

Министерство сельского хозяйства Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ
ИМПЕРАТОРА ПЕТРА I»



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Б1.О.17. Методы оптимальных решений

Направление подготовки: 38.03.04 Государственное и муниципальное управление

Направленность (профиль): Муниципальное управление в сельских территориях

Квалификация выпускника: бакалавр

Факультет: **экономический**

Кафедра: Экономического анализа, статистики и прикладной математики

Разработчики рабочей программы:

к.э.н., доцент

Семина Евгений Александрович

Воронеж – 2024 г.

Рабочая программа составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика», утвержденным приказом Министра образования и науки Российской Федерации № 1016 от 13 августа 2020 г.

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры экономического анализа, статистики и прикладной математики (протокол № 11 от 21.05.2024 г.)

Заведующий кафедрой



Л.А. Запорожцева

Рабочая программа рекомендована к использованию в учебном процессе методической комиссией экономического факультета (протокол № 10 от 21.06.2023 г.).

Председатель методической комиссии



/ Брянцева Л.В.

Рецензент рабочей программы Руководитель департамента аграрной политики Воронежской области, кандидат экономических наук **А.Ф. Сапронов**

1. Общая характеристика дисциплины

1.1. Цель дисциплины

1. Цель и задачи дисциплины

Целью изучения дисциплины является формирование системного мышления обучающихся путем детального анализа подходов к математическому моделированию и сравнительного анализа разных типов моделей.

1.2. Задачи дисциплины

Задачи учебной дисциплины:

- изучение математических свойств моделей и методов их оптимизации;
- знакомство с методами применения моделей и их анализа при изучении экономических систем.

1.3. Предмет дисциплины

Предметом дисциплины «Методы оптимальных решений» является построение математических моделей принятия решений, описание основных методов нахождения оптимальных решений при заданном наборе ограничений.

1.4. Место дисциплины в образовательной программе

Дисциплина Б1.О.17. Методы оптимальных решений относится к Блоку 1 Дисциплины (модули), часть образовательной программы, формируемая участниками образовательных отношений.

1.5. Взаимосвязь с другими дисциплинами

Дисциплина Б1.О.17 «Методы оптимальных решений» опирается на предшествующие ей дисциплины:

- Б1.О.30. Линейная алгебра;
- Б1.О.07. Математический анализ

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Компетенция		Индикатор достижения компетенции	
Код	Содержание	Код	Содержание
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	З3	Знать основные принципы и инструменты методов оптимальных решений и статистики для сбора и обработки данных при решении управленческих задач
		У3	Уметь применять методы оптимальных решений и моделирования для сбора и обработки данных при решении поставленных задач
		Н3	Имеет опыт использования системного подхода для решения поставленных задач
УК-2	Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующей	У2	Умеет рассматривать возможные варианты решения поставленных задач учитывая определенные нормы и ограничения

	ющих правовых норм, имеющих ресурсы и ограничений	НЗ	Уметь рационально использовать информационные технологии при моделировании поставленных задач
--	---	----	---

3. Объём дисциплины и виды работ

3.1. Очная форма обучения

Показатели	Семестр	Всего
	3	
Общая трудоёмкость, з.е./ч	3 / 108	3 / 108
Общая контактная работа, ч	40,15	40,15
Общая самостоятельная работа, ч	67,85	67,85
Контактная работа при проведении учебных занятий, в т.ч. (ч)	40,00	40,00
Лекции	14	14,00
практические-всего	26	26,00
Самостоятельная работа при проведении учебных занятий, ч	59,00	59,00
Контактная работа при проведении промежуточной аттестации обучающихся, в т.ч. (ч)	0,15	0,15
Зачет	0,15	0,15
Самостоятельная работа при промежуточной аттестации, в т.ч. (ч)	8,85	8,85
подготовка к зачету	8,85	8,85
Форма промежуточной аттестации	зачет	Зачет

3.2. Очно-заочная форма обучения

Показатели	Семестр	Всего
	7	
Общая трудоёмкость, з.е./ч	3 / 108	3 / 108
Общая контактная работа, ч	14,15	14,15
Общая самостоятельная работа, ч	93,85	93,85
Контактная работа при проведении учебных занятий, в т.ч. (ч)	14,00	14,00
Лекции	8	8,00
практические-всего	6	6,00
Самостоятельная работа при проведении учебных занятий, ч	85,00	85,00
Контактная работа при проведении промежуточной аттестации обучающихся, в т.ч. (ч)	0,15	0,15
Зачет	0,15	0,15
Самостоятельная работа при промежуточной аттестации, в т.ч. (ч)	8,85	8,85
подготовка к зачету	8,85	8,85
Форма промежуточной аттестации	Зачет	Зачет

4. Содержание дисциплины

4.1. Содержание дисциплины в разрезе разделов и подразделов

Раздел 1. Введение. Математические модели и оптимизация в экономике. Общее представление о статической задаче оптимизации.

Подраздел 1.1. Математические модели в экономике. Примеры: модели поведения потребителя и планирования производства в фирме. Пример использования оптимизации для идентификации параметров математической модели.

Подраздел 1.2. Основные представления о статической задаче оптимизации. Инструментальные переменные и параметры математической модели. Допустимое множество. Критерий выбора решения и целевая функция. Линии уровня целевой функции. Формулировка детерминированной статической задачи оптимизации. Неопределенность в параметрах и ее влияние на решение.

Раздел 2. Элементы теории систем массового обслуживания.

Подраздел 2.1. Простейшая классификация случайных процессов. Потоки событий и их свойства. Простейший поток событий. Система с дискретными состояниями и непрерывным временем. Уравнения Колмогорова.

Подраздел 2.2. Системы массового обслуживания с отказами. Предельные вероятности. Формулы Эрланга. Основные показатели эффективности. СМО с ожиданием. Предельные вероятности. Формулы Эрланга. Основные показатели эффективности. Формулы Литтла.

Раздел 3. Задача линейного программирования.

Подраздел 3.1. Формулировка задачи линейного программирования (ЛП). Примеры задач ЛП. Стандартная (нормальная) и каноническая формы представления задачи ЛП и сведение к ним.

Подраздел 3.2. Основные представления о методах решения задач ЛП. Свойства допустимого множества и оптимального решения в задаче ЛП. Основные представления о методах решения задач ЛП, основанных на направленном переборе вершин (симплекс-метод и др.).

Подраздел 3.3. Функция Лагранжа и условия Куна-Таккера в задаче ЛП. Двойственные задачи линейного программирования. Теоремы двойственности. Интерпретация двойственных переменных. Анализ чувствительности оптимального решения к параметрам задачи линейного программирования.

Подраздел 3.4. Некоторые специальные задачи линейного программирования. Транспортная, производственно-транспортная задача.

Раздел 4. Оптимизация в условиях неопределенности.

Подраздел 4.1. Задача выбора решений в условиях неопределенности. Критерии выбора решений в условиях неопределенности (принцип гарантированного результата, критерий Гурвица, критерий Байеса-Лапласа, критерий Сэвиджа). Применение принципа гарантированного результата в задачах экономического планирования. Множество допустимых гарантирующих программ. Наилучшая гарантирующая программа.

Подраздел 4.2. Принятие решение при случайных параметрах. Вероятностная информация о параметрах. Принятие решений на основе математического ожидания. Случайность и риск. Учет склонности к риску.

