Министерство сельского хозяйства Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ ИМПЕРАТОРА ПЕТРА I»



«28» июня 2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

по дисциплине Б1.О.12 «Математика»

Направление подготовки 21.03.02 Землеустройство и кадастры профили: «Землеустройство», «Кадастр недвижимости»

Квалификация выпускника - бакалавр

Факультет - Землеустройства и кадастров

Кафедра математики и физики

Разработчик рабочей программы: доцент, кандидат физико-математических наук, доцент Гриднева И.В.

Рабочая программа разработана в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 21.03.02 Землеустройство и кадастры, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 12.08.2020 года № 978.

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры математики и физики (протокол № 11 от 15.06.2022 г.).

Заведующий кафедрой Шацкий В.П.

Рабочая программа рекомендована к использованию в учебном процессе методической комиссией факультета землеустройства и кадастров (протокол № 10 от 28.06.2022 г.).

Председатель методической комиссии

Bukey

С.С. Викин

1. Общая характеристика дисциплины

1.1. Цель дисциплины

Цель преподавания дисциплины - изложение математического аппарата, необходимого для анализа, моделирования и решения задач профессиональной деятельности, и привитие навыков его использования.

1.2. Задачи дисциплины

- сформировать целостное представление о математике, ее роли в современной системе знаний и мировой культуре и понимание необходимости математического образования в подготовке бакалавра;
- изучить основные понятия, используемые для описания важнейших математических моделей и математических методов;
- сформировать навыки применения математических методов для решения профессиональных задач.

1.3. Предмет дисциплины

Предмет дисциплины – основы теории линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей.

1.4. Место дисциплины в образовательной программе

Дисциплина Б1.О.12 «Математика» относится к обязательной части Блока 1. Дисциплины (модули) в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования № 978 от 12.08.2020 г. по направлению 21.03.02 Землеустройство и кадастры.

1.5. Взаимосвязь с другими дисциплинами

Физика, геодезия.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Компетенция		Индикатор достижения компетенции	
Код	Содержание	Код	Содержание
		31	Знать: основные понятия и методы математики.
ОПК-1	Способен решать задачи профессиональной деятельности, применяя методы моделирования, математи-	У1	Уметь: решать стандартные задачи в области землеустройства и кадастра на основе знаний математических методов.
	ческого анализа, естественнонаучные и общеинженерные знания.	H1	Иметь навыки и (или) опыт деятельности: применения математического аппарата для обоснования проектных решений в области землеустройства и кадастра.

3. Объём дисциплины и виды работ

3.1. Очная форма обучения

П	Семе	Семестры		
Показатели	1	2	1	
Общая трудоёмкость, з.е./ч	3 / 108	3 / 108	6/216	
Общая контактная работа, ч	40,75	42,75	83,5	
Общая самостоятельная работа, ч	67,35	65,25	132,5	
Контактная работа при проведении учебных занятий, в т.ч. (ч)	40	42	82	
лекции	14	14	28	
лабораторные-всего	-	-	-	
в т.ч. практическая подготовка	-	-	-	
практические-всего	26	28	54	
в т.ч. практическая подготовка	-			
индивидуальные консультации при выполнении курсового проекта	-	-	-	
индивидуальные консультации при выпол- нении курсовой работы	-	-	-	
Самостоятельная работа при проведении учебных занятий, ч	49,50	47,50	97	
Контактная работа при проведении промежуточной аттестации обучающихся, в т.ч. (ч)	0,75	0,75	1,5	
групповые консультации	0,50	0,50	1	
курсовой проект	-	-	-	
курсовая работа	-	-	-	
зачет	-	-	-	
зачет с оценкой	-	-	-	
экзамен	0,25	0,25	0,5	
Самостоятельная работа при промежуточной аттестации, в т.ч. (ч)	17,75	17,75	35,5	
выполнение курсового проекта	-	-	-	
выполнение курсовой работы	-	-	-	
подготовка к зачету	-	-	-	
подготовка к зачету с оценкой	-	-	-	
подготовка к экзамену	17,75	17,75	35,5	
Форма промежуточной аттестации	Экзамен	Экзамен	Экзамен, экзамен	

3.2. Заочная форма обучения

Показатели	Курс	Всего
	1	
Общая трудоёмкость, з.е./ч	6 / 216	6 / 216
Общая контактная работа, ч	13,5	13,5
Общая самостоятельная работа, ч	202,5	202,5
Контактная работа при проведении учебных занятий, в т.ч. (ч)	12	12
лекции	4	4
лабораторные-всего	-	-
в т.ч. практическая подготовка	-	-
практические-всего	8	8
в т.ч. практическая подготовка	-	-
индивидуальные консультации при выпол- нении курсового проекта	-	-
индивидуальные консультации при выпол- нении курсовой работы	-	-
Самостоятельная работа при проведении учебных занятий, ч	167	167
Контактная работа при проведении промежуточной аттестации обучающихся, в т.ч. (ч)	1,5	1,5
групповые консультации	1	1
курсовой проект	-	-
курсовая работа	-	-
зачет	-	-
зачет с оценкой	-	-
экзамен	0,5	0,5
Самостоятельная работа при промежуточной аттестации, в т.ч. (ч)	35,5	35,5
выполнение курсового проекта	-	-
выполнение курсовой работы	-	-
подготовка к зачету	-	-
подготовка к зачету с оценкой	-	-
подготовка к экзамену	35,5	35,5
Форма промежуточной аттестации	Экзамен, экзамен	Экзамен, экзамен

Примечание: заочная форма обучения реализуется на профиле «Землеустройство»

4. Содержание дисциплины

4.1. Содержание дисциплины в разрезе разделов и подразделов

Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия.

Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений. Матрицы и действия над ними. Определители второго, третьего *n*-го порядка,

их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление определителя разложением по строке (столбцу). Системы линейных алгебраических уравнений, их совместность, определенность. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера. Метод Гаусса и его использование для решения и исследования систем на совместность.

Подраздел 1.2. Векторная алгебра. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Базис на плоскости и в пространстве. Проекция вектора на ось. Прямоугольная система координат. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов: их определения, основные свойства и приложения к решению физических и геометрических залач.

Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве. Основные задачи аналитической геометрии на плоскости. Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости (различные виды уравнений прямой). Взаимное расположение двух прямых на плоскости. Расстояние от точки до плоскости. Плоскость в пространстве. Общее уравнение плоскости. Уравнение плоскости, проходящей через три заданных точки. Взаимное расположение плоскостей в пространстве. Параметрические и канонические уравнения прямой в пространстве. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости. Полярная система координат. Кривые и поверхности второго порядка.

Раздел 2. Математический анализ.

Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной. Понятие функции одной переменной. Основные элементарные функции, их свойства и графики. Предел последовательности и его свойства. Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, связь между ними. Основные теоремы о пределах. Первый и второй замечательные пределы. Непрерывность функции. Свойства функций, непрерывных в точке. Классификация точек разрыва. Свойства функций непрерывных на отрезке. Непрерывность элементарных функций.

Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной, ее геометрический и физический смыслы. Связь непрерывности и дифференцируемости функции. Производные основных элементарных функций, правила дифференцирования. Производная сложной и обратной функций. Понятие дифференциала, его использование при оценке погрешностей результатов вычислений. Производные и дифференциалы высших порядков. Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопиталя. Исследование функций на монотонность, экстремум, наибольшее и наименьшее значения на отрезке. Исследование графика функции на выпуклость, вогнутость, точки перегиба. Асимптоты графика. Общая схема исследования функций и построение их графиков.

Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных. Определение функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Частные приращения, частные производные первого порядка, их геометрический смысл. Понятие частных производных высших порядков. Понятие полного дифференциала. Приложение дифференциала к оценке погрешностей при вычислениях. Производная по заданному направлению. Градиент. Связь этих понятий. Исследование функции двух независимых переменных на экстремум.

Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы. Первообразная. Теорема о структуре первообразных. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных неопределенных интегралов и основные методы интегрирования (методы разложения, замены переменной, интегрирования по частям). Понятие определенного интеграла. Свойства определенного интеграла, его геометрический, физический смыслы. Приложения определенного интеграла (вычисление площадей, объемов, пути, работы). Понятие несобственного интеграла первого рода.

Подраздел 2.5. Дифференциальные уравнения. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Определение дифференциального уравнения, его порядка и реше-

ния. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Общее, частное решения дифференциального уравнения. Задача Коши, теорема существования и единственности ее решения. Дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка, основные понятия. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейное однородное дифференциальное уравнение второго порядка с постоянными коэффициентами, теорема о структуре его общего решения. Линейное неоднородное дифференциальное уравнение второго порядка с постоянными коэффициентами, теорема о структуре его общего решения для различных стандартных правых частей.

Раздел 3. Теория вероятностей.

Подраздел 3.1. События и вероятность. Предмет теории вероятностей. События. Классификация случайных событий. Определения вероятности. Свойства вероятности. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Повторные независимые испытания. Формулы Бернулли, Лапласа.

Подраздел 3.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин. Случайные величины и их классификация. Законы распределения случайных величин. Числовые характеристики случайных величин, их свойства. Нормальный закон распределения случайной величины. Равномерное, показательное распределение, функция надежности. Распределения χ^2 , F, T их связь с нормальным. Предельные теоремы теории вероятностей.

