

# Министерство сельского хозяйства Российской Федерации

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**

**«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени императора Петра I»**



## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

по дисциплине:

- Б1.В.ДВ.6.1 «Математическое моделирование» для направления 35.03.06 «Агроинженерия», профилей «Технические системы в агробизнесе», «Технический сервис в агропромышленном комплексе», «Электрооборудование и электротехнологии в агропромышленном комплексе» и «Технологическое оборудование для хранения и переработки сельскохозяйственной продукции» — академический бакалавриат.

## Квалификация (степень) выпускника — бакалавр

## Факультет агроинженерный

Кафедра высшей математики и теоретической механики

Форма обучения	Зач. ед. / часов	Курс	Семестр	Лекции	Семинарские занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Курсовая работа (проект), сем.	Самостоятельная работа	Зачёт, сем.	Экзамен, сем.
Очная	2 / 72	3	5	14	—	—	12	—	46	5	—
Заочная	2 / 72	2	4	4	—	—	6	—	62	4	—

Преподаватель, подготовивший рабочую программу:  
к.т.н., доцент Москалев П.В.



Рабочая программа составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 35.03.06 — «Агроинженерия» (уровень бакалавриата), утверждённым приказом Министра образования и науки Российской Федерации от 20 октября 2015 г. №1172 и зарегистрированным в Министерстве юстиции Российской Федерации 12 ноября 2015 г., регистрационный номер №39687.

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры высшей математики и теоретической механики (протокол №2 от 13 ноября 2015 г.).

Заведующий кафедрой



В.П. Шацкий

Рабочая программа рекомендована к использованию в учебном процессе методической комиссией агроинженерного факультета (протокол №3 от 18 ноября 2015 г.).

Председатель  
методической комиссии



О.М. Костиков

## 1. Предмет. Цели и задачи дисциплины, её место в структуре образовательной программы

**Предмет дисциплины:** математические модели технических систем в агропромышленном комплексе.

**Цель дисциплины:** изучение эффективных методов построения математических моделей и навыков их анализа при исследовании технических систем в агропромышленном комплексе.

**Задача дисциплины:** обучение студентов эффективным методам построения математических моделей технических систем, а также их последующему анализу в практических задачах. В результате также достигается развитие логического, математического и алгоритмического мышления. Значительная часть материала выносится на самостоятельную проработку, что способствует развитию навыков самостоятельного изучения математической и прикладной литературы по направлению подготовки.

**Место дисциплины** в структуре образовательной программы:

- Б1.В.ДВ.6.1 «Математическое моделирование» для направления 35.03.06 «Агроинженерия», профилей «Технические системы в агробизнесе», «Технический сервис в агропромышленном комплексе», «Электрооборудование и электротехнологии в агропромышленном комплексе» и «Технологическое оборудование для хранения и переработки сельскохозяйственной продукции».

Данный курс относится к дисциплинам по выбору вариативной части блока дисциплин.

## 2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесённых с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Таблица 1 — Требования к уровню освоения дисциплины

Компетенция		Планируемые результаты обучения
Код	Название	
ОК-7	Способность к самоорганизации и самообразованию	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <b>знать:</b> принципы математического моделирования технических систем в агропромышленном комплексе;</li> <li>– <b>уметь:</b> анализировать структуру математических моделей технических систем в агропромышленном комплексе;</li> <li>– <b>иметь навыки и/или опыт:</b> сравнительного анализа математических моделей технических систем в агропромышленном комплексе.</li> </ul>
ОПК-2	Способность к использованию основных законов естественно-научных дисциплин в профессиональной деятельности	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <b>знать:</b> методы математического моделирования технических систем в агропромышленном комплексе;</li> <li>– <b>уметь:</b> разрабатывать математические модели технических систем в агропромышленном комплексе;</li> <li>– <b>иметь навыки и/или опыт:</b> разработки математических моделей технических систем в агропромышленном комплексе.</li> </ul>
ОПК-6	Способность проводить и оценивать результаты измерений	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <b>знать:</b> свойства математических моделей, применяемых в прикладных исследованиях в агропромышленном комплексе;</li> <li>– <b>уметь:</b> исследовать свойства математических моделей, применяемых в прикладных исследованиях в агропромышленном комплексе;</li> <li>– <b>иметь навыки и/или опыт:</b> исследования свойств математических моделей, применяемых в прикладных исследованиях в агропромышленном комплексе.</li> </ul>