4.2. Распределение контактной и самостоятельной работы при подготовке к занятиям по подразделам
4.2.1. Очная форма обучения

Разделы, подразделы дисциплины	Контактная работа		СР
	Лекции	ПЗ	
Раздел 1. Введение. Математические модели и оптимизация в экономике. Общее представление о статической задаче оптимизации.	2	4	12
Подраздел 1.1. Математические модели в экономике.	1	2	6
Подраздел 1.2. Основные представления о статической задаче оптимизации.	1	2	6
Раздел 2. Элементы теории систем массового обслуживания.	3	6	18
Подраздел 2.1. Простейшая классификация случайных процессов.	1	3	9
Подраздел 2.2. Системы массового обслуживания с отказами.	2	3	9
Раздел 3. Задача линейного программирования.	5	12	18
Подраздел 3.1. Формулировка задачи линейного программирования (ЛП).	1	1	6
Подраздел 3.2. Основные представления о методах решения задач ЛП.	2	2	6
Подраздел 3.3. Некоторые специальные задачи линейного программирования.	2	2	6
Раздел 4. Оптимизация в условиях неопределенности.	4	4	11
Подраздел 4.1. Задача выбора решений в условиях неопределенности.	2	2	6
Подраздел 4.2. Принятие решение при случайных параметрах.	2	2	5
Всего	14	26	59

4.2.2. Очно-заочная форма обучения

Разделы, подразделы дисциплины	Контактная работа		СР
	Лекции	ПЗ	
Раздел 1. Введение. Математические модели и оптимизация в экономике. Общее представление о статической задаче оптимизации.	1,5	1	20
Подраздел 1.1. Математические модели в экономике.	1	0,5	10
Подраздел 1.2. Основные представления о статической задаче оптимизации.	0,5	0,5	10
Раздел 2. Элементы теории систем массового обслуживания.	2	1	20
Подраздел 2.1. Простейшая классификация случайных процессов.	1	0,5	10
Подраздел 2.2. Системы массового обслуживания с отказами.	1	0,5	10
Раздел 3. Задача линейного программирования.	3	3	25

Подраздел 3.1. Формулировка задачи линейного программирования (ЛП).	1	1	8
Подраздел 3.2. Основные представления о методах решения задач ЛП.	1	1	8
Подраздел 3.3. Некоторые специальные задачи линейного программирования.	1	1	9
Раздел 4. Оптимизация в условиях неопределенности.	1,5	1	20
Подраздел 4.1. Задача выбора решений в условиях неопределенности.	1	0,5	10
Подраздел 4.2. Принятие решение при случайных параметрах.	0,5	0,5	10
Всего	8	6	85

4.3. Перечень тем и учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся

№ п/п	Тема самостоятельной работы	Учебно-методическое обеспечение	Объём, ч	
			форма обучения	
			очная	очно-заочная
Подраздел 1.1. Математические модели в экономике.			6	10
1	Использование математических моделей для описания поведения экономических агентов.	Гармаш А.Н. Экономико-математические методы в примерах и задачах: Учебное пособие / А. Н. Гармаш, И. В. Орлова, Н. В. Концевая, Е. Н. Горбатенко. – Москва: Общество с ограниченной ответственностью «Научно-издательский центр ИНФРА-М», 2014. – 416 с. – ISBN 978-5-9558-0322-7. [ЭИ] [ЭБС Знаниум]	2	4
2	Модели поведения потребителя и планирования производства в фирме.	Глухов В. В. Математические методы и модели для менеджмента: Учебное пособие для студентов, обучающихся по специальности 060800 Экономика и упр. На предприятии / В. В. Глухов, М. Д. Медников, С. Б. Коробко. – Изд. Второе, испр. И доп. – СПб. [и др.] : Лань, 2005 (ГП Владимир. Книж. Тип.). – 523, [1] с.: ил., табл.; 21 см.; ISBN 5-8114-0278-3	4	6
Подраздел 1.2. Основные представления о статической задаче оптимизации.			6	10
3	Инструментальные переменные и параметры математической модели. Допустимое множество. Критерий выбора решения и целевая функция.	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сулаков Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	6	10
Подраздел 2.1. Простейшая классификация случайных процессов.			9	10

4	Классификация случайных процессов. Поток событий и их свойства. Простейший поток событий.	Исследование операций в экономике: учебное пособие для вузов, обучающихся по экономическим специальностям и направлениям / [Н.Ш. Кремер [и др.]; под ред. Н.Ш. Кремера – Москва: Юрайт, 2013 – 438 с.	6	6
5	Система с дискретными состояниями и непрерывным временем.	Исследование операций в экономике: учебное пособие для вузов, обучающихся по экономическим специальностям и направлениям / [Н.Ш. Кремер [и др.]; под ред. Н.Ш. Кремера – Москва: Юрайт, 2013 – 438 с.	3	4
Подраздел 2.2. Системы массового обслуживания с отказами.			9	10
6	Уравнения Колмогорова. Предельные вероятности. Формулы Эрланга.	Исследование операций в экономике: учебное пособие для вузов, обучающихся по экономическим специальностям и направлениям / [Н.Ш. Кремер [и др.]; под ред. Н.Ш. Кремера – Москва: Юрайт, 2013 – 438 с.	4	4
7	Основные показатели эффективности СМО.	Исследование операций в экономике: учебное пособие для вузов, обучающихся по экономическим специальностям и направлениям / [Н.Ш. Кремер [и др.]; под ред. Н.Ш. Кремера – Москва: Юрайт, 2013 – 438 с.	5	6
Подраздел 3.1. Формулировка задачи линейного программирования (ЛП).			6	8
8	Стандартная (нормальная) и каноническая формы представления задачи ЛП и сведение к ним.	Голубева Н.В. Математическое моделирование систем и процессов: / Н.В. Голубева – Москва: Лань», 2016 – 191 с. [ЭИ] [ЭБС Лань]	3	4
9	Свойства допустимого множества и оптимального решения в задаче ЛП.	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сулаков Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	3	4
Подраздел 3.2. Основные представления о методах решения задач			6	8
10	Методы решения, основанные на направленном переборе вершин	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сулаков Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	2	2

11	Функция Лагранжа и условия Куна-Таккера в задаче ЛП.	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сусликов Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	2	3
12	Линейное программирование в среде MS Excel.	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сусликов Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	2	3
Подраздел 3.3. Некоторые специальные задачи линейного программирования.			6	9
13	Транспортная задача	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сусликов Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	6	9
Подраздел 4.1. Задача выбора решений в условиях неопределенности.			6	10
14	Критерии выбора решений в условиях неопределенности	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сусликов Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	5	5
Подраздел 4.2. Принятие решение при случайных параметрах.			5	10
15	Принятие решений на основе математического ожидания.	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике: Учебник для бакалавров / Кундышева Е.С.; Под ред. Сусликов Б.А. – М.: Дашков и К, 2017. – 286 с. ISBN 978-5-394-02488-7	4	6
Всего			59	85

5. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации и текущего контроля

5.1. Этапы формирования компетенций

Подраздел дисциплины	Компетенции и ИДК	
	УК-1	УК-2
Подраздел 1.1. Математические модели в экономике.	ЗЗ	У2 НЗ
	УЗ	
	НЗ	
Подраздел 1.2. Основные представления о статической задаче оптимизации.	ЗЗ	У2 НЗ
	УЗ	
	НЗ	
Подраздел 2.1. Простейшая классификация случайных процессов.	ЗЗ	У2
	УЗ	

	НЗ	НЗ
Подраздел 2.2. Системы массового обслуживания с отказами.	ЗЗ	У2
	УЗ	
	НЗ	НЗ
Подраздел 3.1. Формулировка задачи линейного программирования (ЛП).	ЗЗ	У2
	УЗ	
	НЗ	НЗ
Подраздел 3.2. Основные представления о методах решения задач ЛП.	ЗЗ	У2
	УЗ	
	НЗ	НЗ
Подраздел 3.3. Некоторые специальные задачи линейного программирования.	ЗЗ	У2
	УЗ	
	НЗ	НЗ
Подраздел 4.1. Задача выбора решений в условиях неопределенности.	ЗЗ	У2
	УЗ	
	НЗ	НЗ
Подраздел 4.2. Принятие решение при случайных параметрах.	ЗЗ	У2
	УЗ	
	НЗ	НЗ