4.2. Распределение контактной и самостоятельной работы при подготовке к занятиям по подразделам

Разделы, подразделы дисциплины		Контактная работа		
	Лекции	ЛЗ	ПЗ	СР
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия	6	-	12	18
Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений	2	-	4	4
Подраздел 1.2. Векторная алгебра	2	-	4	6
Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и пространстве	2	ı	4	8
Раздел 2. Математический анализ	14	-	30	49
Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной	2	-	4	10
Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	4	-	8	9
Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных	2	-	4	8
Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы	4	-	8	10
Подраздел 2.5. Дифференциальные уравнения	2	-	6	12
Раздел 3. Теория вероятностей	8	-	12	30

Страница 8 из 38

Всего	28	-	54	97
Подраздел 3.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин	4	-	6	14
Подраздел 3.1. События и вероятность	4	-	6	16

4.2.2. Заочная форма обучения

Разделы, подразделы дисциплины		Контактная работа		
тазделы, подразделы дпециынны	Лекции	ЛЗ	ПЗ	CP
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая	-		2	36
геометрия				
Подраздел 1.1. Матрицы и определители. Системы линейных алгебраических уравнений	-	1	-	10
Подраздел 1.2. Векторная алгебра	-	-	2	10
Подраздел 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и пространстве	-	-	-	16
Раздел 2. Математический анализ	4	-	4	87
Подраздел 2.1. Введение в анализ функций одной переменной	-	-	-	21
Подраздел 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	2	-	2	12
Подраздел 2.3. Функции нескольких переменных	-	-	2	20
Подраздел 2.4. Неопределенный и определенный интегралы	2	-	-	14
Подраздел 2.5. Дифференциальные уравнения	-	-	-	20
Раздел 3. Теория вероятностей	-	-	2	44
Подраздел 3.1. События и вероятность	-	-	-	18
Подраздел 3.2. Случайные величины. Законы распределения случайных величин	-	-	2	26
Всего	4	-	8	167

Примечание: заочная форма обучения реализуется на профиле «Землеустройство»

4.3. Перечень тем и учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся

No	Тема самостоятельной		Объ	ём, ч
п/	работы	Учебно-методическое	форма о	бучения
П	P *** *	обеспечение	очная	заочная
1	Матрицы и действия над ними. Определители, их свойства. Системы линейных алгебраических уравнений, их совместность, определенность. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера и методом Гаусса.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 7-17. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	4	10
2	Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Скалярное, векторное, смешанное произведения векторов, их свойства, приложения.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 21-37. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	6	10
3	Прямая на плоскости. Взаимное расположение двух прямых на плоско- сти.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С.54-57. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	-	6
4	Кривые второго порядка.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 65-72. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	4	6
5	Поверхности второго порядка.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 76-83. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	4	4
	Итого	по разделу 1	18	36

6	Основные элементарные функции, их свойства и графики.	1.Москалев П.В. Высшая математика для землеустройства и кадастров / П.В. Москалев, И.В. Гриднева, В.П. Шацкий Воронеж: ФГБОУ ВПО ВГАУ, 2015, — URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/b107972.pdf С. 45-46, 207-211. 2. Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С.84-86, 88-91. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	6	8
7	Предел последовательности, предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Основные теоремы о пределах.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С.93-98. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	-	7
8	Непрерывность функции одной переменной. Непрерывность сложной и обратной функций. Точки разрыва функций и их классификация	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 103-110. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	4	6
9	Исследование функций одной переменной и построение их графиков.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 126-140. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	9	12
10	Исследование функции двух независимых переменных на экстремум.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 162-167. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	6	10
11	Понятие полного дифференциала. Производная по заданному направлению. Градиент. Связь этих понятий.	Москалев П.В. Высшая математика для землеустройства и кадастров / П.В. Москалев, И.В. Гриднева, В.П. Шацкий Воронеж: ФГБОУ ВПО ВГАУ, 2015, URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/b107972.pdf - C. 82 – 87.	2	10
12	Определенный интеграл, его основные свойства. Приложения определенного интеграла. Понятие о несобственных интегралах первого рода.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 211-232. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	10	14

Страница 11 из 38

13	Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 254-258. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	4	8
14	Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.	Данилов Ю.М. Математика: Учебное пособие. [Электронный ресурс] М.: "ИНФРА-М", 2016, С. 252-253. Режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=539549	8	12
	Итого	по разделу 2	49	88
15	Случайные события. Вероятность. Основные теоремы теории вероятностей.	1. Гриднева И.В. Теория вероятностей и математическая статистика / И.В. Гриднева, Л.И. Федулова, В.П. Шацкий Воронеж: ФГБОУ ВО ВГАУ, 2017, — URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/b135560.pdf - С. 5 – 32. 2. Горлач, Б.А. Теория вероятностей и математическая статистика [электронный ресурс] / Горлач Б. А. — Москва: Лань, 2013, С. 3-35. Режим дступа:http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=4864	16	18
16	Основные законы распределения случайных величин.	1. Гриднева И.В. Теория вероятностей и математическая статистика / И.В. Гриднева, Л.И. Федулова, В.П. Шацкий Воронеж: ФГБОУ ВО ВГАУ, 2017, URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/b135560.pdf - С. 35 – 76. 2. Горлач, Б.А. Теория вероятностей и математическая статистика [электронный ресурс] / Горлач Б. А. — Москва : Лань, 2013, С.71-101. Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=4864	10	22

	Предельные теоремы	1. Гриднева И.В. Теория вероятно-		
	теории вероятностей.	стей и математическая статистика /		
		И.В. Гриднева, Л.И. Федулова, В.П.		
		Шацкий Воронеж: ФГБОУ ВО		
		ВГАУ, 2017, —		
		URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/		
		<u>b135560.pdf</u> - C. 84 – 88.		
17		2. Горлач, Б.А. Теория вероятностей	4	4
		и математическая статистика [элек-		
		тронный ресурс] / Горлач Б. А. —		
		Москва : Лань, 2013, С. 134-139.		
		Режим доступа:		
		http://e.lanbook.com/books/element.ph		
		p?pl1_cid=25&pl1_id=4864		
	Итого по разделу 3			44
Bce	Всего			167

Примечание: заочная форма обучения реализуется на профиле «Землеустройство»

5. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации и текущего контроля

5.1. Этапы формирования компетенций

Подраздел дисциплины	Компетенция	Индикатор достижения ком- петенции
Подраздел 1.1. Матрицы и опре-		31
делители. Системы линейных	ОПК-1	У1
алгебраических уравнений		
Подраздел 1.2. Векторная алгеб-	ОПК-1	31
pa		У1
Подраздел 1.3. Аналитическая		31
геометрия на плоскости и про-	ОПК-1	У1
странстве		
Подраздел 2.1. Введение в ана-	ОПК-1	31
лиз функций одной переменной		H1
Подраздел 2.2. Дифференциаль-	ОПК-1	31
ное исчисление функции одной		У1
переменной		H1
Подраздел 2.3. Функции не-	ОПК-1	31
скольких переменных		У1
		H1
Подраздел 2.4. Неопределенный	ОПК-1	31
и определенный интегралы		У1
		H1
Подраздел 2.5. Дифференциаль-	ОПК-1	31
ные уравнения		У1
		H1
Подраздел 3.1. События и веро-	ОПК-1	31
ятность		У1
Подраздел 3.2. Случайные вели-	ОПК-1	31

Страница 13 из 38

чины. Законы распределения	У1
случайных величин	H1

5.2. Шкалы и критерии оценивания достижения компетенций

5.2.1. Шкалы оценивания достижения компетенций

Вид оценки		Оценки		
Академическая оценка по 4-х балльной шкале	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично

5.2.2. Критерии оценивания достижения компетенций

Критерии оценки на экзамене, зачете с оценкой

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Отлично, высокий	Студент показал полные и глубокие знания программного материала, логично и аргументировано ответил на все вопросы экзаменационного билета, а также на дополнительные вопросы, способен самостоятельно решать сложные задачи дисциплины
Хорошо, продвинутый	Студент твердо знает программный материал, грамотно его излагает, не допускает существенных неточностей в ответе, достаточно полно ответил на вопросы экзаменационного билета и дополнительные вопросы, способен самостоятельно решать стандартные задачи дисциплины
Удовлетворительно, пороговый	Студент показал знание только основ программного материала, усвоил его поверхностно, но не допускал грубых ошибок или неточностей, требует наводящих вопросов для правильного ответа, не ответил на дополнительные вопросы, способен решать стандартные задачи дисциплины с помощью преподавателя
Неудовлетворительно, компетенция не освоена	Студент не знает основ программного материала, допускает грубые ошибки в ответе, не способен решать стандартные задачи дисциплины даже с помощью преподавателя

Критерии оценки на зачете

Не предусмотрен.

Критерии оценки при защите курсового проекта (работы)

Не предусмотрен

Критерии оценки тестов

Оценка, уровень	
достижения	Описание критериев
компетенций	

Страница 14 из 38

Отлично, высокий	Содержание правильных ответов в тесте не менее 90%
Хорошо, продвинутый	Содержание правильных ответов в тесте не менее 75%
Удовлетворительно, пороговый	Содержание правильных ответов в тесте не менее 50%
Неудовлетворительно, компетенция не освоена	Содержание правильных ответов в тесте менее 50%

Критерии оценки контрольных (КР) и расчетно-графических работ (РГР) Не предусмотрены.

Критерии оценки устного опроса

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Зачтено, высокий	Студент демонстрирует уверенное знание материала, четко выражает свою точу зрения по рассматриваемому вопросу, приводя соответствующие примеры
Зачтено, продвинутый	Студент демонстрирует уверенное знание материала, но допускает отдельные погрешности в ответе
Зачтено, пороговый	Студент демонстрирует существенные пробелы в знаниях материала, допускает ошибки в ответах
Не зачтено, компетенция не освоена	Студент демонстрирует незнание материала, допускает грубые ошибки в ответах

Критерии оценки решения задач

Оценка, уровень достижения компетенций	Описание критериев
Зачтено, высокий	Студент уверенно знает методику и алгоритм решения задачи, не допускает ошибок при ее выполнении.
Зачтено, продвинутый	Студент в целом знает методику и алгоритм решения задачи, не допускает грубых ошибок при ее выполнении.
Зачтено, пороговый	Студент в целом знает методику и алгоритм решения задачи, допускает ошибок при ее выполнении, но способен исправить их при помощи преподавателя.
Не зачтено, компетенция не освоена	Студент не знает методику и алгоритм решения задачи, допускает грубые ошибки при ее выполнении, не способен исправить их при помощи преподавателя.

Критерии оценки рефератов

Не предусмотрен.