### 3. Объём дисциплины и виды учебной работы

Таблица 2 — Объём дисциплины и виды учебной работы

Виды учебной работы	Очная форма обучения, часов		Заочная форма обуч., часов
	Всего зач. ед. / часов	3 курс, 5 сем.	
Общая трудоёмкость дисциплины	2 / 72	72	72
Контактная работа обучающихся с преподавателем, всего часов; в том числе:			
Аудиторная занятость	26	26	10
Лекции	14	14	4
Практические занятия	—	—	—
Семинары	—	—	—
Лабораторные работы	12	12	6
Другие виды аудиторных занятий	—	—	—
Самостоятельная работа обучающихся, всего часов; в том числе:			
Подготовка к аудиторным занятиям	24	24	32
Выполнение курсовой работы (проекта)	—	—	—
Подготовка и защита рефератов, расчётно-графических работ	—	—	—
Другие виды самостоятельной работы	22	22	30
Экзамен, часов	—	—	—
Формы промежуточной аттестации, зачёт / экзамен	зачёт	зачёт	зачёт

### 4. Содержание дисциплины

#### 4.1. Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план)

Таблица 3 — Раздел дисциплины и виды занятий (тематический план)

№	Раздел дисциплины	ЛЗ	ПЗ	СЗ	ЛР	СР
Очная форма обучения						
1	Основы математического моделирования	2	—	—	—	6
2	Система компьютерной математики Maxima	4	—	—	4	6
3	Элементы вычислительной математики	4	—	—	4	6
4	Математическое моделирование в прикладных задачах	4	—	—	4	6
Заочная форма обучения						
1	Основы математического моделирования	1	—	—	—	8
2	Система компьютерной математики Maxima	1	—	—	2	8

3	Элементы вычислительной математики	1	—	—	2	8
4	Математическое моделирование в прикладных задачах	1	—	—	2	8

## 4.2. Содержание разделов дисциплины

### 1. Основы математического моделирования.

1.1. Этапы математического моделирования: а) построение содержательной математической модели; б) построение формальной математической модели; в) выбор метода решения и алгоритмизация модели; г) программирование выбранного алгоритма; д) отладка и тестирование программы; е) анализ полученного решения.

### 2. Система компьютерной математики Maxima.

2.1. Структура и возможности системы компьютерной математики Maxima: а) структура системы компьютерной математики Maxima; б) графические интерфейсы к системе Maxima; в) основные возможности и система команд Maxima.

### 3. Элементы вычислительной математики.

3.1. Элементарная теория погрешностей: а) источники погрешностей численного решения; б) погрешности арифметических операций над приближёнными числами; в) погрешности при вычислении функций; г) особенности машинной арифметики.

3.2. Численные методы решения нелинейных уравнений: а) локализация корней уравнения; б) метод бисекции; в) метод простой итерации; г) метод касательных.

3.3. Численные методы интегрирования функций: а) простейшие и интерполяционные квадратурные формулы; б) адаптивные процедуры численного интегрирования.

3.4. Численные методы решения задачи Коши: а) постановка задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений и метод Эйлера; б) явные методы второго порядка точности; в) методы Рунге-Кутты; г) неявный метод Эйлера.

### 4. Математическое моделирование в прикладных задачах.

4.1. Моделирование свободного падения тела с учётом сопротивления среды: а) система сил, действующих на тело, свободно падающее в среде; б) зависимость силы сопротивления от скорости движения тела в среде; в) применение метода Рунге-Кутты для решения системы уравнений одномерного движения тела в среде с сопротивлением.

4.2. Моделирование свободного полёта тела с учётом сопротивления среды: а) система сил, действующих на тело, свободно летящее в среде; б) зависимость силы сопротивления от скорости движения тела в среде; в) применение метода Рунге-Кутты для решения уравнений двумерного движения тела в среде с сопротивлением.

4.3. Моделирование механических колебательных систем: а) моделирование колебаний при наличии внешней силы; в) поглощённая мощность и работа против силы сопротивления; г) численное интегрирование уравнений механических колебаний.

## 4.3. Перечень тем лекций

Таблица 4 — Перечень тем лекций

№	Тема лекции	Объём, час Форма обучения	
		Очная форма обучения	Заочная форма обучения
1	Этапы математического моделирования	2	1
2	Структура и возможности системы компьютерной математики Maxima	4	1

№	Тема лекции	Объём, час Форма обучения	
		Очная форма обучения	Заочная форма обучения
3	Элементарная теория погрешностей, численные методы решения нелинейных уравнений, интегрирования функций и решения задачи Коши	4	1
4	Моделирование свободного падения и полёта тела с учётом сопротивления среды, механических колебательных систем	4	1
	ВСЕГО	14	4

#### 4.4. Перечень тем практических занятий (семинаров)

Проведение практических занятий (семинаров) не предусмотрено.