5.2. Шкалы и критерии оценивания достижения компетенций

5.2.1. Шкалы оценивания достижения компетенций

Виды оценок	Оценки	
Академическая оценка по 2-х балльной шкале (зачет)	не зачтено	Зачтено

5.2.2. Критерии оценивания достижения компетенций

Критерии оценки на зачете

Оценка экзаменатора, уровень	Критерии
«Зачтено», пороговый уровень	Обучающийся показал знание основных положений учебной дисциплины, умение получить с помощью преподавателя правильное решение конкретной практической задачи из числа предусмотренных рабочей программой, знакомство с рекомендованной справочной
«Не зачтено»	При ответе обучающегося выявились существенные пробелы в знаниях основных положений учебной дисциплины, неумение с помощью преподавателя получить правильное решение конкретной практической задачи из числа предусмотренных рабочей программой учебной дисциплины

Критерии оценки тестов

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Отлично, высокий	Содержание правильных ответов в тесте не менее 90%

Хорошо, продвинутый	Содержание правильных ответов в тесте не менее 75%
Удовлетворительно, пороговый	Содержание правильных ответов в тесте не менее 50%
Неудовлетворительно, компетенция не освоена	Содержание правильных ответов в тесте менее 50%

Критерии оценки устного опроса

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Зачтено, высокий	Обучающийся демонстрирует уверенное знание материала, четко выражает свою точку зрения по рассматриваемому вопросу, приводя соответствующие примеры
Зачтено, продвинутый	Обучающийся демонстрирует уверенное знание материала, но допускает отдельные погрешности в ответе
Зачтено, пороговый	Обучающийся демонстрирует существенные пробелы в знаниях материала, допускает ошибки в ответах
Не зачтено, компетенция не освоена	Обучающийся демонстрирует незнание материала, допускает грубые ошибки в ответах

Критерии оценки решения задач

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Зачтено, высокий	Обучающийся уверенно знает методику и алгоритм решения задачи, не допускает ошибок при ее выполнении.
Зачтено, продвинутый	Обучающийся в целом знает методику и алгоритм решения задачи, не допускает грубых ошибок при ее выполнении.
Зачтено, пороговый	Обучающийся в целом знает методику и алгоритм решения задачи, допускает ошибок при ее выполнении, но способен исправить их при помощи преподавателя.
Не зачтено, компетенция не освоена	Обучающийся не знает методику и алгоритм решения задачи, допускает грубые ошибки при ее выполнении, не способен исправить их при помощи преподавателя.

5.3. Материалы для оценки достижения компетенций

5.3.1. Оценочные материалы промежуточной аттестации

5.3.1.1. Вопросы к экзамену

Не предусмотрены

5.3.1.2. Задачи к экзамену

Не предусмотрены

5.3.1.3. Вопросы к зачету с оценкой

Не предусмотрены

5.3.1.4. Вопросы к зачету

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	Математические модели (классификация).	УК-1	33
2	Понятие случайного процесса.	УК-1	33
3	Простейшая классификация случайных процессов.	УК-1	33
4	Потоки событий. Ординарность, отсутствие последействия, стационарность.	УК-1	33
5	Простейший поток событий.	УК-1	33
6	Случайный процесс с непрерывным временем и дискретными состояниями. Граф состояний. Вероятности состояний.	УК-1	33
7	Уравнения Колмогорова (мнемоническое правило).	УК-1	33
8	Системы массового обслуживания (СМО). Основные понятия. Классификация СМО	УК-1	33
9	СМО с отказами. Одноканальная система с отказами. Уравнения Колмогорова.	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
10	Предельные вероятности состояний.	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
11	Многоканальная система с отказами. Граф состояний. Уравнения Колмогорова.	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
12	Предельные вероятности состояний.	УК-1	33
13	Показатели эффективности СМО с отказами.	УК-1	33
14	СМО с ограниченной очередью (СМО с ожиданием)	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
15	Предельные вероятности. Формулы Эрланга.	УК-1	33
16	Показатели эффективности СМО с ожиданиям.	УК-1	33
17	Примеры задач линейного программирования: а) задача об использовании ресурсов; б) транспортная задача.	УК-1	33
18	Общая задача линейного программирования.	УК-1	33
19	Геометрический смысл решений линейных неравенств и их систем.	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
20	Геометрический метод решения задачи об использовании ресурсов.	УК-1	33
21	Понятие о выпуклом множестве точек.	УК-1	33
22	Теоретические основы симплексного метода.	УК-1	33
23	Транспортная задача. Экономико-математическая модель задачи.	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
24	Составление первого плана перевозок методом наименьших затрат.	УК-1	33, У3
		УК-2	У2
25	Проверка оптимальности плана перевозок методом потенциалов (алгоритм метода потенциалов).	УК-1	33, У3
		УК-2	У2

5.3.1.5. Перечень тем курсовых проектов (работ)

Не предусмотрены

5.3.1.6. Вопросы к защите курсовой работы

Не предусмотрены

5.3.2. Оценочные материалы текущего контроля

5.3.2.1. Вопросы тестов

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	В матричной форме можно записать... - задачу линейного программирования, предварительно приведенную к стандартной или канонической форме - только задачу линейного программирования, предварительно приведенную к канонической форме - задачу линейного программирования в смешанной форме	УК-1	33
2	Если в линейной задаче производственного планирования в качестве продукции выступает, например, ткань (в метрах), то переменные ... - должны быть только дробными числами - могут быть как целыми, так и дробными числами - должны быть только целыми числами	УК-1	33
3	В каком случае задача математического программирования является линейной? - если ее целевая функция линейна - если ее ограничения линейны - если ее целевая функция и ограничения линейны	УК-1	33
4	Чему равны не базисные переменные в опорном плане задачи линейного программирования? - нулю - любым числом - положительным числом	УК-1	33
5	Если крайнее положение линии уровня пересекает область допустимых планов более чем в одной точке, то оптимальный план ... - только одна из точек пересечения (единственный) - не существует - любая точка пересечения (бесконечное множество точек)	УК-1	33
6	Все точки, удовлетворяющие уравнению системы ограничений задачи линейного программирования с двумя переменными, образуют на плоскости... - полуплоскость - прямую - отрезок	УК-1	33
7	Что такое оптимальный план задачи линейного программирования? - любая вершина области допустимых планов - допустимый план, при подстановке которого в целевую функцию она принимает свое максимальное или минимальное значение - план, с рассмотрения которого следует начать решение за-	УК-1	33

	дачи		
8	<p>Что такое допустимый план задачи линейного программирования?</p> <ul style="list-style-type: none"> - план, при подстановке которого в систему ограничений все они выполняются - план, при подстановке которого в систему ограничений выполняется хотя бы одно ограничение - план, при подстановке которого в систему ограничений ни одно из них не выполняется 	УК-1	33
9	<p>В каком направлении сдвигают линию уровня целевой функции при решении задачи линейного программирования на максимум?</p> <ul style="list-style-type: none"> - вверх - в направлении антиградиента - в направлении градиента 	УК-1	33
10	<p>На графике оптимальный план задачи линейного программирования с двумя переменными представляет собой...</p> <ul style="list-style-type: none"> - верхнюю точку области допустимых планов - пересечение градиента и крайнего положения линии уровня - пересечение области допустимых планов и крайнего положения линии уровня 	УК-1	33
11	<p>Задача линейного программирования состоит из</p> <ul style="list-style-type: none"> - линейной целевой функции; - линейной целевой функции и системы линейных ограничений; - линейной целевой функции и произвольной системы ограничений; - набора линейных ограничений. 	УК-1	33
12	<p>Для решения задачи линейного программирования следует использовать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - метод неопределённых множителей Лагранжа; - симплексный метод; - метод Рунге – Кутта. 	УК-1	33
13	<p>Транспортная задача является:</p> <ul style="list-style-type: none"> - задачей динамического программирования; - задачей квадратичного программирования; - задачей линейного программирования. 	УК-1	33
14	<p>Модель Леонтьева является:</p> <ul style="list-style-type: none"> - моделью предпочтения потребителей; - моделью денежного обращения в экономике; - производственной моделью межотраслевого баланса. 	УК-1	33
15	<p>Системой массового обслуживания является стоматологическая клиника с 4 оборудованными креслами и 8 стульями в приёмной. Сколько каналов обслуживания имеет такая СМО?</p> <ul style="list-style-type: none"> - 5; - 4; - 12; - 32. 	УК-1	33
			У3
		УК-2	У2

