности.	ОПК-1	311
41	Статистическое определение вероятности.	ОПК-1	311
42	Теоремы сложения вероятностей.	ОПК-1	311
43	Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.	ОПК-1	311
44	Формула полной вероятности.	ОПК-1	311
45	Случайные величины дискретного и непрерывного типа.	ОПК-1	311
46	Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение.	ОПК-1	311
47	Равномерный закон распределения	ОПК-1	311
48	Нормальный закон распределения;	ОПК-1	311

5.3.2.3. Задачи для проверки умений и навыков

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	Решить систему уравнений с помощью $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$ формул Крамера.	ОПК-1	У8
2	Найти угол А в треугольнике с вершинами А(-2,1), В(0,6), С(4,-1).	ОПК-1	У8

3	Решить систему уравнений с помощью обратной матрицы: $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$	ОПК-1	У8
4	Найти производную функции $y = \left(4^{\arcsin 2x} + tg^3 x\right)^4$.	ОПК-1	У8
5	Найти площадь треугольника с вершинами А(2,-3,5), В(0,3,6), С(2,2,1), используя векторное произведение.	ОПК-1	Н8
6	Найти $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4x - 12}{\sqrt{1 - 4x - 3}}$.	ОПК-1	Н8
7	Найти производную функции $y = 4xe^{\frac{(x+tgx)^2}{2}}$.	ОПК-1	Н8
8	Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 & 0 \\ 4 & 1 & 3 & 5 \\ 7 & 3 & 2 & 5 \\ 8 & 3 & 4 & 0 \end{vmatrix}$.	ОПК-1	У8
9	Решить систему уравнений $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$ методом Гаусса.	ОПК-1	Н8
10	Найти производную функции $y = \sqrt{\frac{3 - \sin^2 x}{1 - e^{tgx}}}$.	ОПК-1	У8
11	Найти предел $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x - 3}}$.	ОПК-1	У8
12	Решить дифференциальное уравнение $y'' + 6y' + 9y = 10 \sin x$.	ОПК-1	У8
13	Найти интеграл $\int \frac{xdx}{(x-2)(3x+4)}$.	ОПК-1	У8
14	Найти частные производные первого порядка от функции $z = \sin(\cos^3 x - tgy)$.	ОПК-1	У8
15	В коробке 5 белых и 10 черных шаров. Наугад вынимается 3 шара. Какова вероятность того, что хотя бы один из них белый.	ОПК-1	У8
16	Найти параметр a и математическое ожидание случайной величины, для которой $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ ax^2, & \text{при } 0 \leq x \leq 4 \\ 1, & \text{при } x > 4. \end{cases}$	ОПК-1	Н8

18	Разложить функцию $y = 1 - x$ в ряд Фурье по синусам на отрезке $[0, \pi]$.	ОПК-1	Н8										
19	Исследовать на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{4^n}$.	ОПК-1	Н8										
20	Найти радиус сходимости степенного ряда и определить тип сходимости на концах интервала сходимости $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{n} x^n$.	ОПК-1	У8										
21	Проверить необходимое условие сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 1}{4n + 2}$.	ОПК-1	У8										
22	Непрерывная случайная величина X равномерно распределена на отрезке $[3;8]$. Составить функцию распределения вероятностей $F(x)$ и функцию плотности $f(x)$.	ОПК-1	У8										
23	Найти решение дифференциального уравнения $y' = x^3 + y^2 - e^x$, $y(0) = 1$, в виде степенного ряда (ограничиться тремя ненулевыми членами ряда).	ОПК-1	У8										
24	Найти математическое ожидание случайной величины, для которой $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ \frac{x^2}{16}, & \text{при } 0 \leq x \leq 4 \\ 1, & \text{при } x > 4. \end{cases}$	ОПК-1	У8										
25	Для дискретной случайной величины <table border="1" data-bbox="317 1491 1000 1572"><tr><td>X</td><td>8</td><td>4</td><td>6</td><td>5</td></tr><tr><td>p</td><td>0.1</td><td>0.3</td><td>0.2</td><td>0.4</td></tr></table> найти дисперсию двумя способами.	X	8	4	6	5	p	0.1	0.3	0.2	0.4	ОПК-1	У8
X	8	4	6	5									
p	0.1	0.3	0.2	0.4									
26	Исследовать на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n + 2}{3^n}$.	ОПК-1	Н8										
27	Непрерывная случайная величина X распределена по показательному закону с параметром $\lambda = 7$. Составить функцию распределения вероятностей $F(x)$ и функцию плотности $f(x)$.	ОПК-1	Н8										
28	Случайная величина X распределена по нормальному закону с параметрами $a = 10$ и $\sigma = 2$. Найти диапазон изменения	ОПК-1	Н8										