5.3. Материалы для оценки достижения компетенций

5.3.1. Оценочные материалы промежуточной аттестации

5.3.1.1. Вопросы к экзамену

Nº	Содержание	Компе- тенция	идк
	1 семестр		
1	Понятие матрицы. Действия над матрицами.	ОПК-1	31
2	Определители 2-го, 3-го, n-го порядка и их свойства.	ОПК-1	31
3	Решение систем линейных алгебраических уравнений с помощью формул Крамера.	ОПК-1	31
4	Метод Гаусса, его использование для решения и исследования систем на совместность.	ОПК-1	31
5	Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Разложение вектора по ортонормированному базису на плоскости и в пространстве.	ОПК-1	31
6	Скалярное произведение векторов, свойства, приложения.	ОПК-1	31
7	Векторное произведение векторов, свойства, приложения.	ОПК-1	31
8	Смешанное произведение векторов, свойства, приложения.	ОПК-1	31
9	Основные задачи аналитической геометрии на плоскости.	ОПК-1	31
	Уравнения прямой на плоскости (прямая с угловым коэф-	ОПК-1	31
10	фициентом; прямая, проходящая через две заданные точки; прямая общего вида).		
11	Взаимное расположение двух прямых на плоскости.	ОПК-1	31
12	Уравнение плоскости, его исследование.	ОПК-1	31
13	Взаимное расположение двух плоскостей.	ОПК-1	31
14	Параметрические и канонические уравнения прямой в пространстве.	ОПК-1	31
15	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.	ОПК-1	31
15	Понятие функции одной переменной. Основные элементарные функции.	ОПК-1	31
17	Предел последовательности и функции в точке. Основные теоремы о пределах.	ОПК-1	31
18	Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.	ОПК-1	31
19	Понятие неопределенности. Первый и второй замечательные пределы.	ОПК-1	31
20	Различные определения непрерывности функции в точке.	ОПК-1	31
21	Точки разрыва функций и их классификация.	ОПК-1	31
22	Определение производной, ее геометрический и физический смысл.	ОПК-1	31
23	Связь дифференцируемости и непрерывности функции.	ОПК-1	31
24	Производные основных элементарных функций и правила дифференцирования.	ОПК-1	31
25	Производная сложной функции.	ОПК-1	31
26	Понятие дифференциала.	ОПК-1	31
27	Производные и дифференциалы высших порядков.	ОПК-1	31
28	Основные теоремы дифференциального исчисления.	ОПК-1	31
29	Исследование функций на монотонность, экстремум.	ОПК-1	31

Страница 16 из 38

	Наиболь шаа и наимань шаа энанания функции на отража		
	Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.	ОПК-1	31
30	Исследование графика функции на выпуклость, вогну-	OHK-1	31
21	тость, точки перегиба.	OHIC 1	21
31	Асимптоты графика функции.	ОПК-1	31
32	Общая схема исследования функции с целью построения	ОПК-1	31
	ее графика.		
	2 семестр		
1	Понятие функции нескольких переменных, ее области	ОПК-1	31
	определения, линий уровня, графика, предела, непрерыв-		
	ности.		
2	Частные приращения, частные производные первого по-	ОПК-1	31
	рядка, их геометрический смысл.		
3	Производная по направлению и градиент.	ОПК-1	31
4	Понятие частных производных и полных дифференциа-	ОПК-1	31
	лов высших порядков.		
5	Исследование функции двух независимых переменных на	ОПК-1	31
~	экстремум.	J111. 1	0.1
6	Понятие первообразной и неопределенного интеграла. Ос-	ОПК-1	31
	новные свойства неопределенного интеграла. Таблица ос-	Offic 1	J 1
	новных неопределенных интегралов.		
7	Основные методы интегрирования: метод разложения, за-	ОПК-1	31
,		OHK-1	31
0	мена переменной, интегрирование по частям.	ОПК-1	31
8	Определенный интеграл и его основные свойства.		
9	Интегрирование заменой переменных и по частям в опре-	ОПК-1	31
10	деленных интегралах.	OHIC 1	21
10	Геометрические приложения определенного интеграла.	ОПК-1	31
11	Несобственные интегралы первого и второго рода.	ОПК-1	31
13	Основные понятия о дифференциальных уравнениях пер-	ОПК-1	31
	вого порядка. Задача Коши, условия существования и		
	единственности ее решения, геометрический смысл.		
14	Дифференциальные уравнения первого порядка с разде-	ОПК-1	31
	ляющимися переменными.		
15	Однородные дифференциальные уравнения первого по-	ОПК-1	31
	рядка.		
16	Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.	ОПК-1	31
17	Основные понятия о дифференциальных уравнениях вто-	ОПК-1	31
	рого порядка.		
18	Дифференциальные уравнения второго порядка, допуска-	ОПК-1	31
	ющие понижение порядка.		
19	Линейные однородные дифференциальные уравнения с	ОПК-1	31
	постоянными коэффициентами. Отыскание общего реше-		
	ния в случае различных ситуаций для корней характери-		
	стического уравнения.		
20	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с	ОПК-1	31
	постоянными коэффициентами. Отыскание частного и		
	общего решений для различных стандартных правых ча-		
	стей.		
21	События. Классификация случайных событий.	ОПК-1	31
22	Классическое определение вероятности. Свойства вероят-	ОПК-1	31
22	ности.	OHK-I	31
22		ОПК-1	21
23	Теоремы сложения вероятностей.	OHK-I	31

Страница 17 из 38

24	Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.	ОПК-1	31
25	Формула полной вероятности. Формула Байеса.	ОПК-1	31
26	Повторные независимые испытания. Формула Бернулли.	ОПК-1	31
27	Понятие случайной величины. Закон распределения веро-	ОПК-1	31
	ятностей.		
28	Функция распределения вероятностей и ее свойства.	ОПК-1	31
29	Плотность вероятности и ее свойства.	ОПК-1	31
30	Математическое ожидание дискретной случайной величи-	ОПК-1	31
	ны. Свойства математического ожидания.		
31	Дисперсия дискретной случайной величины. Свойства	ОПК-1	31
	дисперсии.		
32	Числовые характеристики непрерывных случайных вели-	ОПК-1	31
	чин.		
33	Равномерный закон распределения.	ОПК-1	31
34	Показательный закон распределения.	ОПК-1	31
35	Нормальный закон распределения.	ОПК-1	31

5.3.1.2. Задачи к экзамену

№	Содержание	Компе- тенция	идк
	1 семестр		
1	Решить систему уравнений $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \end{cases}$ с помощью	ОПК-1	V /1
	3x + y - z = 2 формул Крамера.	OHK-I	У1
2	Решить систему уравнений $\begin{cases} 2x-2y+4z=-5,\\ y-2z=4,\\ 2x-y+z=-1. \end{cases}$ формул Крамера.	ОПК-1	У1
3	Решить систему уравнений методом Гаусса: $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases}$	ОПК-1	У1
4	Решить систему уравнений методом Гаусса: $\begin{cases} x + y + z = 1, \\ x + 2y = -1, \\ -3x + z = -2. \end{cases}$	ОПК-1	У1
5	$\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}$.	ОПК-1	У1
6	Вычислить определитель $ \begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 & 0 \\ 4 & 1 & 3 & 5 \\ 7 & 3 & 2 & 5 \\ 8 & 3 & 4 & 0 \end{vmatrix}. $	ОПК-1	У1
7	Даны матрицы $A=egin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$, $B=egin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$. Найти матрицу $C=A\cdot B$	ОПК-1	У1