#### 4.5. Перечень тем лабораторных работ

Таблица 5 — Перечень тем лабораторных работ

№	Тема лабораторной работы	Объём, час Форма обучения	
		Очная форма обучения	Заочная форма обучения
1	Структура системы компьютерной математики Maxima	2	1
2	Возможности системы компьютерной математики Maxima	2	1
3	Элементарная теория погрешностей, численные методы решения нелинейных уравнений	2	1
4	Численные методы интегрирования функций и решения задачи Коши	2	1
5	Моделирование свободного падения и полёта тела с учётом сопротивления среды	2	1
6	Моделирование механических колебательных систем	2	1
	ВСЕГО	12	6

#### 4.6. Виды самостоятельной работы студентов и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся

##### 4.6.1. Подготовка к аудиторным занятиям

Подготовка студентов к аудиторным занятиям заключается в изучении учебного материала по ранее прочитанной лектором лекции. Лабораторные работы по дисциплине выполняются циклами. Перед каждым циклом студент знакомится с теоретическим материалом и контрольными вопросами. По этим вопросам после окончания цикла проводится текущий контроль усвоения материала. Необходимую литературу студенты могут получить в библиотеке университета.

#### **4.6.2. Перечень тем курсовых проектов**

Выполнение курсовых проектов не предусмотрено.

#### **4.6.3. Перечень тем рефератов, расчёто-графических работ**

Выполнение рефератов и расчёто-графических работ не предусмотрено.

#### **4.6.4. Перечень тем и учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся**

Таблица 6 — Перечень тем для самостоятельного изучения студентами

№	Тема самостоятельной работы	Учебно-методическое обеспечение	Объём, час Форма обучения	
			Очная форма обучения	Заочная форма обучения
1	Этапы математического моделирования	Москалев П.В., Шацкий В.П., Основы математического моделирования в системе Maxima [электрон. ресурс]. — Воронеж: ВГАУ, 2015. — С. 5-15. — Режим доступа: <a href="http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf">http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf</a>	6	8
2	Структура и возможности системы компьютерной математики Maxima	Москалев П.В., Шацкий В.П., Основы математического моделирования в системе Maxima [электрон. ресурс]. — Воронеж: ВГАУ, 2015. — С. 16-25. — Режим доступа: <a href="http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf">http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf</a>	6	8
3	Элементарная теория погрешностей, численные методы решения нелинейных уравнений, интегрирования функций и решения задач Коши	Москалев П.В., Шацкий В.П., Основы математического моделирования в системе Maxima [электрон. ресурс]. — Воронеж: ВГАУ, 2015. — С. 26-53. — Режим доступа: <a href="http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf">http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf</a>	6	8
4	Моделирование свободного падения и полёта тела с учётом сопротивления среды, механических колебательных систем	Москалев П.В., Шацкий В.П., Основы математического моделирования в системе Maxima [электрон. ресурс]. — Воронеж: ВГАУ, 2015. — С. 54-61. — Режим доступа: <a href="http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf">http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf</a>	6	8
		ВСЕГО	24	32
		Прочие виды самостоятельной работы	22	30
		ИТОГО	46	62

#### 4.6.5. Прочие виды самостоятельной работы студентов

Таблица 7 — Прочие виды самостоятельной работы студентов

№	Вид самостоятельной работы	Объём, час Форма обучения	
		Очная форма обучения	Заочная форма обучения
1	Написание и отладка программ к лабораторным работам	12	16
2	Оформление отчётов по лабораторным работам	10	14
	ВСЕГО	22	30