16	Системой массового обслуживания является стоматологическая клиника с 4 оборудованными креслами и 8 стульями в приемной. Сколько состояний может быть у данной СМО? - 13; - 12; - 5; - 4.	УК-1	33
			У3
		УК-2	У2
17	Чем отличаются задачи безусловной и условной оптимизации? - числом переменных; - наличием ограничений; - учетом фактора времени.	УК-1	33
18	Задача математического программирования не имеет допустимых решений. Выберите ситуацию, возможную при данном условии: - в задаче отсутствуют ограничения; - система ограничений задачи несовместна; - система ограничений задачи совместна.	УК-1	33
19	Экстремум функции это: - минимум функции; - максимум функции; - минимум или максимум.	УК-1	33
20	Множество точек, в которых функция $f(x)$ принимает постоянное значение, называется линией... - перегиба; - уровня; -соприкосновения.	УК-1	33
21	Каким свойством обладает линия уровня в графическом методе решения задачи ЛП? - показывает направление убывания целевой функции; - целевая функция принимает постоянное значение для любой точки линии уровня; - показывает направление возрастания целевой функции.	УК-1	33
22	Что в ЛП называют оптимальным планом? - произвольный набор чисел; - набор чисел, доставляющий экстремальное значение целевой функции; - набор чисел, удовлетворяющий системе ограничений задачи; - набор чисел, удовлетворяющий системе ограничений и доставляющий экстремальное значение целевой функции.	УК-1	33
23	Что называется планом в задаче ЛП? - набор чисел, доставляющий экстремальное значение целевой функции; - набор чисел, удовлетворяющий системе ограничений задачи; - произвольный набор чисел; - двойственные оценки.	УК-1	33
24	В каком случае можно считать, что найдено решение ЗЛП на максимум симплексным методом? - если в строке целевой функции все элементы положительные;	УК-1	33

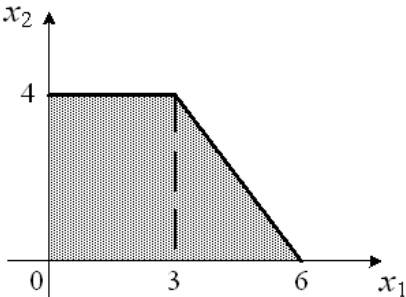
	<ul style="list-style-type: none"> - если в строке целевой функции все элементы отрицательные; - если в строке целевой функции все элементы равны нулю; - если в строке целевой функции все элементы положительные, либо равны нулю. 		
25	<p>Решение называют оптимальным, ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - если оно по тем или иным признакам предпочтительнее других; - если оно рационально; - если оно согласовано с начальством. 	УК-1	33
26	<p>Задача линейного программирования состоит в ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - описании алгоритма решения заданной задачи; - создании программы на языке программирования; - отыскании наибольшего (наименьшего) значения линейной функции при наличии линейных ограничений. 	УК-1	33
27	<p>Симплекс-метод – это:</p> <ul style="list-style-type: none"> - метод отыскания области допустимых решений задачи линейного программирования; - графический метод решения основной задачи линейного программирования; - метод приведения общей задачи линейного программирования к каноническому виду; - аналитический метод решения основной задачи линейного программирования. 	УК-1	33
28	<p>Предприятие производит изделия двух видов. На изготовление одного изделия вида А расходуется 2 кг сырья, на изготовление одного изделия вида В – 1 кг. Всего имеется 60 кг сырья. Требуется составить план производства, обеспечивающий получение наибольшей выручки, если отпускная стоимость одного изделия вида А 3 д. е., вида В – 1 у. е., причем изделий вида А требуется изготовить не более 25, а вида В – не более 30. Данная задача является ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - задачей, решаемой методом динамического программирования; - задачей нелинейного программирования; - задачей линейного программирования; - задачей сетевого планирования. 	УК-1	33
29	<p>Предприятие производит изделия двух видов. На изготовление одного изделия вида А расходуется 2 кг сырья, на изготовление одного изделия вида В – 1 кг. Всего имеется 60 кг сырья. Требуется составить план производства, обеспечивающий получение наибольшей выручки, если отпускная стоимость одного изделия вида А 3 д. е., вида В – 1 у. е., причем изделий вида А требуется изготовить не более 25, а вида В – не более 30. Целевой функцией данной задачи является функция:</p> <ul style="list-style-type: none"> - $F(x_1, x_2) = 25x_1 + 30x_2 \rightarrow \max$; - $F(x_1, x_2) = 3x_1 + x_2 \rightarrow \max$; - $F(x_1, x_2) = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max$; - $F(x_1, x_2) = 60 - 2x_1 - x_2 \rightarrow \min$. 	УК-1	33
			У3
		УК-2	У2
30	<p>Исходный опорный план транспортной задачи можно составить ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - методом северо-западного угла; 	УК-1	33

	<ul style="list-style-type: none"> - методом минимального тарифа; - всеми перечисленными методами. 		
31	<p>Если целевая функция задачи линейного программирования задана на максимум, то...</p> <ul style="list-style-type: none"> - целевая функция двойственной задачи задается на минимум; - целевая функция в двойственной задаче отсутствует; - двойственная задача не имеет решений; - двойственная задача имеет бесконечно много решений. 	УК-1	33
32	<p>При решении некоторых задач нелинейного программирования применяется ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - метод Гаусса; - метод аппроксимации Фогеля; - метод Гомори; - метод множителей Лагранжа. 	УК-1	33
33	<p>Для решения транспортной задачи может применяться...</p> <ul style="list-style-type: none"> - метод потенциалов; - метод множителей Лагранжа; - метод Гаусса; - метод Крамера. 	УК-1	33
34	<p>В системе ограничений общей задачи линейного программирования ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - могут присутствовать только уравнения; - могут присутствовать только неравенства; - могут присутствовать и уравнения, и неравенства. 	УК-1	33
35	<p>Ситуация, в которой участвуют стороны, интересы которых полностью или частично противоположны, называется ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - конфликтной; - спорной; -компромиссная. 	УК-1	33
36	<p>Действительный или формальный конфликт, в котором имеется по крайней мере два участника (игрока), каждый из которых стремится к достижению собственных целей, называется ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - спор; - игра; - сделка. 	УК-1	33
37	<p>Правила игры – это ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - допустимые действия каждого из игроков, направленные на достижение некоторой цели; - количественная оценка результатов игры; - действительный или формальный конфликт, в котором имеется по крайней мере два участника (игрока), каждый из которых стремится к достижению собственных целей. 	УК-1	33
38	<p>Платёж – это ...</p> <ul style="list-style-type: none"> - допустимые действия каждого из игроков, направленные на достижение некоторой цели; - количественная оценка результатов игры; - действительный или формальный конфликт, в котором имеется по крайней мере два участника (игрока), каждый из которых стремится к достижению собственных целей. 	УК-1	33