8 Найти расстояние от точки $A(0,3,-5)$ до плоскости $2x+3y+6z=0$. ОПК-1 У1 9 Вычислить скалярное произведение векторов $\bar{a} = (1;0;2)$ и $\bar{b} = (2;3;-1)$. ОПК-1 У1 10 Вычислить векторное произведение векторов $\bar{a} = (8;4;1)$ и $\bar{b} = (2;-2;1)$. ОПК-1 У1 11 Даны координаты вершин треугольника $A(-2;3)$, $B(-8;-9)$, $C(10;-5)$. Составить уравнение медианы, проведенной из вершины A . ОПК-1 У1 12 Найти угол A в треугольнике C вершинами $A(-2,1)$, $B(0,6)$, $C(4,-1)$. ОПК-1 У1 13 Даны координаты вершины треугольника $A(6;2)$, $B(-2;-8)$, $C(-1;3)$. Составить уравнение высоты, проведенной из вершины C . ОПК-1 У1 14 Найти площадь треугольника C вершинами C 0, C 0, C 0, C 0, C 1, C 2, C 3, C 4, C 4, C 4, C 4, C 4, C 5, C 5, C 6, C 6, C 6, C 7, C 7, C 7, C 7, C 8, C 8, C 8, C 9, C
Вычислить скалярное произведение векторов $a=(1;0;2)$ и $\overline{b}=(2;3;-1)$. 10 Вычислить векторное произведение векторов $\overline{a}=(8;4;1)$ и $\overline{b}=(2;-2;1)$. 11 Даны координаты вершин треугольника A(-2;3), B(-8;-9), C(10;-5). Составить уравнение медианы, проведенной из вершины A. 12 Найти угол A в треугольнике с вершинами A(-2,1), B(0,6), C(4,-1). 13 Даны координаты вершины треугольника A(6;2), B(-2;-8), C(-1;3). Составить уравнение высоты, проведенной из вершины C. 14 Найти площадь треугольника с вершинами A(2,-3,5), B(0,3,6), C(2,2,1), используя векторное произведение. 15 Даны вершины треугольника A(2;-1;2), B(2;1;-3), C(-1;0;2). Найти угол при вершине B. 16 Найти предел $\lim_{x\to -2} \frac{x^2-4}{\sqrt{1-4x}-3}$. 17 Найти предел $\lim_{x\to -1} \frac{3x^2+2x-1}{x^2+4x+3}$. ОПК-1 Н1
10 Вычислить векторное произведение векторов $\overline{a} = (8;4;1)$ и $\overline{b} = (2;-2;1)$. ОПК-1 У1 11 Даны координаты вершин треугольника A(-2;3), B(-8;-9), C(10;-5). Составить уравнение медианы, проведенной из вершины A. ОПК-1 У1 12 Найти угол A в треугольнике с вершинами A(-2,1), B(0,6), C(4,-1). ОПК-1 У1 13 Даны координаты вершины треугольника A(6;2), B(-2;-8), C(-1;3). Составить уравнение высоты, проведенной из вершины C. ОПК-1 У1 14 Найти площадь треугольника с вершинами A(2,-3,5), B(0,3,6), C(2,2,1), используя векторное произведение. ОПК-1 У1 15 Даны вершины треугольника A(2;-1;2), B(2;1;-3), C(-1;0;2). Найти угол при вершине B. ОПК-1 У1 16 Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x - 3}}$. ОПК-1 Н1 17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$. ОПК-1 Н1
Вычислить векторное произведение векторов $a=(8;4;1)$ и $\overline{b}=(2;-2;1)$. 11 Даны координаты вершин треугольника $A(-2;3)$, $B(-8;-9)$, $C(10;-5)$. Составить уравнение медианы, проведенной из вершины A . 12 Найти угол A в треугольнике C вершинами C 0 ОПК-1 У1 ОПК-1 И Даны координаты вершины треугольника C 0 ОПК-1 У1 И Даны координаты вершины треугольника C 0 ОПК-1 И Найти площадь треугольника C 0 ОПК-1 У1 В C 0 ОПК-1 И Найти площадь треугольника C 0 ОПК-1 И Найти угол при вершине C 1 Даны вершины треугольника C 3 ОПК-1 У1 Найти угол при вершине C 4 Найти угол при вершине C 5 ОПК-1 И Найти предел C 6 Найти угол при вершине C 7 ОПК-1 И Найти предел C 7 ОПК-1 Найти предел C 8 ОПК-1 Найти предел C 9 ОПК-1 Найти предел C
С(10;-5). Составить уравнение медианы, проведенной из вершины А. 12 Найти угол А в треугольнике с вершинами A(-2,1), B(0,6), C(4,-1). ОПК-1 У1 13 Даны координаты вершины треугольника A(6;2), B(-2;-8), C(-1;3). Составить уравнение высоты, проведенной из вершины C. ОПК-1 У1 14 Найти площадь треугольника с вершинами A(2,-3,5), B(0,3,6), C(2,2,1), используя векторное произведение. ОПК-1 У1 15 Даны вершины треугольника A(2;-1;2), B(2;1;-3), C(-1;0;2). Найти угол при вершине B. ОПК-1 У1 16 Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$. ОПК-1 Н1 17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$. ОПК-1 Н1
С(4,-1). ОПК-1 У1 13 Даны координаты вершины треугольника $A(6;2)$, $B(-2;-8)$, $C(-1;3)$. Составить уравнение высоты, проведенной из верщины C . У1 14 Найти площадь треугольника с вершинами $A(2,-3,5)$, $B(0,3,6)$, $C(2,2,1)$, используя векторное произведение. ОПК-1 У1 15 Даны вершины треугольника $A(2;-1;2)$, $B(2;1;-3)$, $C(-1;0;2)$. $OПК-1$ У1 16 Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$. ОПК-1 Н1 17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$. ОПК-1 Н1
С(-1;3). Составить уравнение высоты, проведенной из вершины С. 14 Найти площадь треугольника с вершинами A(2,-3,5), B(0,3,6), C(2,2,1), используя векторное произведение. 15 Даны вершины треугольника A(2;-1;2), B(2;1;-3), C(-1;0;2). Найти угол при вершине B. 16 Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$. 17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$. ОПК-1 Н1
$B(0,3,6), C(2,2,1),$ используя векторное произведение. ОПК-1 У1 15 Даны вершины треугольника A(2;-1;2), B(2;1;-3), C(-1;0;2). Найти угол при вершине B. 16 Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$. ОПК-1 Н1 17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$.
16 Найти угол при вершине В. ОПК-1 у 1 16 Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$. ОПК-1 Н1 17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$. ОПК-1 Н1
Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x-4}{\sqrt{1-4x}-3}$. ОПК-1 Н1
17 Найти предел $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x - 1}{x^2 + 4x + 3}$. ОПК-1 Н1
18 Найти предед $\lim \frac{2tg3x}{}$ ОПУ 1 Н1
$\lim_{x \to 0} \sin 6x$
19 Найти предел $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{x+13}-4}{x-3}$. ОПК-1 Н1
20 Найти производную функции $y = \sqrt{\frac{3-\sin^2 x}{1-e^{tgx}}}$. ОПК-1 Н1
21 Найти производную функции $y = \sin 6x \cdot \ln x^2$. ОПК-1 Н1
22 Найти производную функции $y = arctg \sqrt{7x}$. ОПК-1 Н1
23 Найти производную функции $y = \cos^6 \ln 3x$. ОПК-1 Н1
24 Найти производную функции $y = \left(4^{\arcsin 2x} + tg^3x\right)^4$. ОПК-1 Н1
25 Найти производную функции $y = 4xe^{-\frac{(x+tgx)^2}{2}}$. ОПК-1 Н1
2 семестр
1 Вычислить частные производные первого порядка от ОПК-1 У1 функции $z = \ln(\sin^2 x + tgy + 5)$.
2 Исследовать на экстремум функцию ОПК-1 Н1
$z = x^2 + 5xy + 15y^2 - 5x + 4y + 2.$

3	Найти градиент функции $z = \sqrt{5x^2 + y^3x^4}$ в точке $A(-1;2)$.	ОПК-1	Н1
4	Исследовать на экстремум функцию $z = x^2 + xy + 0.5y^2 - 2x$.	ОПК-1	H1
5	Найти интеграл $\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+5x^3}}$	ОПК-1	У1
6	Найти интеграл $\int \frac{dx}{2x^2-5x+6}$.	ОПК-1	У1
7	Найти интеграл $\int_{0}^{4} \frac{dx}{3x+1}.$	ОПК-1	У1
8	Найти интеграл $\int \frac{xdx}{5x^2+4}$.	ОПК-1	У1
9	Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = 2x - x^2$; $y = -x$.	ОПК-1	H1
10	Решить дифференциальное уравнение $y'\cos x - y\sin x = 0$.	ОПК-1	H1
11	Решить дифференциальное уравнение $y' + xy = -x^3$.	ОПК-1	H1
12	Решить дифференциальное уравнение $y'' + 6y' + 9y = 10 \sin x$.	ОПК-1	Н1
13	Найти интеграл $\int (2x-4)\sin 6x dx$.	ОПК-1	У1
14	Решить дифференциальное уравнение $y'' + 2y' + 5y = 4e^{-x}$	ОПК-1	Н1
15	По мнению экспертов, надежность предприятий X и Y равна соответственно 0,9 и 0,8. Предприятия X и Y функционируют независимо. Найти вероятность того, что оба предприятия не обанкротятся.	ОПК-1	У1
16	Земельные участки некоторого района проверяются тремя экспертами. Вероятности того, что они будут проверены первым экспертом 0,7, вторым 0,8, третьим 0,9. Найти вероятность того, что земельные участки будут оценены только одним экспертом?	ОПК-1	У1
17	С первой фирмы в магазин поступает 40% сельскохозяйственной продукции, а со второй - 60%. Среди продукции, изготовленной первой фирмой 2% брака, со второй - 3% брака. Найти вероятность того, что поступившая в магазин продукция является бракованной.	ОПК-1	У1
18	В автохозяйстве имеются две автоцистерны. Вероятность технической исправности этих машин составляет соответственно, 0,9 и 0,8. Найти вероятность того, что в исправности находится только одна автоцистерна.	ОПК-1	У1
19	Контролер проверяет изделия на соответствие стандарту. Известно, что вероятность соответствия стандарту изделий равна 0,9. Какова вероятность того, что из трех проверенных изделий только одно будет стандартным?	ОПК-1	У1
20	Производится 5 независимых испытаний, в каждом из которых событие А происходит с вероятностью 0,8. Найти	ОПК-1	У1

	вероятность того, что событие А произойдет ровно 3 раза.								
21	Для дискретн			ОПК-1	У1				
	распределени								
	D(X).		_	T .		. 1			
	_	X	8	4	6	5			
		p	0.1	0.3	0.2	0.4	0.777.1	***	
22	Задана функ	-	-			•	ОПК-1	У1	
	величины X. ность попада								
				ичины А	в интерва	w (1,5,4).			
	$F(x) = \begin{cases} 0, \\ x \\ 1, \end{cases}$, <i>λ</i> ≥ 1,	. 0						
	$F(x) = \begin{cases} x \end{cases}$	$-1, 1 < x \le$	<u> </u>						
	[1,	x > 2.							
23	Найти матема			-	ной вели	ичины, за-	ОПК-1	У1	
	данной функі			Я					
	$\begin{bmatrix} 0, \\ 2 \end{bmatrix}$	при х	< 0						
	$F(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{2} \end{cases}$, при 0	$\leq x \leq 3$						
	$F(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{9} \\ 1, \end{cases}$	ппи г	> 3						
24						0	OFFIC 1	X71	
24	Найти парам			ческое ож	кидание с	случайной	ОПК-1	У1	
	величины, дл	я котороі	1 O						
	$F(x) = \begin{cases} 0, \\ ax^2, \\ 1, \end{cases}$	при х <	U						
	$F(x) = \left\{ ax^2 \right.,$	при 0≤	$\leq x \leq 4$						
	[1,								
25	Цена деления	равна 0,2.	ОПК-1	У1					
	Показания пр		1 0						
	ла. Полагая, ч	_		_	-				
	лена по равно	ское ожи-							
26	дание и диспе					вно 80 ч	ОПК-1	У1	
20	Полагая, что						OIIIC I	J 1	
	казательный	-		-					
	сти и функци	ю распре	деления в	вероятност	гей.				
27	Найти вероят			-			ОПК-1	У1	
	I -			тараметра		I(X) = -4,			
	D(X) = 4 or		гического	ожидани	я на вел	ичину, не			
20	превышающу		67	<u> </u>			OFFIC 4	TT4	
28	Случайная ве	еличина 2	х имеет (рункцию	плотност	ги распре-	ОПК-1	H1	
	деления $f(x)$. 1	$-\frac{(x-1)^2}{8}$	Тробуют	on noom	MITTERS			
	$\int (x)$	$J = \frac{1}{2\sqrt{2}}$	$=$ e σ	. rpeoyer	тост постр	омть тра-			
	$\int \phi$ ик $f(x)$ и								
29	Месячная но				бочими о	одного из	ОПК-1	H1	
	цехов крупно			-					
	ну с математ					-			
	ным отклоне				-	· ·			
	что количести		вленных	деталей б	удет бол	ьше 1550,			
30	но меньше 19 Найти плотн		OTHOCTIA	и пиапаза	н измен	ения спи-	ОПК-1	H1	
50	танти плотн	остр верс	NIHOCIN	и дианаз(ла измен	спил слу-	OHK-I	111	

чайной величины X, если математическое ожидание равно	
3, а дисперсия равна 16.	