#### 4.7. Перечень тем и видов занятий, проводимых в интерактивной форме

Таблица 8 — Занятия, проводимые в интерактивной форме, на очном отделении

№	Форма занятия	Тема занятия	Интерактивный метод	Объём, час
1	Лекция	Этапы математического моделирования	Дискуссия Опрос	1,0 0,5
2	Лекция	Структура и возможности системы компьютерной математики Maxima	Дискуссия Опрос	1,0 0,5
3	Лекция	Элементарная теория погрешностей, численные методы решения нелинейных уравнений	Групповое обсуждение Опрос	1,0 0,5
4	Лекция	Численные методы интегрирования функций и решения задачи Коши	Групповое обсуждение Опрос	1,0 0,5
5	Лабораторная работа	Структура системы компьютерной математики Maxima	Групповое обсуждение Опрос	1,0 0,5
6	Лабораторная работа	Возможности системы компьютерной математики Maxima	Групповое обсуждение Опрос	1,0 0,5
7	Лабораторная работа	Численные методы решения нелинейных уравнений	Ситуационный анализ Опрос	1,0 0,5
8	Лабораторная работа	Численные методы интегрирования функций	Ситуационный анализ Опрос	1,0 0,5
9	Лабораторная работа	Численные методы решения задачи Коши	Ситуационный анализ Опрос	1,0 0,5
10	Лабораторная работа	Моделирование свободного падения тела с учётом сопротивления среды	Метод проектов Опрос	1,0 0,5
11	Лабораторная работа	Моделирование свободного полёта тела с учётом сопротивления среды	Метод проектов Опрос	1,0 0,5
12	Лабораторная работа	Моделирование механических колебательных систем	Метод проектов Опрос	1,0 0,5
			ВСЕГО	18

## 5. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Фонд оценочных средств предназначен для проведения промежуточной аттестации обучающихся с перечнем компетенций, описанием показателей и критериями оценивания компетенций, шкал оценивания и методических материалов, представленных в соответствующих разделах.

## 6. Учебно-методическое обеспечение дисциплины

### 6.1. Рекомендуемая литература

#### 6.1.1. Основная литература

Таблица 10 — Основная литература по изучению дисциплины

№	Автор(ы)	Заглавие	Гриф издан.	Изд-во	Год издан.	Кол-во экз. в библ.
1	Демидович Б.П., Марон И.А.	Численные методы анализа. Приближение функций, дифференциальные и интегральные уравнения [электрон. ресурс] Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=537">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=537</a>	МО	М.: Лань	2010	ЭБС Лань
2	Гордеев А.С.	Моделирование в агроинженерии [электрон. ресурс] Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=45656">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=45656</a>	УМО	М.: Лань	2014	ЭБС Лань
3	Москалев П.В., Шацкий В.П.	Основы математического моделирования в системе Maxima [электрон. ресурс] Режим доступа: <a href="http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf">http://catalog.vsau.ru/elib/books/b108207.pdf</a>	Нет	М.: ВГАУ	2015	86

#### 6.1.2. Дополнительная литература

Таблица 11 — Дополнительная литература по изучению дисциплины

№	Автор(ы)	Заглавие	Изда- тельство	Год издания
1	Киреев В.И., Пантелеев А.В.	Численные методы в примерах и задачах [электрон. ресурс] Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=65043">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=65043</a>	М.: Лань	2015
2	Горлач Б.А., Шахов В.Г.	Математическое моделирование. Построение моделей и численная реализация [электрон. ресурс] Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=74673">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=74673</a>	М.: Лань	2015
3	Алексеев Г.В., Вороненко Б.А., Гончаров М.В., Холявин И.И.	Численные методы при моделировании технологических машин и оборудования [электрон. ресурс] Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=69875">http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=69875</a>	М.: ГИОРД	2014

### 6.1.3. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Использование методических указаний не предусмотрено.

### 6.1.4. Периодические издания

- Пайерлс Р. Построение физических моделей // Успехи физических наук. — 1983. — Т. 140, Вып. 2. — С. 315–332. — Электрон. дан. — Режим доступа: <http://ufn.ru/ru/articles/1983/6/d/> (дата обращения: 01.09.2015).
- Журнал «Математика в высшем образовании» [Сайт]. — Электрон. дан. — Нижний Новгород, 2015. — Режим доступа: <http://www.unn.ru/math/index.html> (Дата обращения: 01.09.2015).
- Журнал «Вестник Воронежского государственного аграрного университета» [Сайт]. — Электрон. дан. — Воронеж, 2015. — Режим доступа: [http://www.vsau.ru/Вестник\\_ВГАУ](http://www.vsau.ru/Вестник_ВГАУ) (Дата обращения: 01.09.2015).

### 6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

- Система компьютерной алгебры Maxima [Электронный ресурс]. — Электрон. дан. — 2015. — Режим доступа: <http://maxima.sourceforge.net/ru/> (дата обращения: 01.09.2015).
- wxMaxima is a GUI for the CAS Maxima [Электронный ресурс]. — Электрон. дан. — 2015. — Режим доступа: <http://wxmaxima.sourceforge.net/> (дата обращения: 01.09.2015).
- Компьютерная математика с Maxima [Электронный ресурс]. — Электрон. дан. — 2015. — Режим доступа: <https://www.altlinux.org/images/0/0b/MaximaBook.pdf> (дата обращения: 01.09.2015).
- Электронные полнотекстовые ресурсы Научной библиотеки ВГАУ [Сайт]. — Электрон. дан. — Режим доступа: <http://library.vsau.ru/> (Дата обращения: 01.09.2015).