39	Если в игре участвует только две стороны (два лица), то игра называется... - с нулевой суммой; - с ненулевой суммой; - парной.	УК-1	33
40	Если в парной игре сумма платежей равна нулю, то есть проигрыш одного игрока равен выигрышу другого, то игра называется игрой... - без выигрыша; - без правил; - с нулевой суммой; - с ненулевой суммой.	УК-1	33
41	Однозначное описание выбора игрока в каждой из возможных ситуаций, при которой он должен сделать личный ход, называется ... - правилами; - стратегия игрока; - конфликтом.	УК-1	33
42	Пусть a – нижняя цена, a b – верхняя цена парной игры с нулевой суммой. Если $a = b = v$, то число v называется ... - точкой равновесия; - ценой игры; - оптимальной стратегией; - смешанной стратегией.	УК-1	33
43	Пусть a – нижняя цена, a b – верхняя цена парной игры с нулевой суммой. Если $a = b$, то игра называется... - игрой с седловой точкой; - неразрешимым конфликтом; - игрой без правил.	УК-1	33
44	Если в потоке событий события следуют одно за другим через заранее заданные и строго определенные промежутки времени, то такой поток называется ... - сложным; - организованным; - простым; - регулярным.	УК-1	33
45	Если вероятность попадания любого числа событий на промежуток времени зависит только от длины этого промежутка и не зависит от того, как далеко расположен этот промежуток от начала отсчета времени, то соответствующий поток событий называется: - потоком без последствий; - простейшим; - стационарным; - пуассоновским.	УК-1	33
46	Если число событий, попадающих на один из произвольно выбранных промежутков времени, не зависит от числа событий, попавших на другой, также произвольно выбранный промежуток времени при условии, что эти промежутки не пересекаются, то соответствующий поток событий называется ... - регулярным;	УК-1	33

	<ul style="list-style-type: none"> - показательным; - нормальным; - потоком без последствий. 		
47	<p>Если вероятность попадания на очень малый отрезок времени сразу двух или более событий пренебрежимо мала по сравнению с вероятностью попадания только одного события, то соответствующий поток событий называется...</p> <ul style="list-style-type: none"> - неординарным; - нормальным; - ординарным; - пуассоновским. 	УК-1	33
48	<p>Если поток событий одновременно обладает свойствами стационарности, ординарности и отсутствием последствия, то он называется:</p> <ul style="list-style-type: none"> - нормальным; - обычным; - простейшим (пуассоновским); - сложным. 	УК-1	33
49	<p>В чем отличие критерия Сэвиджа от остальных изученных критериев принятия решения:</p> <ul style="list-style-type: none"> - он минимизируется; - он максимизируется; - он не всегда дает однозначный ответ. 	УК-1	33
50	<p>Матричная игра – это частный случай антагонистической игры, при котором обязательно выполняется одно из требований:</p> <ul style="list-style-type: none"> - один из игроков имеет бесконечное число стратегий; - оба игрока имеют конечное число стратегий; - оба игрока имеют бесконечно много стратегий; - оба игрока имеют одно и то же число стратегий. 	УК-1	33
51	<p>Пусть матричная игра задана матрицей, в которой все элементы положительны. Цена игры положительна:</p> <ul style="list-style-type: none"> - да; - нет; - нет однозначного ответа. 	УК-1	33
52	<p>Пусть в матричной игре одна из смешанных стратегий 1-го игрока имеет вид (0.3, 0.7), а одна из смешанных стратегий 2-го игрока имеет вид (0.4, 0, 0.6). Какова размерность этой матрицы?</p> <ul style="list-style-type: none"> - 2*3; - 3*2; - другая. 	УК-1	33
53	<p>В матричной игре, зная стратегии каждого игрока, можно найти цену игры:</p> <ul style="list-style-type: none"> - да; - нет; - вопрос некорректен. 	УК-1	33
54	<p>Какие стратегии бывают в матричной игре:</p> <ul style="list-style-type: none"> - чистые; - смешанные; - и те, и те. 	УК-1	33

55	По критерию Вальда каждый игрок исходит из того, что: - все ситуации равновозможны; - все ситуации возможны с некоторыми заданными вероятностями; - случится наиболее плохая для него ситуация.	УК-1	33																																																						
56	Задача принятия решений в условиях неопределенности, когда игрок взаимодействует с окружающей средой называется: - антагонистической игрой; - игрой в нормальной форме; - игрой с природой; - позиционной игрой.	УК-1	33																																																						
57	Допустимыми решениями системы уравнений $\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 0 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 - 6x_4 = -2 \end{cases}$ являются: 1) $X_1=(1, 0, 1, 0)$; 2) $X_2=(1, 0, 0, 0)$; 3) $X_3=(1, 3, 1, 0)$; 4) $X_4=(0, 0, 3, 2)$.	УК-1	33																																																						
			У3																																																						
58	Транспортная задача решается методом потенциалов. Найдено базисное решение: <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;">b_j</td> <td>20</td> <td>80</td> <td>100</td> <td>V_i</td> </tr> <tr> <td style="border: none;">a_i</td> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">100</td> <td style="border: none;"></td> <td>2</td> <td>4</td> <td>3</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">80</td> <td style="border-top: 1px solid black;">20</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">50</td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">5</td> <td style="border-top: 1px solid black;">6</td> <td>4</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">50</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">50</td> <td style="border: none;"></td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">20</td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">30</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">U_j</td> <td style="border: none;"></td> <td>0</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>		b_j	20	80	100	V_i	a_i						100		2	4	3				—	80	20		50		5	6	4				—	—	50		50		2	3	4				20	—	30		U_j		0				УК-1	33
			b_j	20	80	100	V_i																																																		
a_i																																																									
100		2	4	3																																																					
		—	80	20																																																					
50		5	6	4																																																					
		—	—	50																																																					
50		2	3	4																																																					
		20	—	30																																																					
U_j		0																																																							
			У3																																																						
59	Транспортная задача решается методом потенциалов. Найдено базисное решение: <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;">b_j</td> <td>20</td> <td>80</td> <td>100</td> <td>V_i</td> </tr> <tr> <td style="border: none;">a_i</td> <td style="border: none;"></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">100</td> <td style="border: none;"></td> <td>2</td> <td>4</td> <td>3</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">80</td> <td style="border-top: 1px solid black;">20</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">50</td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">5</td> <td style="border-top: 1px solid black;">6</td> <td>4</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">50</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">50</td> <td style="border: none;"></td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;"></td> <td style="border: none;"></td> <td style="border-top: 1px solid black;">20</td> <td style="border-top: 1px solid black;">—</td> <td style="border-top: 1px solid black;">30</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="border: none;">U_j</td> <td style="border: none;"></td> <td>0</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>		b_j	20	80	100	V_i	a_i						100		2	4	3				—	80	20		50		5	6	4				—	—	50		50		2	3	4				20	—	30		U_j		0				УК-1	33
			b_j	20	80	100	V_i																																																		
a_i																																																									
100		2	4	3																																																					
		—	80	20																																																					
50		5	6	4																																																					
		—	—	50																																																					
50		2	3	4																																																					
		20	—	30																																																					
U_j		0																																																							
			У3																																																						
	Значение потенциала U_3 равно: 1) $U_3 = 1$; 2) $U_3 = 2$; 3) $U_3 = 0$; 4) $U_3 = -2$.	УК-2	У2																																																						