5.3.1.3. Вопросы к зачету с оценкой

Не предусмотрен.

5.3.1.4. Вопросы к зачету

Не предусмотрен.

5.3.1.5. Перечень тем курсовых проектов (работ)

Не предусмотрен.

5.3.1.6. Вопросы к защите курсового проекта (работы)

Не предусмотрен.

5.3.2. Оценочные материалы текущего контроля

5.3.2.1. Вопросы тестов

№	Содержа	ание	Компе- тенция	идк
	Раздел 1. Линейная алгебра и ан	алитическая геометрия		
1.	Определитель $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 5 \\ 0 & 0 & 2\alpha - 1 \end{vmatrix}$ при $\alpha = 0$ равен	1) 0,5 3) 1 2) 0 4) -2	ОПК-1	У1
2.		1) -1 3) 5 2) 1 4) -5	ОПК-1	У1
3.	Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix},$ то-гда матрица $C = A \cdot B$ имеет вид	1) $\begin{pmatrix} 1 \\ 8 \end{pmatrix}$, 2) $\begin{pmatrix} 0 \\ 8 \end{pmatrix}$, 3) $\begin{pmatrix} 8 \\ 1 \end{pmatrix}$, 4) $\begin{pmatrix} 1 \\ 8 \end{pmatrix}$	ОПК-1	У1
4.	Длина вектора $\overline{a}=3\overline{i}-4\overline{j}$ равна	1) -5 3) 25 2) 14 4) 5	ОПК-1	У1
5.	Установите соответствие между заданным вектором и соответствующим ему нормированным вектором: $\vec{a} = \{1;0\}, \ \vec{b} = \{1;1\}, \ \vec{c} = \{3;4\}, \ \vec{d} = \{1;2\}.$	A) $\{1;0\}$, B) $\left\{\frac{1}{\sqrt{2}}; \frac{1}{\sqrt{2}}\right\}$, C) $\left\{\frac{3}{5}; \frac{4}{5}\right\}$, D) $\left\{\frac{1}{\sqrt{5}}; \frac{2}{\sqrt{5}}\right\}$,	ОПК-1	У1

		[1 3]		
		$ \left \text{ E) } \left\{ \frac{1}{\sqrt{10}}; \frac{3}{\sqrt{10}} \right\} $		
6.	Даны векторы $\bar{a} = (1;0;2)$ и $\bar{b} = (2;3;-1)$, тогда их скалярное произведение равно	1) 3 3) 0 2) 5 4) 7	ОПК-1	У1
7.	Даны векторы $\overline{a} = (8;4;1)$ и $\overline{b} = (2;-2;1)$, тогда их векторное произведение имеет вид	1) $16\bar{i} - 8\bar{j} + \bar{k}$ 2) $-6\bar{i} + 6\bar{j} + 24\bar{k}$ 3) $2\bar{i} - 6\bar{j} - 24\bar{k}$ 4) $6\bar{i} - 6\bar{j} - 24\bar{k}$	ОПК-1	У1
8.	При каких значениях α и β векторное произведение векторов \vec{a} ={4; α ; 6} и \vec{b} ={2; 1; β } равно нулю?	1) $\alpha = 2$, $\beta = 4$ 2) $\alpha = 2$, $\beta = 1$ 3) $\alpha = 2$, $\beta = 1/3$ 4) $\alpha = 2$, $\beta = 3$	ОПК-1	У1
9.	Площадь треугольника ABC , где $A(1,2)$, $B(4,3)$, $C(-1,2)$ равна	1) 1 3) 8 2) 10 4) -2	ОПК-1	У1
10.	Решением системы линейных равнений $\begin{cases} 2x - 7y = 1; \\ x - 4y = 2 \end{cases}$ является	1) x=-10, y=-3 2) x=10, y=-3 3) x=-3, y=-10 4) x=-10, y=3	ОПК-1	31
11.	Формулы вида $x_j = \frac{\Delta_j}{\Delta}$ для решения системы линейных уравнений через определители называются формулами	 Треугольников Крамера Гаусса Лапласа 	ОПК-1	31
12.	Как называется система линейных уравнений, в которой все свободные члены равны нулю?	 Определенная Однородная Классическая Базисная 	ОПК-1	31
13.	Дана система линейных уравнений $ \begin{cases} x + 7y = 3; \\ -x + ay = 5. \end{cases} $ Система не имеет решений при $a = \dots$	1) -7 2) -1/7 3) 1/7 4) 7	ОПК-1	У1
14.	Определитель основной матрицы системы линейных уравне- ний $\begin{cases} -2y + 6 = 0; \\ -y - 2z + 3 = 0; \\ 2x + 4y = 1 \end{cases}$	1) 10 2) 8 3) 76 4) 80	ОПК-1	У1
15.	Даны точки $A(2;-1), B(10;5), C(10;-1)$.	A) 14 B) 10	ОПК-1	У1

	Установите соответствие между отрезком и его длиной	C) 6		
	1. AC	D) 8		
	2. AB	E) 2		
	3. BC			
16.	Нормальный вектор плоскости $6x - 7y - 10z - 2 = 0$ имеет координаты	1) (6;-7;10) 3) (6;-10;-2) 2) (-7;-10;-2) 4) (-6;7;10)	ОПК-1	У1
17.	Расстояние от точки $A(0,3,-5)$ до плоскости $2x+3y+6z=0$ равно	1) 21 3) 21/49 2) 7 4) 3	ОПК-1	У1
18.	Среди прямых l_1 : $x+3y-5=0$, l_2 : $2x+6y-3=0$, l_3 : $2x-6y-3=0$, l_4 : - $2x+6y-5=0$ параллельными являются		ОПК-1	У1
	Если уравнение гиперболы име-	1) 3 3) 9	ОПК-1	У1
19.	ет вид $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$, то длина ее мнимой полуоси равна			
20.	Уравнение кривой, изображенной на рисунке имеет вид	1) $\frac{x^{2}}{9} + \frac{y^{2}}{4} = 1$ 2) $\frac{x^{2}}{3} + \frac{y^{2}}{2} = 1$ 3) $\frac{x^{2}}{9} - \frac{y^{2}}{4} = 1$ 4) $\frac{x^{2}}{2} - \frac{y^{2}}{3} = 1$	ОПК-1	31,У1
21.	В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с абсциссами разных знаков. Тогда этот отрезок обязательно пересекает	 плоскость Оху плоскость Оух ось абсцисс плоскость Охх 	ОПК-1	У1
	Прямая $\frac{x-1}{a} = \frac{y+4}{2} = \frac{z}{3}$ па-	1) 9 3) -9	ОПК-1	У1
22.	раллельна плоскости $x-3y+5z=0$ при a равном	2) 1 4) -21		
	Раздел 2. Математический анали	13		
23.	Какие из функций являются бесконечно малыми в точке $x_0 = 2$?	$1) \frac{x}{x-2}, 2) \frac{x-2}{x},$	ОПК-1	H1
24.	$y = \sqrt{x^2 + x - 6} + 5$. Тогда ее	3) cos(x-2), 4) sin(x-2) 1) [-5;+∞) 2) (-∞;-1]∪[2;+∞)	ОПК-1	H1
	областью значений является множество	3) $(\sqrt{6} + 5; +\infty)$ 4) $[5; +\infty)$		

	Для дробно-рациональной функ-	1)		2)	0	ОПК-1	H1
		1)	x=-2	3)	x=0	01111	111
25.	ции $y = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x}$ точками разры-	2)	x=1	4)	x=-1		
	$x^2 + 2x$ ва являются	_/		.,			
	Значение предела	1)	0	3)	1	ОПК-1	H1
26.	$\lim \frac{\sin 3x}{x}$ pabho	2)	1/4	4)	3/4		
	$\lim_{x\to 0} {4x}$ pabho						
	Значение предела	1)	0	3)	∞	ОПК-1	H1
27.	$\lim \frac{x^2-4}{x^2}$ pabho	2)	4	4)	2		
	$\lim_{x\to 2} {x-2} $ pasho						
	Значение предела		0,2		0,3	ОПК-1	H1
28.	$\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + 4x + 3}{x^2 + x - 6}$ pabho	2)	0,4	4)	0,5		
	$x \rightarrow -3 x^2 + x - 6$						
	Значение предела		2,5		0	ОПК-1	H1
29.	$\lim_{x \to 0} \frac{5x^2 + 3x - 2}{x^2}$ pasho	2)	1	4)	∞		
	$x \rightarrow \infty 2x^2 + x + 8$						
	Установите соответствия между	1)	$\frac{2x}{1+x^4}$			ОПК-1	H1
30.	функциями и их производными 1. е ^{3x}		$1 + x^4$ $5\cos(5x + x^4)$	1)			
50.	2. $y=\sin(5x+1)$		$3e^{3x}$	1)			
	3. $y=arctg(x^2)$	3)	36				
	Производная произведения		$4x^3 \cos x$			ОПК-1	H1
31.	$x^4 \sin x$ равна	2)	x^3 (4sin	nx + x	$\cos x$)		
31.		3)	$x^3(\sin x +$	$x\cos x$			
		4)	$x^3(4\sin x)$	$x - x \cos x$	<i>x</i>)		
	Производная второго порядка	1)	$-\frac{1}{x^2}$	3)	1_	ОПК-1	H1
32.	функции $y = \ln 3x$ имеет вид	1)	x^2	3)	x^2		
32.		2)	1	4)	3		
			$-{3x^2}$		X	OHIC 1	TT1
	Закон движения материальной точки имеет вид	1) 2)	11 9			ОПК-1	H1
	$x(t) = 4 + 10t + e^{7-t}$, где $x(t)$ –	3)	13				
33.	координата точки в момент вре-	4)	75				
	мени t. Тогда скорость точки при						
	t = 7 равна					OFFIC 1	771
	Найти производную функции	1)	$3x^2 \ln 3$	$3x + x^2$	2)	ОПК-1	H1
24	$y = x^3 \ln 3x$	x^2	2				
34.		3)	$9x^2 \ln x$	$x + 3x^{3}$	4)		
		3)			1)		
	Найти производную функции			1	2 . 1	ОПК-1	H1
		1)	$-2xe^{x^2+x^2+x^2}$	-1 2)	e^{x^2+1}	O111X-1	111
35.	$y = e^{x^2 + 1}$	3)	xe^{x^2}	+1	4)		
		-	xe^{x^2+1}		7)		
26	n v 1			2)		OFFIC 1	771
36.	Значение производной функции	1)	13	3)	7	ОПК-1	H1