	случайной величины.		
29	Найти параметр a и $M(X)$ по известной плотности вероятности случайной величины X : $f(x) = \begin{cases} a(x^2 + 2x), & \text{если } 0 \leq x \leq 1; \\ 0, & \text{если } x \notin [0,1]. \end{cases}$	ОПК-1	Н8
30	В первом ящике 2 белых и 8 черных шаров, во втором 3 белых и 5 черных. Из каждого ящика вынули по шару. Какова вероятность, что вынули один белый и один черный.	ОПК-1	313
31	Найти вероятность отклонения нормально распределенной случайной величины с параметрами $M(X) = -4$, $D(X) = 4$ от математического ожидания на величину, не превышающую 5.	ОПК-1	311
32	Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 10. Определить вид интервальной оценки.	ОПК-1	311

5.3.2.4. Перечень тем рефератов, контрольных, расчетно-графических работ
Не предусмотрены.

5.3.2.5. Вопросы для контрольной (расчетно-графической) работы
Не предусмотрена.

5.4. Система оценивания достижения компетенций

5.4.1. Оценка достижения компетенций в ходе промежуточной аттестации

ОПК-1 Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей			
Индикаторы достижения компетенции ОПК-1		Номера вопросов и задач	
Код	Содержание	вопросы к экзамену	задачи к экзамену
311	Основные понятия, методы и средства теории матриц и определителей, векторной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел и многочленов, теории пределов и непрерывности функций, дифференциального и интегрального исчисления, дифференциальных уравнений, рядов и их приложений к математическому анализу функций одной и нескольких переменных.	1.1-1.39 2.1-2.19 3.1-3.22 4.1-4.17	1-11
У8	Решать системы уравнений методами Крамера, Гаусса, матричным способом; находить скалярное, векторное и смешанное произведение векторов; решать основные задачи на вычисление пределов функций, нахождение точек разрыва функции, их дифференцирование; построения графика функции по результатам		12-22

	их исследования, средствами математического анализа; производить действия с комплексными числами и многочленами; решать основные задачи на вычисление интегралов и нахождение решений дифференциальных уравнений.		
Н8	Навыками нахождения решений систем уравнений с обоснованным выбором метода и модели; навыками решения типовых задач аналитической геометрии на плоскости и в пространстве; алгеброй комплексных чисел и действий над многочленами; навыками математического анализа функций на монотонность, выпуклость, нахождение асимптот; навыками решения типовых задач с использованием пределов, производных и дифференциалов для анализа функций с последующим построением их графиков; навыками интегрирования рациональных, дробно-рациональных, тригонометрических функций; навыками вычисления определенных и несобственных интегралов; навыками решения всех типов дифференциальных уравнений 1 и 2 порядков; навыками определения вероятности.		4-9; 23-29 33-42

5.4.2. Оценка достижения компетенций в ходе текущего контроля

ОПК-1 Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей				
Индикаторы достижения компетенции ОПК-1		Номера вопросов и задач		
Код	Содержание	вопросы тестов	вопросы устного опроса	задачи для проверки умений и навыков
311	Основные понятия, методы и средства теории матриц и определителей, векторной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел и многочленов, теории пределов и непрерывности функций, дифференциального и интегрального исчисления, дифференциальных уравнений, рядов и их приложений к математическому анализу функций одной и нескольких переменных.	46-49; 60-65	1-55.	30-34
У8	Решать системы уравнений методами Крамера, Гаусса, матричным способом; находить скалярное, векторное и смешанное произведение векторов; решать основные задачи на вычисление пределов функций, нахождение точек разрыва функции, их дифференцирование; по-	7-14; 27-42; 50-59		1-4; 8; 10-15; 20-25; 34-37