Наименование ресурса	Сведения о правообладателе	Адрес в сети Интернет
ЭБС «Znanium.com»	ООО «Научно-издательский центр ИНФРА-М»	<a href="http://znanium.com">http://znanium.com</a>
ЭБС издательства «Лань»	ООО «Издательство Лань»	<a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>
ЭБС издательства «Проспект науки»	ООО «Проспект науки»	<a href="http://www.prospektnauki.ru">http://www.prospektnauki.ru</a>
ЭБС «Национальный цифровой ресурс «РУКОНТ»	ООО «ТРАНСЛОГ»	<a href="http://rucont.ru">http://rucont.ru</a>
Электронные информационные ресурсы ФГБНУ ЦНСХБ (терминал удаленного доступа)	Федеральное гос. бюджетное учреждение «Центральная научная сельскохозяйственная библиотека»	<a href="http://www.cnshb.ru/terminal">http://www.cnshb.ru/terminal</a>
Научная электронная библиотека ELIBRARY.RU	ООО «РУНЭБ»	<a href="https://www.elibrary.ru">https://www.elibrary.ru</a>
Электронный архив журналов зарубежных издательств	НП «Национальный Электронно-Информационный Консорциум»	<a href="http://archive.neicon.ru">http://archive.neicon.ru</a>
Национальная электронная библиотека	Российская государственная библиотека	<a href="https://нэб.рф">https://нэб.рф</a>

### 6.3. Средства обеспечения освоения дисциплины

#### 6.3.1. Компьютерные обучающие и контролирующие программы

Таблица 13 — Компьютерные обучающие и контролирующие программы

№	Вид учебного занятия	Наименование ПО	Функция программного обеспечения		
			контролирующая	моделирующая	обучающая
1	Лекции, лабораторные занятия	OpenOffice или LibreOffice	+		+
2	Лабораторные занятия, самостоятельная работа	Maxima, wxMaxima		+	+
3	Самостоятельная работа	Mozilla Firefox			+
4	Промежуточный контроль	Maxima, wxMaxima	+		

#### 6.3.2. Аудио- и видеоматериалы

Использование аудио- и видеоматериалов не предусмотрено.

#### 6.3.3. Компьютерные презентации учебных курсов

Использование компьютерных презентаций не предусмотрено.

### 7. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Таблица 16 — Материально-техническое обеспечение дисциплины

№	Наименование оборудованных учебных кабинетов, объектов для проведения занятий	Перечень основного оборудования, приборов и материалов
1	Аудитории для проведения лекционных занятий: №№ 109, 218, 409, 415, 421 м.к., №№ 205, 225 мод.	Учебные аудитории на 60-150 рабочих мест, оснащённые: а) видеопроекционным оборудованием для презентаций; б) средствами звуковоспроизведения; в) экраном; г) выходом в локальную сеть и Интернет. Для проведения занятий используются учебно-наглядные пособия и тематические иллюстрации для соответствующей дисциплины в соответствии с учебным планом и рабочими программами дисциплин.
2	Аудитории для проведения семинарских и практических занятий: №№ 302, 313-315, 318, 322-323 м.к.	Учебные аудитории на 20-30 рабочих мест для проведения семинарских и практических занятий.
3	Аудитории для проведения лабораторных занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации: №№ 119,	Учебные аудитории на 15 рабочих мест для проведения лабораторных занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации с доступом к локальной

	219, 321 м.к., № 201 мод.	сети ВГАУ и к сети Интернет.
4	Аудитории для групповых и индивидуальных консультаций: №№ 221, 316 м.к.	Три компьютера и три принтера.
5	Аудитории для самостоятельной работы обучающихся: №№ 219, 321 м.к., читальные залы №№232а, 331 гл.к.	50 компьютеров с выходом в локальную сеть и Интернет, с доступом в электронную информационно-образовательную среду Университета, электронным учебно-методическим материалам и электронному библиотечному каталогу.
6	Помещения для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: лаборантская № 317 м.к., отдел оперативного обеспечения учебного процесса № 115а гл.к.	Компьютер, принтер, многофункциональное устройство. Специализированное оборудование для ремонта компьютеров и оргтехники.

## **8. Междисциплинарные связи**

## Протокол согласования рабочей программы с другими дисциплинами

## **Приложение 1**

## Лист периодических проверок рабочей программы

## **Приложение 2**

## Лист изменений рабочей программы