		0 10	- 1	
	$y = \frac{10x + 1}{e^{3x}}$ в точке x=0 равно	2) 9 4) 10		
	Производная второго порядка	1) $-4\sin 2x$	ОПК-1	H1
	функции $y = \sin 2x$ равна	2) $8\sin x$		
37.	T T T	$4\sin 2x$		
		$\begin{array}{ccc} 4) & -8\sin x \end{array}$		
	Найти точку максимума функ-	1) $x=-4$ 3) $x=-3$	ОПК-1	H1
38.		$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	01111	
	ции $y = 2x^3 + 3x^2 - 72x + 7$			
	Что определяется выражением	1) Условный экстремум	ОПК-1	31
20	$z_x'\cos\alpha + z_y'\cos\beta$?	2) Градиент		
39.		3) Частный дифференциал		
		4) Производная по направ-		
	Частная производная второго	лению 3	ОПК-1	У1
	_	$1) 4y^3$	OIIIV-1	<i>J</i> 1
	порядка z''_{xy} функции $z = x^2 y^3$	$2xy^3 + 3x^2y^2$		
40.	равна			
		$3) 2xy^2$		
		$4) \qquad 6xy^2$		
	Точкой экстремума функции	1) M(2; -4)	ОПК-1	H1
41.	$z = 9x^2 + y^2 + 18x - 4y + 7$	2) M(1; -2)		
	является точка	3) M(-2; 4)		
		4) M(-1; 2)	OFFIC 1	X71
	Найти критическую точку функ-	1) M(2; 5) 3) M(3; 7)	ОПК-1	У1
42.	ции	2) M(3; 5) 4) M(7; 5)		
	$z = 2x^2 - 2xy + 3y^2 - 18x - 16y + 7$			
	Частная производная функции	1) 0	ОПК-1	У1
43.	$z = x^4 \cos^2 y$ по переменной у в	2) 4		
	точке $M\left(1;\frac{\pi}{2}\right)$ равна	3) -1 4) 1		
	(2)	1 ′	OFFI :	***
	Множество первообразных	1) $-\frac{1}{3}e^{3x} + C$	ОПК-1	У1
	функций $f(x) = e^{3x}$ имеет	$\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$		
	вид	$2) e^{3x} + C$		
44.				
		$3) \qquad \frac{1}{3}e^{3x} + C$		
		$4) \qquad 3e^{3x} + C$		
	Неопределенный интеграл	1) $-\cos(5x+3)+C$	ОПК-1	У1
	$\int \sin(5x+3)dx$ paseH	2) $-\cos(5x^2/2+3x)+C$		
45.				
		3) $-1/5\cos(5x+3)+C$		
		4) $-1/5\cos(5x^2/2+3x)+C$		
	Определенный интеграл	1) 118 3) 123	ОПК-1	У1
46.	$\int_{0}^{5} (3x^2 + 2)dx$ равен	2) 132 4) 138		
	ј (эл + 2)ах равен 1			
47.	Определенный интеграл	1) 1 3) 1/3	ОПК-1	У1
	•			

	2	2)	1 / /	4)	4/	2		
	$\int_{1}^{e} \frac{\ln^3 x}{1} dx$ paseh	2)	1/4	4)	4/.	3		
	1 x							
	Вычислить площадь фигуры,	1)	12	3)			ОПК-1	H1
48.	ограниченной графиком функ-	2)	15	4)	18	•		
	ции $y = x^2 + 2x$, осью Ох и							
	прямой х=3							
	Дано дифференциальное урав-	1)	,			2)	ОПК-1	H1
	нение $x y' = y$ при $y(1) = 1$. То-	1) C]	D		3)		
	гда интегральная кривая, которая определяет решение этого урав-							
	нения, имеет вид	2)		A		4)		
	ý† 🔎	В						
49.	3 B							
	A C							
	//_D							
								
	//-1							
	Среди перечисленных диффе-	1)	3 1	0	. 7 . 0		ОПК-1	31
	Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравне-	-	$x^3y'+$	•)	OHK-1	31
	ниями 1-го порядка являются	2)	$y^2 \frac{dy}{dx}$	+x=0)			
50.								
30.		3)	$2x\frac{d^2}{dx}$	$\frac{y}{x^2} + x^2$	$\frac{dy}{dx} + y$	=0		
			$\frac{d^2x}{d^2x}$,	ax Av			
		4)	$x\frac{d^2y}{dx^2}$	$x^2 + yx^2$	$\frac{dy}{dx} + y$:	= 3		
	Если $y(x)$ – решение уравнения		шл	•	мл		ОПК-1	H1
71	**	1)	2	2	3)	1		
51.	$y' = \frac{y}{x}$, удовлетворяющее усло-	2)	5	5	4)	4		
	вию $y(1) = 1$, тогда $y(2)$ равно							
	Частному решению неоднород-	1)	f(x) =	$Ax^2 +$	Bx		ОПК-1	H1
52	ного дифференциального урав-	_	f(x) =					
52.	нения $y'' - 5y' + 6y = x + 1$ по	2)	_		Ax + B	4)		
	виду его правой части соответствует функция	f(.	$(x) = e^{2x} $	(Ax + B)	3)			
	Дано линейное однородное	1)	C_1e^{2x}	$x + C_2 e$	-x		ОПК-1	H1
	дифференциальное уравнение		C_1e^{2x}					
53.	y'' + y' - 2y = 0, тогда его общее		C_1e^{-2}	_				
	решение имеет вид		•	$+C_2$ $2x + C_2$				
	Danger 2 Teamys persons	4)	$c_1 e$	+ C ₂	<u>e</u>			
	Раздел 3. Теория вероятностей Вероятность достоверного собы-	1)	1	3) -1	1	ОПК-1	31
54.	тия равна	2)	0,5		,	-		
	Два стрелка производят по од-	1)		0,40			ОПК-1	У1
	ному выстрелу. Вероятность по-	2)		0,95				
55.	падания в цель первого и второ-	3)		0,55				
	го стрелков равны 0,8 и 0,75 соответственно. Тогда вероятность	4)		0,60				
L	ответственно. Тогда вероятность	<u> </u>					1	

	того, что цель будет поражена,				
56.	равна Бросают две монеты. Событие А – «герб на первой монете» и В – «цифра на второй монете» явля- ются	 совместными зависимыми несовместными независимыми 		ОПК-1	31,У1
57.	Игральная кость бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет не менее пяти очков, равна	1) 1/6 1/3 2) 1/2 5/6	3)4)	ОПК-1	У1
58.	Вероятность появления события А в 10 независимых испытаниях, проводимых по схеме Бернулли, равна 0,6. Тогда дисперсия числа появлений этого события равна	1) 0,24 2) 2,4 3) 0,12 4) 1,2		ОПК-1	У1
59.	A, B, C — попарно независимые события. Их вероятности: $p(A) = 0,4$; $p(B) = 0,8$; $p(C) = 0,3$. Укажите соответствие между событиями и их вероятностями: $1. A \cdot B$ $2. A \cdot C$ $3. B \cdot C$ $4. A \cdot B \cdot C$	1) 0,24 3) 0,32 2) 0,096 0,12	4)	ОПК-1	У1
60.	В первом ящике 7 красных и 11 синих шаров, во втором — 5 красных и 9 синих. Из произвольного ящика достают один шар. Вероятность того, что он синий, равна	1) $\frac{11+9}{18+4}$ $\frac{1}{2}\left(\frac{11}{18}+\frac{9}{14}\right)$ 2) $\frac{11}{18}+\frac{9}{14}$ $\frac{11}{18}\cdot\frac{9}{14}$	3)	ОПК-1	У1
61.	С первого станка на сборку поступает 40%, со второго 60% всех деталей. Среди деталей, поступивших с первого станка 1% бракованных, со второго 2% бракованных. Тогда вероятность того, что поступившая на сборку деталь бракованная, равна	1) 0, 015 2) 0, 016 3) 0, 014 4) 0, 03		ОПК-1	H1
62.	По какой формуле вычисляется математическое ожидание дискретной случайной величины X, заданной рядом распределения?	1) $M(X) = p_1 + p_2 +p_n$ 2) $M(X) = \sum_{i=1}^{n} x_i^2 p_i$ 3) $M(X) = \sum_{i=1}^{n} x_i p_i$ 4) $M(X) = x_1 + x_2 +x_n$		ОПК-1	31
63.	Пусть X дискретная случайная величина, заданная законом распределения вероятностей: X	1) 2,2 2) 2 3) 1,4 4) 1		ОПК-1	У1