	строения графика функции по результатам их исследования, средствами математического анализа; производить действия с комплексными числами и многочленами; решать основные задачи на вычисление интегралов и нахождение решений дифференциальных уравнений.			
Н8	Навыками нахождения решений систем уравнений с обоснованным выбором метода и модели; навыками решения типовых задач аналитической геометрии на плоскости и в пространстве; алгеброй комплексных чисел и действий над многочленами; навыками математического анализа функций на монотонность, выпуклость, нахождение асимптот; навыками решения типовых задач с использованием пределов, производных и дифференциалов для анализа функций с последующим построением их графиков; навыками интегрирования рациональных, дробно-рациональных, тригонометрических функций; навыками вычисления определенных и несобственных интегралов; навыками решения всех типов дифференциальных уравнений 1 и 2 порядков; навыками определения вероятности.	1-6; 15-26; 43-45; 66-75		5; 7; 9; 16-19; 26-29; 30-34; 38-41

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Рекомендуемая литература

Тип рекомендаций	Перечень и реквизиты литературы (автор, название, год и место издания)	Количество экз. в библиотеке
1	2	3
Учебные издания	Высшая математика в агроинженерии: учебное пособие для обучающихся агроинженерного факультета / [В. П. Шацкий и др.]; Воронежский государственный аграрный университет; [под ред. В. П. Шацкого] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2020 - 309 с. [ЦИТ 21151] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b155116.pdf	75
	Гриднева И. В. Математика. Ч. 1: учебное пособие для студентов очной формы обучения агроинженерного факультета по направлению подготовки 35.03.06 "Агроинженерия" / И. В. Гриднева, Л. И. Федулова, А. Е. Попов; ВГАУ, 2016 - 213 с. [ЦИТ 15204] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b125310.pdf	88
	Гриднева И. В. Прикладная математика: учебное пособие для студентов очной формы обучения агроинженерного фа-	82

Тип рекомендаций	Перечень и реквизиты литературы (автор, название, год и место издания)	Количество экз. в библиотеке
1	2	3
	культета по направлению подготовки 35.03.06 (110800.62) - "Агроинженерия" / И. В. Гриднева, Л. И. Федулова; ВГАУ, 2015(2014) - 110 с. [ЦИТ 11322] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b97324.pdf	
	Теория вероятностей: учебное пособие для студентов очной формы обучения агроинженерного факультета по направлениям подготовки: 35.03.06 (110800.62) - "Агроинженерия"; 23.03.03 (190600.62) - "Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов" / И. В. Гриднева [и др.]; ВГАУ, 2014 - 122 с. [ЦИТ 10445] [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/books/b94042.pdf	102
	Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2023 - 479 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: https://znanium.com/catalog/document?id=416006	-
Методические издания	Математика [Электронный ресурс]. Ч. 1: методические указания по изучению дисциплины и самостоятельной работе обучающихся по направлению 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов и специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства / ВГАУ; [сост.: И. В. Гриднева, Л. И. Федулова, В. П. Шацкий] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2019 [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m151230.pdf	1
	Математика [Электронный ресурс]. Ч. 1: методические указания по изучению дисциплины и самостоятельной работе обучающихся по направлению 35.03.06 Агроинженерия / Воронежский государственный аграрный университет; [сост.: И. В. Гриднева, Л. И. Федулова, В. П. Шацкий] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2019 [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m151231.pdf	1
	Математика [Электронный ресурс]. Ч. 2: методические указания по изучению дисциплины и самостоятельной работе обучающихся по направлению 35.03.06 Агроинженерия / Воронежский государственный аграрный университет; [сост.: И. В. Гриднева, Л. И. Федулова, В. П. Шацкий] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2019 [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m152259.pdf	1
	Математика. Теория вероятностей [Электронный ресурс]: методические указания для выполнения лабораторных работ для обучающихся по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства / Воронежский госу-	1

Тип рекомендаций	Перечень и реквизиты литературы (автор, название, год и место издания)	Количество экз. в библиотеке
1	2	3
	дарственный аграрный университет; [сост. : В. Н. Колпачева, Н. А. Селезнева] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2019 [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m151978.pdf	1
	Математика. Теория вероятностей [Электронный ресурс]: методические указания по изучению дисциплины и самостоятельной работе обучающихся по направлениям: 35.03.06 Агроинженерия и 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов / Воронежский государственный аграрный университет ; [сост. : Л. И. Федулова, И. В. Гриднева, В. П. Шацкий] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2019 [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m152262.pdf	
Периодические издания	Вестник Воронежского государственного аграрного университета: теоретический и научно-практический журнал / Воронеж. гос. аграр. ун-т - Воронеж: ВГАУ, 1998-	1