60	<p>Транспортная задача решается методом потенциалов. Найдено базисное решение:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>$a_i \backslash b_j$</th> <th>20</th> <th>80</th> <th>100</th> <th>V_i</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>100</td> <td>2 —</td> <td>4 80</td> <td>3 20</td> <td></td> </tr> <tr> <td>50</td> <td>5 —</td> <td>6 —</td> <td>5 50</td> <td></td> </tr> <tr> <td>50</td> <td>2 20</td> <td>3 —</td> <td>4 30</td> <td></td> </tr> <tr> <td>U_j</td> <td>0</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	$a_i \backslash b_j$	20	80	100	V_i	100	2 —	4 80	3 20		50	5 —	6 —	5 50		50	2 20	3 —	4 30		U_j	0				УК-1	33
	$a_i \backslash b_j$	20	80	100	V_i																							
100	2 —	4 80	3 20																									
50	5 —	6 —	5 50																									
50	2 20	3 —	4 30																									
U_j	0																											
	<p>Оценка клетки (1, 1) равна: 1) $\delta_{11} = 1$; 2) $\delta_{11} = -3$; 3) $\delta_{11} = 0$; 4) $\delta_{11} = -1$.</p>	УК-2	У2																									
61	<p>Транспортная задача решается методом потенциалов. Найдено базисное решение:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>$a_i \backslash b_j$</th> <th>20</th> <th>80</th> <th>100</th> <th>V_i</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>100</td> <td>2 —</td> <td>4 80</td> <td>3 20</td> <td></td> </tr> <tr> <td>50</td> <td>5 —</td> <td>6 —</td> <td>5 50</td> <td></td> </tr> <tr> <td>50</td> <td>2 20</td> <td>3 —</td> <td>4 30</td> <td></td> </tr> <tr> <td>U_j</td> <td>0</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	$a_i \backslash b_j$	20	80	100	V_i	100	2 —	4 80	3 20		50	5 —	6 —	5 50		50	2 20	3 —	4 30		U_j	0				УК-1	33
	$a_i \backslash b_j$	20	80	100	V_i																							
100	2 —	4 80	3 20																									
50	5 —	6 —	5 50																									
50	2 20	3 —	4 30																									
U_j	0																											
	<p>Оценка клетки (2, 1) равна: 1) $\delta_{21} = 1$; 2) $\delta_{21} = -3$; 3) $\delta_{21} = 2$; 4) $\delta_{21} = -1$.</p>	УК-2	У2																									
62	<p>Область допустимых решений задачи линейного программирования имеет вид:</p> 	УК-1	33																									
	<p>Тогда максимальное значение функции $z = x_1 + 7x_2$ равно...</p> <p>1)33; 2) 31; 3) 28; 4) 25.</p>	УК-2	У2																									

63	<p style="text-align: center;">Транспортная задача</p> <table border="1" style="margin: auto;"> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;">30</td> <td style="text-align: center;">$100 + b$</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">20</td> <td style="text-align: center;">3</td> <td style="text-align: center;">9</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">$30 + a$</td> <td style="text-align: center;">4</td> <td style="text-align: center;">1</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">100</td> <td style="text-align: center;">6</td> <td style="text-align: center;">8</td> </tr> </table> <p style="text-align: center;">будет закрытой, если ...</p> <p>1) $a=60, b=80$; 2) $a=60, b=75$; 3) $a=60, b=85$; 4) $a=60, b=70$.</p>		30	$100 + b$	20	3	9	$30 + a$	4	1	100	6	8	УК-1	33
			30	$100 + b$											
20	3	9													
$30 + a$	4	1													
100	6	8													
УК-2	У3														
64	<p>В СМО с отказами – 3 канала. Потоки заявок и обслуживаний – простейшие, интенсивности которых соответственно равны $\lambda = 2, \mu = 1$.</p> <p>Предельные вероятности состояний, найденные с помощью формул Эрланга равны...</p>	УК-1	33												
УК-2		У3													
65	<p>В СМО с отказами – 3 канала. Потоки заявок и обслуживаний – простейшие, интенсивности которых соответственно равны $\lambda = 2, \mu = 1$.</p> <p>Среднее число занятых каналов на стационарном режиме равно...</p>	УК-1	33												
		УК-2	У3												

5.3.2.2. Вопросы для устного опроса

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	Понятие математических методов и моделей	УК-1	33
2	Понятие локального экстремума	УК-1	33
3	Необходимое условие существования локального экстремума функции многих переменных	УК-1	33
4	Достаточное условие существования локального экстремума функции многих переменных	УК-1	33
5	Постановка задачи линейного программирования	УК-1	33
6	Градиент функции	УК-1	33
7	Постановка транспортной задачи	УК-1	33
8	Модель открытой транспортной задачи	УК-1	33
9	Модель закрытой транспортной задачи	УК-1	33
10	Этапы решения транспортной задачи	УК-1	33
11	Метод северо-западного угла	УК-1	33
12	Метод минимального тарифа	УК-1	33
13	Метод потенциалов, его экономический смысл	УК-1	33
14	Цель теории игр Понятие игры	УК-1	33
15	Ходы и стратегии в теории игр	УК-1	33

16	Понятие седловой точки	УК-1	33
17	Принцип максимина в теории игр	УК-1	33
18	Понятие чистой и смешанной стратегии в теории игр	УК-1	33
19	Понятие неопределенности в теории игр	УК-1	33
20	Понятие «игры с природой»	УК-1	33
21	Критерий Вальда	УК-1	33
22	Критерий Сэвиджа	УК-1	33
23	Критерий Гурвица	УК-1	33
24	Критерий Байеса	УК-1	33
25	Критерий Лапласа	УК-1	33
26	В чем заключается метод Эйлера?	УК-1	33
27	От каких параметров зависит точность решения, полученного с помощью метода Эйлера?	УК-1	33
28	Что называют потоком событий?	УК-1	33
30	Что представляет собой граф состояний системы?	УК-1	33
31	Дайте определение СМО с отказами	УК-1	33
32	Дайте определение СМО с ожиданием	УК-1	33
33	Как определяются предельные (финальные) вероятности?	УК-1	33
34	Что называют относительной пропускной способностью СМО?	УК-1	33
35	Что называют абсолютной пропускной способностью СМО?	УК-1	33

5.3.2.3. Задачи для проверки умений и навыков

№	Содержание	Компетенция	ИДК
1	Найти локальный экстремум функции $z = x^2 - 2(y-1)^2 - 3x + 4y - 9$	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
2	Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = x^2 + 2(x-2)^2 + 3x - 4y + 2$ в области $-1 \leq x \leq 1$ $-1 \leq y \leq 1$	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
3	Найти экстремум функции $z = x^2 + 3(y-1)^2 + 2x - 3y + 2$ при условии $y = 5x + 2$	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
4	Найти локальный экстремум функции $z = 2x^2 - 4xy + 3y^2 - 5x + 6$	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
5	Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = 4x^2 - 3xy + y^2 - 7x + 3y - 1$ в области $2 \leq x \leq 4$ $2 \leq y \leq 4$	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
6	Найти экстремум функции $z = 2x^2 - 3y^2 - 4x + 5y - 11$ при условии $y = -x + 3$	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ

7	Ремонтная мастерская имеет 3 линии (канала) для ремонта автомашин. В мастерскую поступает простейший поток заявок на ремонт с плотностью 0,2 (вызов, поступивший в момент, когда все линии заняты, получает отказ). Из анализа статистических данных известно, что средняя длительность ремонта автомашины (для одного канала) составляет 2 часа. Построить граф состояний системы. Записать уравнения Эрланга-Колмогорова с помощью этого графа.	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
8	Ремонтная мастерская имеет 3 линии (канала) для ремонта автомашин. В мастерскую поступает простейший поток заявок на ремонт с плотностью 0,2 (вызов, поступивший в момент, когда все линии заняты, получает отказ). Из анализа статистических данных известно, что средняя длительность ремонта автомашины (для одного канала) составляет 2 часа. Определить время выхода на стационарный режим. Определить вероятности состояний для стационарного режима.	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
9	Ремонтная мастерская имеет 3 линии (канала) для ремонта автомашин. В мастерскую поступает простейший поток заявок на ремонт с плотностью 0,2 (вызов, поступивший в момент, когда все линии заняты, получает отказ). Из анализа статистических данных известно, что средняя длительность ремонта автомашины (для одного канала) составляет 2 часа. Определить вероятность отказа СМО. Определить среднее время, в течение которого мастерская вообще не загружена.	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
10	Ремонтная мастерская имеет 3 линии (канала) для ремонта автомашин. В мастерскую поступает простейший поток заявок на ремонт с плотностью 0,2 (вызов, поступивший в момент, когда все линии заняты, получает отказ). Из анализа статистических данных известно, что средняя длительность ремонта автомашины (для одного канала) составляет 2 часа. Найти относительную и абсолютную пропускную способность СМО. Определить среднее число занятых каналов и среднее время пребывания заявки в системе.	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
11	Ремонтная мастерская имеет 3 линии (канала) для ремонта автомашин. В мастерскую поступает простейший поток заявок на ремонт с плотностью 0,2 (вызов, поступивший в момент, когда все линии заняты, получает отказ). Из анализа статистических данных известно, что средняя длительность ремонта автомашины (для одного канала) составляет 2 часа. Написать уравнения Эрланга для предельных вероятностей в стационарном режиме. Найти решение системы уравнений Эрланга.	УК-1	НЗ
		УК-2	НЗ
12	На предприятии имеется сырьё трех видов. Из него можно изготовить изделия типов А и В. Изделие типа А дает прибыль 5 у.е., изделие типа В – 2 у.е. Запасы сырья на предприятии, а также расход сырья на изготовление одного изделия задан в условных единицах таблицей:	УК-1	НЗ