	этой случайной величины рав-				
64.	но Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей: X -2 -1 0 3 p 0,1 0,3 0,2 0,4 Тогда математическое ожидание случайной величины $Y = 4X - 2$ равно График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X, распределенной равномерно в интерва-	1) 2) 3) 4) 1) 2) 3)	-0,2 0,3 -0,4 0,8	ОПК-1	У1
65.	ле (-1;4), имеет вид: f(x) a Тогда значение а равно	4)	0,33		
66.	Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей $F(x)$. Тогда значение C равно $F(x) = \begin{cases} 0, & x \le 2, \\ Cx - 4, & 2 < x \le 2, 5, \\ 1, & x > 2, 5. \end{cases}$	1) 2) 3) 4)	1 2 3 4	ОПК-1	У1
67.	По какой формуле определяется плотность распределения $f(x)$ случайной величины X , распределенной по показательному закону, при $x \ge 0$?	2)	$f(x) = 1 - \lambda e^{-\lambda x}$ $f(x) = 1 - e^{-\lambda x}$ $f(x) = e^{-\lambda x}$ $f(x) = \lambda e^{-\lambda x}$	ОПК-1	31
68.	Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x-4)^2}{50}}.$ Тогда дисперсия этой нормально распределенной случайной величины равна	1) 2)	12,5 25 4 5	ОПК-1	31,У1
69.	Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x-4)^2}{18}}.$ Тогда математическое ожидание этой нормально распределенной	1) 2) 3) 4)	18 3 9 4	ОПК-1	31,У1

		случайной величины равно.		
--	--	---------------------------	--	--

5.3.2.2. Вопросы для устного опроса

№	Содержание	Компе- тенция	идк
1	Определение матрицы.	ОПК-1	31
2	Свойства определителей.	ОПК-1	31
3	Формулы Крамера.	ОПК-1	31
4	Вектор. Операции над векторами в геометрической форме.	ОПК-1	31
5	Скалярное произведение векторов.	ОПК-1	31
6	Векторное произведение векторов.	ОПК-1	31
7	Смешанное произведение векторов.	ОПК-1	31
8	Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки.	ОПК-1	31
9	Основные теоремы о пределах.	ОПК-1	31
10	Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их	ОПК-1	31
	свойства.		
11	Первый замечательный предел.	ОПК-1	31
12	Определение непрерывности функции в точке.	ОПК-1	31
13	Точки разрыва функций и их классификация.	ОПК-1	31
14	Определение производной, ее геометрический и физиче-	ОПК-1	31
	ский смысл.		
15	Производные основных элементарных функций и правила	ОПК-1	31
	дифференцирования.		
16	Дифференциал функции.	ОПК-1	31
17	Основные теоремы дифференциального исчисления.	ОПК-1	31
18	Определение функции нескольких переменных	ОПК-1	31
19	Производная по направлению.	ОПК-1	31
20	Градиент функции.	ОПК-1	31
21	Таблица основных неопределенных интегралов.	ОПК-1	31
22	Основные методы интегрирования.	ОПК-1	31
23	Основные свойства определенного интеграла.	ОПК-1	31
24	Задача Коши, условия существования и единственности ее решения.	ОПК-1	31
25	Понятие события, классификация событий.	ОПК-1	31
26	Классическое определение вероятности.	ОПК-1	31
27	Теоремы сложения вероятностей.	ОПК-1	31
28	Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.	ОПК-1	31
29	Формула полной вероятности.	ОПК-1	31
30	Случайные величины дискретного и непрерывного типа.	ОПК-1	31
31	Числовые характеристики случайных величин: математи-	ОПК-1	31
	ческое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое от-		
	клонение.		
32	Равномерный закон распределения	ОПК-1	31
33	Нормальный закон распределения;	ОПК-1	31

5.3.2.3. Задачи для проверки умений и навыков

No	No Солержание	Компе-	илк	
31=	обдержиние	тенция	11/415	

1	Решить систему уравнений $\begin{cases} x+y=&3\\ 2x-y+z=3 & \text{с помощью}\\ 3x+y-z=2 \end{cases}$ формул Крамера.	ОПК-1	У1
2	Найти угол A в треугольнике с вершинами $A(-2,1)$, $B(0,6)$, $C(4,-1)$.	ОПК-1	У1
3	Решить систему уравнений методом Гаусса: $ \begin{cases} x + y = & 3 \\ 2x - y + z = 3 \\ 3x + y - z = 2 \end{cases} $	ОПК-1	У1
4	Найти производную функции $y = \left(4^{\arcsin 2x} + tg^3x\right)^4$.	ОПК-1	У1
5	Найти площадь треугольника с вершинами $A(2,-3,5)$, $B(0,3,6)$, $C(2,2,1)$, используя векторное произведение.	ОПК-1	У1
6	Найти $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4x - 12}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$.	ОПК-1	H1
7	Найти производную функции $y = 4xe^{-\frac{(x+tgx)^2}{2}}$.	ОПК-1	H1
8	Вычислить определитель $ \begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 & 0 \\ 4 & 1 & 3 & 5 \\ 7 & 3 & 2 & 5 \\ 8 & 3 & 4 & 0 \end{vmatrix}. $	ОПК-1	У1
9	Найти производную функции $y = \sqrt{\frac{3-\sin^2 x}{1-e^{tgx}}}$.	ОПК-1	H1
10	Найти предел $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3}$.	ОПК-1	H1
11	Решить дифференциальное уравнение $y'' + 6y' + 9y = 10\sin x$.	ОПК-1	H1
12	Найти интеграл $\int \frac{xdx}{(x-2)(3x+4)}$.	ОПК-1	У1
13	Найти частные производные первого порядка от функции $z = \sin(\cos^3 x - tgy)$.	ОПК-1	У1
14	В коробке 5 белых и 10 черных шаров. Наугад вынимается 3 шара. Какова вероятность того, что хотя бы один из них белый.	ОПК-1	У1
15	Найти параметр a и математическое ожидание случайной величины, для которой $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ ax^2, & \text{при } 0 \le x \le 4 \cdot 1, \\ 1, & \text{при } x > 4. \end{cases}$	ОПК-1	У1
16	Непрерывная случайная величина X равномерно распределена на отрезке [3;8]. Составить функцию распределения вероятностей F(x) и функцию плотности	ОПК-1	У1

Страница 31 из 38

	f(x).		
17	Найти математическое ожидание случайной величины, для которой $F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ \frac{x^2}{16}, & \text{при } 0 \leq x \leq 4 \\ 1, & \text{при } x > 4. \end{cases}$	ОПК-1	У1
18	Для дискретной случайной величины X , заданной рядом	ОПК-1	У1
19	Непрерывная случайная величина X распределена по показательному закону с параметром $\lambda=7$. Составить функцию распределения вероятностей $F(x)$ и функцию плотности $f(x)$.	ОПК-1	У1
20	Случайная величина Храспределена по нормальному закону с параметрами $a=10$ и $\sigma=2$. Найти диапазон изменения случайной величины.	ОПК-1	У1
21	Найти параметр a и $M(X)$ по известной плотности вероятности случайной величины X : $f(x) = \begin{cases} a(x^2 + 2x), & \text{если } 0 \le x \le 1; \\ 0, & \text{если } \not\in [0,1]. \end{cases}$	ОПК-1	У1
22	В первом ящике 2 белых и 8 черных шаров, во втором 3 белых и 5 черных. Из каждого ящика вынули по шару. Какова вероятность, что вынули один белый и один черный.	ОПК-1	У1
23	Найти вероятность отклонения нормально распределенной случайной величины с параметрами $M(X) = -4$, $D(X) = 4$ от математического ожидания на величину, не превышающую 5.	ОПК-1	У1

5.3.2.4. Перечень тем рефератов, контрольных, расчетно-графических работ Не предусмотрены.

5.3.2.5. Вопросы для контрольной (расчетно-графической) работы Не предусмотрена.

5.4. Система оценивания достижения компетенций

5.4.1. Оценка достижения компетенций в ходе промежуточной аттестации

ОПК-1 Способен решать задачи	профессионально	й деятельности,	применяя методы
моделирования, математического	анализа, естеств	веннонаучные и	общеинженерные
знания.			
Индикаторы достижения компетенции ОПК-1		Номера воп	росов и задач

Страница 32 из 38

Код	Содержание	вопросы к экзамену	задачи к экзамену
31	Знать: основные понятия и методы математики	1 семестр: 1-32; 2 семестр: 1-35	
У1	Уметь: решать стандартные задачи в области землеустройства и кадастра на основе знаний математических методов.		1 семестр: 1-15; 2 семестр: 1; 5-8; 13; 15-27
H1	Иметь навыки и (или) опыт деятельности: применения математического аппарата для обоснования проектных решений в области землеустройства и кадастра		1 семестр: 16-25; 2 семестр: 2-4; 9- 12; 14; 28-30

5.4.2. Оценка достижения компетенций в ходе текущего контроля

ОПК-1 Способен решать задачи профессиональной деятельности, применяя методы моделирования, математического анализа, естественнонаучные и общеинженерные знания.				
Индикаторы достижения компетенции ОПК-1		Номера	вопросов и	і задач
Код	Содержание	вопросы тестов	вопросы устного опроса	задачи для проверки умений и навыков
31	Знать: основные понятия и методы математики	10-12; 20; 39; 50; 54; 56; 62; 67-69	1-33	
У1	Уметь: решать стандартные задачи в области землеустройства и кадастра на основе знаний математических методов.	1-9; 13-22; 40; 42-47; 55- 60; 63-66		1-5; 8; 12-23
Н1	Иметь навыки и (или) опыт деятельности: применения математического аппарата для обоснования проектных решений в области землеустройства и кадастра	23-38; 41; 48- 49; 51-53; 61		6-7; 9-11

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Рекомендуемая литература

№	Библиографическое описание	Тип издания	Вид учебной литературы
1	Данилов Математика [электронный ресурс]: Учебное пособие / Данилов, Никонова, Нуриева; Журбенко - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2016 - 496 с. [ЭИ] [ЭБС Знаниум] — URL:https://znanium.com/catalog/document?id=18659	Учебное	Основная
2	Шипачев В. С. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / В. С. Шипачев.— 1.— Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2019.— 479 с.	Учебное	Основная
3	Москалев П. В. Высшая математика для земле- устройства и кадастров: учебное пособие для сту-	Учебное	Основная