6.2. Ресурсы сети Интернет

6.2.1. Электронные библиотечные системы

№	Название	Размещение
1	Лань	https://e.lanbook.com
2	ZNANIUM.COM	http://znanium.com/
3	ЮРАЙТ	http://www.biblio-online.ru/
4	E-library	https://elibrary.ru/
5	Электронная библиотека ВГАУ	http://library.vsau.ru/

6.2.2. Профессиональные базы данных и информационные системы

№	Название	Размещение
1	Справочная правовая система Гарант	http://ivo.garant.ru
2	Справочная правовая система Консультант Плюс	http://www.consultant.ru/
3	Профессиональные справочные системы «Кодекс»	https://texэксперт.сайт/sistema-kodeks

6.2.3. Сайты и информационные порталы

№	Название	Размещение
1	Образовательные ресурсы по математике	www.math.ru
2	Интернет библиотека популярной физико-математической литературы	http://ilib.mccme.ru/
3	сайт о разделе высшей математики – математи-	http://procmem.ru/

	ческий анализ.	
4	«Резольвента» учебные материалы.	https://www.resolventa.ru/index.php/lineinaya-algebra -

7. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

7.1. Помещения для ведения образовательного процесса и оборудование

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)
Учебная аудитория для проведения учебных занятий: комплект учебной мебели, демонстрационное оборудование, учебно-наглядные пособия	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13
Учебная аудитория для проведения учебных занятий: комплект учебной мебели, демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия, презентационное оборудование, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13
Учебная аудитория для проведения учебных занятий: комплект учебной мебели, демонстрационное оборудование, учебно-наглядные пособия	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13
Учебная аудитория для проведения учебных занятий: комплект учебной мебели, компьютерная техника с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test, Mathcad, Maxima	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13
Помещение для самостоятельной работы: комплект учебной мебели, компьютерная техника с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13, а.219 (с 16 до 20 ч.)
Помещение для самостоятельной работы: комплект учебной мебели, компьютерная техника с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13, а.321 (с 16 до 20 ч.)

образовательную среду, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test Помещение для самостоятельной работы: комплект учебной мебели, компьютерная техника с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Мичурина, 1, а.232а
---	--

7.2. Программное обеспечение

7.2.1. Программное обеспечение общего назначения

№	Название	Размещение
1	Операционные системы MS Windows / Linux (ALT Linux)	ПК в локальной сети ВГАУ
2	Пакеты офисных приложений Office MS Windows / OpenOffice / LibreOffice	ПК в локальной сети ВГАУ
3	Программы для просмотра файлов Adobe Reader / DjVu Reader	ПК в локальной сети ВГАУ
4	Браузеры Яндекс Браузер / Mozilla Firefox / Microsoft Edge	ПК в локальной сети ВГАУ
5	Антивирусная программа DrWeb ES	ПК в локальной сети ВГАУ
6	Программа-архиватор 7-Zip	ПК в локальной сети ВГАУ
7	Мультимедиа проигрыватель MediaPlayer Classic	ПК в локальной сети ВГАУ
8	Платформа онлайн-обучения eLearning server	ПК в локальной сети ВГАУ
9	Система компьютерного тестирования AST Test	ПК в локальной сети ВГАУ

7.2.2. Специализированное программное обеспечение

№	Название	Размещение
1	Система компьютерной алгебры Mathcad	ПК в локальной сети ВГАУ
2	Система компьютерной алгебры Maxima	ПК ауд. 116, 120 (К1)
3	Пакет статистической обработки данных Statistica	ПК в локальной сети ВГАУ

8. Междисциплинарные связи

Дисциплина, с которой необходимо согласование	Кафедра, на которой преподается дисциплина	ФИО заведующего кафедрой
Б1.О.13. Физика	Математики и физики	Шишкина Л.А.
Б1.О.19. Теоретическая механика	Математики и физики	Шишкина Л.А.

Приложение 1

**Лист периодических проверок рабочей программы
и информация о внесенных изменениях**

[illegible]