	Изделие	Расход сырья на одно изделие			Запасы сырья			УК-2	НЗ	
		I	II	III	S_1	S_2	S_3			
	A	3	4	2	150	240	150			
	B	1	3	2						
Целевая функция характеризует прибыль предприятия. Составить математическую модель данной задачи.										
13	На предприятии имеется сырьё трех видов. Из него можно изготовить изделия типов А и В. Изделие типа А дает прибыль 5 у.е., изделие типа В – 2 у.е. Запасы сырья на предприятии, а также расход сырья на изготовление одного изделия задан в условных единицах таблицей:									
	Изделие	Расход сырья на одно изделие			Запасы сырья			УК-1	НЗ	
		I	II	III	S_1	S_2	S_3			
	A	3	4	2	150	240	150			
B	1	3	2							
Определить план выпуска изделий, при котором предприятие имеет наибольшую прибыль.										
14	Дана симплексная таблица:									
	Базисные переменные	b_i	2	3	0	0	0	0		
			x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6		
	x_3	18	1	3	1	0	0	0	УК-1	НЗ
	x_4	16	2	1	0	1	0	0		
	x_5	5	0	1	0	0	1	0		
x_6	21	3	0	0	0	0	1			
Проверить выполнение критерия оптимальности (задача максимизации).										
15	Условие транспортной задачи приведено в таблице:									
	Поставщики (i)	Мощности поставщиков	Потребители и их спрос (j)							
			1	2	3	4				
			20	110	40	110				
	1	60	1	2	5	3				
	2	120	1	6	5	2				
3	100	6	3	7	4					
Проверить, является ли данная задача задачей закрытого типа.										
16	Условие транспортной задачи приведено в таблице:									
УК-1										
НЗ										

	Поставщики (<i>i</i>)	Мощности поставщиков	Потребители и их спрос (<i>j</i>)						
			1	2	3	4			
			20	110	40	110			
	1	60	1	2	5	3		УК-2	НЗ
	2	120	1	6	5	2			
	3	100	6	3	7	4			
Распределить перевозки методом северо-западного угла									
17	<p>Дана платежная матрица игры $\begin{pmatrix} 4 & 5 & 3 \\ 6 & 7 & 4 \\ 5 & 2 & 3 \end{pmatrix}$. Найти верхнюю и нижнюю цену игры.</p>						УК-1	НЗ	
							УК-2	НЗ	
18	<p>Дана платежная матрица игры $\begin{pmatrix} 4 & 5 & 3 \\ 6 & 7 & 4 \\ 5 & 2 & 3 \end{pmatrix}$. Имеет ли данная игра решение в чистых стратегиях?</p>						УК-1	НЗ	
							УК-2	НЗ	
19	<p>Найти оптимальные стратегии первого игрока, исходя из критериев максимина Вальда, и Гурвица в игре с полной неопределенностью относительно поведения второго игрока, заданной платежной матрицей P.</p> $P = \begin{pmatrix} 4 & 15 & 14 & 7 \\ 5 & 6 & 13 & 4 \\ 8 & 23 & 15 & 35 \\ 24 & 26 & 17 & 27 \end{pmatrix}$						УК-1	НЗ	
							УК-2	НЗ	
20	<p>Найти оптимальные стратегии первого игрока, исходя из критериев максимакса и Сэвиджа в игре с полной неопределенностью относительно поведения второго игрока, заданной платежной матрицей P.</p> $P = \begin{pmatrix} 6 & 13 & 16 & 5 \\ 7 & 4 & 15 & 5 \\ 10 & 21 & 17 & 32 \\ 26 & 23 & 19 & 24 \end{pmatrix}$						УК-1	НЗ	
							УК-2	НЗ	
21	<p>Найти оптимальные стратегии первого игрока, исходя из критериев Гурвица, Сэвиджа и Лапласа в игре с полной неопределенностью относительно поведения второго игрока, заданной платежной матрицей P.</p> $P = \begin{pmatrix} 6 & 7 & 11 & 24 \\ 13 & 4 & 21 & 22 \\ 15 & 23 & 17 & 16 \\ 6 & 12 & 31 & 23 \end{pmatrix}$						УК-1	НЗ	
							УК-2	НЗ	

5.3.2.4. Перечень тем рефератов, контрольных, расчетно-графических работ

Не предусмотрены.

5.3.2.5. Вопросы для контрольной (расчетно-графической) работы

Не предусмотрены.

5.4. Система оценивания достижения компетенций

5.4.1. Оценка достижения компетенций в ходе промежуточной аттестации

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач					
Индикаторы достижения компетенции УК-1		Номера вопросов и задач			
Код	Содержание	вопросы к экзамену	задачи к экзамену	вопросы к зачету	вопросы по курсовому проекту (работе)
ЗЗ	Знать основные принципы и инструменты методов оптимальных решений и статистики для сбора и обработки данных при решении управленческих задач			1-25	
УЗ	Уметь применять методы оптимальных решений и моделирования для сбора и обработки данных при решении поставленных задач			9-11, 14, 19, 23-25	
НЗ	Имеет опыт использования системного подхода для решения поставленных задач				
УК-2 Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений					
У2	Умеет рассматривать возможные варианты решения поставленных задач учитывая определенные нормы и ограничения			9-11, 14, 19, 23-25	
НЗ	Уметь рационально использовать информационные технологии при моделировании поставленных задач				

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач				
Индикаторы достижения компетенции ОПК-2		Номера вопросов и задач		
Код	Содержание	вопросы тестов	вопросы устного опроса	задачи для проверки умений и навыков
ЗЗ	Знать основные принципы и инструменты методов оптимальных решений и ста-	1-65	1-35	

	тики для сбора и обработки данных при решении управленческих задач			
УЗ	Уметь применять методы оптимальных решений и моделирования для сбора и обработки данных при решении поставленных задач	15,16,29, 57-65		
НЗ	Имеет опыт использования системного подхода для решения поставленных задач			1-21
УК-2 Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений				
У2	Умеет рассматривать возможные варианты решения поставленных задач учитывая определенные нормы и ограничения	15,16,29, 57-65		
НЗ	Уметь рационально использовать информационные технологии при моделировании поставленных задач			1-21