	дентов, проходящих подготовку по направлению 21.03.02 "Землеустройство и кадастры" / П. В. Москалев, И. В. Гриднева; под ред. В. П. Шацкого - Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2015 - 216 с. [ЦИТ 13227] [ПТ] — URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/b107972.pdf		
4	Гриднева И.В. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие для студентов очной формы обучения факультета землеустройства и кадастров по направлению подготовки 21.03.02 "Землеустройство и кадастры" / И.В. Гриднева, Л.И. Федулова, В.П. Шацкий Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2017 - 165 с. [ЦИТ 16574] [ПТ] — URL:http://catalog.vsau.ru/elib/books/b135560.pdf	Учебное	Дополнитель- ная
5	Владимирский Б.М. Математика. Общий курс [электронный ресурс]: учеб. / Б. М. Владимирский, А.Б. Горстко, Я.М. Ерусалимский - Москва: Лань, 2008 - 960 с. [ЭИ] [ЭБС Лань] — URL:https://e.lanbook.com/book/210206	Учебное	Дополнитель- ная
6	Ячменёв Л.Т. Высшая математика [электронный ресурс]: Учебник / Л.Т. Ячменёв .— Москва; Москва: Издательский Центр РИОР: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2013.— 752 с.— URL:https://znanium.com/catalog/document?id=13367	Учебное	Дополнитель- ная
7	Горлач Б. А. Теория вероятностей и математическая статистика [электронный ресурс] / Горлач Б. А. — Москва : Лань, 2013 .— 320 с. — URL:https://e.lanbook.com/book/162372	Учебное	Дополнитель- ная
8	Математика [Электронный ресурс]: методические указания по изучению дисциплины и самостоятельной работы обучающихся по направлениям: 21.03.02 Землеустройство и кадастры, 20.03.02 Природообустройство и водопользование / Воронежский государственный аграрный университет; [сост.: И. В. Гриднева, Л. И. Федулова, В. П. Шацкий]. — Электрон. текстовые дан. (1 файл: 3278 Кб). — Воронеж: Воронежский государственный аграрный университет, 2019. — URL:http://catalog.vsau.ru/elib/metod/m150886.pdf	Методическое	
9	Землеустройство, кадастр и мониторинг земель: научно-практический ежемесячный журнал, 2005-	Периодиче- ское	
1 0	Вестник Воронежского государственного аграрного университета: теоретический и научно-практический журнал / Воронеж. гос. аграр. ун-т - Воронеж: ВГАУ, 1998	Периодиче- ское	

6.2. Ресурсы сети Интернет

6.2.1. Электронные библиотечные системы

No	Название	Размещение
1	Лань	https://e.lanbook.com
2	ZNANIUM.COM	http://znanium.com/
3	ЮРАЙТ	http://www.biblio-online.ru/
4	IPRbooks	http://www.iprbookshop.ru/
5	E-library	https://elibrary.ru/
6	Электронная библиотека ВГАУ	http://library.vsau.ru/

6.2.2. Профессиональные базы данных и информационные системы

№	Название	Размещение
1	Единая межведомственная информаци- онно–статистическая система	https://fedstat.ru/
2	Аграрная российская информационная система.	http://www.aris.ru/
3	Информационная система по сельскохо- зяйственным наукам и технологиям	http://agris.fao.org/

6.2.3. Сайты и информационные порталы

№	Название	Размещение
1	Все ГОСТы	http://vsegost.com/
2	Российское хозяйство. Сельхозтехника.	http://rushoz.ru/selhoztehnika/

7. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

7.1. Помещения для ведения образовательного процесса и оборудование

7.1.1. Для контактной работы

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебно-наглядных пособий и используемого программного обеспечения

Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий.

Комплект учебной мебели, презентационный ком-394043, Воронежская область, г. Воплекс, демонстрационное оборудование и учебно-ронеж, ул. Ломоносова, 81 д, корп. 1. наглядные пособия: доска магнитная, лабораторное Здание учебного корпуса № 16, ауд. оборудование: линейка Дробышева, планиметр, 217, 222, 225 курвиметр

Комплект учебной мебели, ЖК телевизор, маркер-394043, Воронежская область, г. Воная доска, демонстрационное учебно-наглядные пособия, лабораторное оборудо-|Здание учебного корпуса № 16, ауд. вание, компьютерная техника с возможностью под-227, 228 ключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа электронную информационно-В образовательную среду, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Брауsep/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice

оборудование и ронеж, ул. Ломоносова, 81 д, корп. 1.

Комплект учебной мебели, демонстрационное обо-394043, Воронежская область, г. Ворудование и учебно- наглядные пособия: геодези-ронеж, ул. Ломоносова, 81 д, корп. 1. ческие приборы (теодолит, нивелир, электронный|Здание учебного корпуса № 16, ауд. тахеометр, электронный нивелир, лазерный дальномер, спутниковая аппаратура, радиосистема), лабораторное оборудование: штативы, рейка нивелирная, лента землемерная, башмак нивелирный, линейка Дробышева, планиметры

Комплект учебной мебели, демонстрационное обо-394043, Воронежская область, г. Ворудование и учебно-наглядные пособия, лабора-ронеж, ул. Ломоносова, 81 д, корп. 1. торное оборудование: линейка Дробышева, плани-|Здание учебного корпуса № 16, ауд. метр, курвиметр

112, 113, 120, 210, 223, 224, 226, 229, 230, 232

Комплект учебной мебели, доска

394087, Воронежская область, г. Воронеж, ул. Тимирязева, 13 а. Здание Экспоцентра (корпус № 7), ауд. 217,

Комплект учебной мебели, демонстрационное обо-394087, Воронежская область, г. Ворудование и учебно-наглядные пособия

ронеж, ул. Тимирязева, 13. Здание учебного корпуса агроинженерного факультета (корпус № 3), ауд. 313, 314, 318, 323

219

Комплект учебной мебели, демонстрационное обо-394087, Воронежская область, г. Ворудование и учебно-наглядные пособия, компью-ронеж, ул. Тимирязева, 13. Здание терная техника с возможностью подключения к се-\учебного корпуса агроинженерного ти "Интернет" и обеспечением доступа в электрон-|факультета (корпус № 3), ауд. 321 ную информационно-образовательную среду, пользуемое обеспечение MS программное Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice

7.1.2. Для самостоятельной работы

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом, в том числе помещения для самостоятельной работы, с указанием перечня основного оборудования, учебнонаглядных пособий и используемого программного обеспечения

Адрес (местоположение) помещений для проведения всех видов учебной деятельности, предусмотренной учебным планом (в случае реализации образовательной программы в сетевой форме дополнительно указывается наименование организации, с которой заключен договор)

Помещение для самостоятельной работы

Комплект учебной мебели, демонстрационное 394087, Воронежская область, г. Воронеж, оборудование и учебно-наглядные пособия, ул. Тимирязева, 13. Здание учебного коркомпьютерная техника с возможностью под-пуса агроинженерного факультета (корпус ключения к сети "Интернет" и обеспечением № 3), ауд. 321 доступа в электронную информационнообразовательную среду, используемое программное обеспечение MS Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice

мебели, ЖК телевизор, Комплект учебной маркерная доска, демонстрационное оборудо-394043, Воронежская область, г. Воронеж, вание и учебно-наглядные пособия, лабора-ул. Ломоносова, 81 д, корп. 1. Здание торное оборудование, компьютерная техника учебного корпуса № 16, ауд. 227, 228 (с 16 с возможностью подключения к сети "Интер-до 20 ч.). нет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду, пользуемое программное обеспечение Windows, Office MS Windows, DrWeb ES, 7-Zip, MediaPlayer Classic, Яндекс Браузер/ Mozilla Firefox / Internet Explorer, ALT Linux, LibreOffice

7.2. Программное обеспечение

7.2.1. Программное обеспечение общего назначения

№	Название	Размещение
1	Операционные системы MS Windows /Linux /Ред ОС	ПК в локальной сети ВГАУ
2	Пакеты офисных приложений MS Office / OpenOffice/LibreOffice	ПК в локальной сети ВГАУ
3	Программы для просмотра файлов Adobe Reader / DjVu Reader	ПК в локальной сети ВГАУ
4	Браузеры Яндекс Браузер / Mozilla Firefox / Microsoft Edge	ПК в локальной сети ВГАУ
5	Антивирусная программа DrWeb ES	ПК в локальной сети ВГАУ
6	Программа-архиватор 7-Zip	ПК в локальной сети ВГАУ
7	Мультимедиа проигрыватель MediaPlayer Classic	ПК в локальной сети ВГАУ
8	Платформа онлайн-обучения eLearning server	ПК в локальной сети ВГАУ
9	Система компьютерного тестирования AST Test	ПК в локальной сети ВГАУ

7.2.2. Специализированное программное обеспечение

No	Название	Размещение
1	Система компьютерной алгебры Mathcad	ПК в локальной сети ВГАУ
2	Пакет статистической обработки данных Statistica	ПК в локальной сети ВГАУ
3	Система компьютерной алгебры Махіта	ПК ауд. 116, 120 (К1)

8. Междисциплинарные связи

Дисциплина, с которой необхо-	Кафедра, на которой преподается	ФИО заведующего
димо согласование	дисциплина	кафедрой
Геодезия	Мелиорации, водоснабжения и	Гладнев В.В.
	геодезии	
Физика	Математики и физики	Шацкий В.П.

Приложение 1 Лист периодических проверок рабочей программы и информация о внесенных изменениях

Должностное лицо, проводившее проверку: Ф.И.О., должность	Дата	Потребность в корректировке указанием соответствующих разделов рабочей программы	Информация о внесенных изменениях
И.о. зав. кафедрой математики и физики Шишкина Л.А	Протокол № 11 от 19.06.2023 г.	Рабочая программа актуализирована на 2023-2024 учебный год	нет
И.о. зав. кафедрой математики и физики Шишкина Л.А	Протокол №12 от 17.06.2024 г.	Рабочая программа актуализирована на 2024-2025 учебный год	нет
Зав. кафедрой математики и физики Шишкина Л.А	Протокол №12 от 17.06.2025 г.	Рабочая программа актуализирована на 2025-2026 учебный год	нет