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Рекомендуемая литература

Тип рекомендаций	Перечень и реквизиты литературы (автор, название, год и место издания)	Количество экз. в библиотеке
1	2	3
Учебные издания	Бородин А. В. Методы оптимальных решений [электронный ресурс]: Учебное пособие / А. В. Бородин, К. В. Пителинский; Московский политехнический университет - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2019 - 203 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: http://znanium.com/catalog/document?id=337355	
	Кундышева Е. С. Математические методы и модели в экономике [электронный ресурс]: Учебник для бакалавров: Учебник / Е. С. Кундышева, Б. А. Суслаков; Национальный исследовательский университет "Высшая школа экономики" - Москва: Издательско-торговая корпорация "Дашков и К", 2020 - 286 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: http://znanium.com/catalog/document?id=358139	
	Мастяева И. Н. Методы оптимальных решений [электронный ресурс]: Учебник / И. Н. Мастяева, Г. И. Горемыкина - Москва: ООО "КУРС", 2018 - 384 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] URL: http://znanium.com/catalog/document?id=309172	
	Слиденко А. М. Методы оптимальных решений в примерах и задачах: учебное пособие / А. М. Слиденко, Е. А. Агапова; Воронежский государственный аграрный университет - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2015 - 163 с. [ЦИТ 13142] [ПТ] URL:	126

Тип рекомендаций	Перечень и реквизиты литературы (автор, название, год и место издания)	Количество экз. в библиотеке
1	2	3
	http://catalog.vsau.ru/elib/books/b107957.pdf	
Методические издания	Методы оптимальных решений. Оптимальные решения с примерами в MS Excel и Mathcad [Электронный ресурс]: методические указания и индивидуальные задания по дисциплине Методы оптимальных решений для направления 38.03.04 Государственное и муниципальное управление / Воронежский государственный аграрный университет ; [сост.: Е. А. Семин, Л. А. Шишкина] - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2021 [ПТ] URL: http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m164725.pdf	1
Периодические издания	Вестник Воронежского государственного аграрного университета: теоретический и научно-практический журнал / Воронеж. гос. аграр. ун-т - Воронеж: ВГАУ, 1998-	1
	Информационные технологии и вычислительные системы: ежеквартальный журнал / Учредители : Российская академия наук, Институт системного анализа РАН - М.: РАН, 2012 [ПТ] URL: https://elibrary.ru/contents.asp?titleid=8746	1
	Экономика и математические методы: журнал / учредитель : Академический научно-издательский, производственно-полиграфический и книгораспространительский центр Российской академии наук "Издательство Наука " - Москва: Наука, 1965-	1

6.2. Ресурсы сети Интернет

6.2.1. Электронные библиотечные системы

Перечень документов, подтверждающих наличие/право использования цифровых (электронных) библиотек, ЭБС (за период, соответствующий сроку получения образования по ОП)			
Учебный год	№ п/п	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия
2023/2024	1	Контракт № 656/ДУ от 30.12.2022. (ЭБС «ZNANOUM.COM»)	01.01.2023 – 31.12.2023
	2	Контракт № 411-ДУ от 10.10.2022. (ЭБС «ЛАНЬ»)	12.10.2022 – 11.10.2023
	3	Лицензионный контракт № 62/ДУ от 23.03.2023. (ЭБС НЭБ eLIBRARY)	01.01.2023 – 31.12.2023
	4	Контракт № 493/ДУ от 11.11.2022. (Электронные формы учебников для СПО)	11.11.2022 – 11.11.2023
	5	Договор №101/НЭБ/2097 от 28.03.2017. (Национальная электронная библиотека (НЭБ))	28.03.2017 - 28.03.2022 (продлонгация до 28.03.2027)
	6	Акт ввода в эксплуатацию Электронной библиотеки ВГАУ № 33 от 19.01.2016	Бессрочно

6.2.2. Профессиональные базы данных и информационные системы

№	Название	Размещение
1	Справочная правовая система Гарант	http://www.consultant.ru/
2	Справочная правовая система Консультант Плюс	http://ivo.garant.ru

3	Профессиональные справочные системы «Кодекс»	https://техэксперт.сайт/sistema-kodeks
---	--	---

6.2.3. Сайты и информационные порталы

6.2.3. Сайты и информационные порталы

№	Название	Размещение
1.	Менеджмент качества	https://www.kpms.ru/QMS_automation.htm
2.	Business Studio	https://www.businessstudio.ru/articles/article/instrumenty_biznes_modelirovaniya_i_osobennosti_eg/
3.	Бизнес-инжини-ринговые технологии	http://www.betec.ru/
4.	Моделирование, анализ и оптимизация бизнес-процессов (BPM)	http://arzumanyan.com.ru/activity/9/27.html

7. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

7.1. Помещения для ведения образовательного процесса и оборудование

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения	Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом
Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа: комплект учебной мебели, демонстрационное оборудование, учебно-наглядные пособия в виде презентаций, программное обеспечение: MS Windows, MS Office	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Мичурина, д.1
Учебная аудитория для проведения практических занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации: комплект учебной мебели, демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия в электронном виде, компьютеры с возможностью подключения к Интернет и доступом в ЭИОС; программное обеспечение: MS Windows, MS Office, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер / Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test, BPWin	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Мичурина, д.1
Учебная аудитория для проведения практических занятий, индивидуальных и групповых консультаций: комплект учебной мебели, компьютеры с возможностью подключения к «Интернет» и обеспечением доступа в ЭИОС; программное обеспечение: MS Windows, MS Office, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер / Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test, BPWin	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Мичурина, д.1

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: мебель для хранения и обслуживания учебного оборудования, специализированное оборудование для ремонта компьютеров	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Мичурина, д.1, а.: 117,118, 380, 351
Помещение для самостоятельной работы: комплект учебной мебели, компьютеры с возможностью подключения к «Интернет» и обеспечением доступа в ЭИОС; программное обеспечение: MS Windows, MS Office , DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер / Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice, AST Test, BРWin	394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Мичурина, д.1, а.: 113, 115, 116, 119, 120, 122, 122а, 126, 219 (с 16.00 до 20.00), читальный зал библиотека ВГАУ.

7.2. Программное обеспечение

7.2.1. Программное обеспечение общего назначения

№	Название	Размещение
1	Операционные системы MS Windows / Linux (ALT Linux)	ПК в локальной сети ВГАУ
2	Пакеты офисных приложений Office MS Windows / OpenOffice / LibreOffice	ПК в локальной сети ВГАУ
3	Программы для просмотра файлов Adobe Reader / DjVu Reader	ПК в локальной сети ВГАУ
4	Браузеры Яндекс Браузер / Mozilla Firefox / Internet Explorer	ПК в локальной сети ВГАУ
5	Антивирусная программа DrWeb ES	ПК в локальной сети ВГАУ
6	Программа-архиватор 7-Zip	ПК в локальной сети ВГАУ
7	Мультимедиа проигрыватель MediaPlayer Classic	ПК в локальной сети ВГАУ
8	Платформа онлайн-обучения eLearning server	ПК в локальной сети ВГАУ
9	Система компьютерного тестирования AST Test	ПК в локальной сети ВГАУ

7.2.2. Специализированное программное обеспечение

№	Название	Размещение
1	ППП для решения задач технических вычислений Matlab 6.1/SciLab	ПК на кафедре Электротехники
2	Система компьютерной алгебры Mathcad	ПК в локальной сети ВГАУ
3	Среда разработки ПО для языка программирования R Studio Desktop	ПК ауд. 115, 119 (К1)

8. Междисциплинарные связи

Дисциплина, с которой необходимо согласование	Кафедра, на которой преподается дисциплина	Подпись заведующего кафедрой
Б1.О.30. Линейная алгебра	Экономического анализа, статистики и прикладной математики	Лубков В.А.
Б1.О.07. Математический анализ	Экономического анализа, статистики и прикладной математики	Лубков В.А.

**Лист периодических проверок рабочей программы
и информация о внесенных изменениях**

Должностное лицо, проводившее проверку: Ф.И.О., должность	Дата	Потребность в корректировке указанием соответствующих разделов рабочей программы	Информация о внесенных изменениях
И.О.Зав.каф. экономического анализа, статистики и прикладной математики Панина Е.Б.	Протокол № 12 от 26.05.2025 г.	Рабочая программа актуализирована на 2025-2026 учебный год	нет